Практическая работа #2 Проблема собственных значений матрицы

Исходные данные для выполнения задания:

Изображение нейтрального характера из сети «Интернет», разрешение не менее 640×640 pcs, формат .jpeg

Содержание работы:

- 1. Преобразуйте изображение в тензоры цветовых каналов R, G, B (можно использовать инструменты библиотеки matplotlib.image, cv2 или другой на выбор, cm. блокнот от 22.03.2025 c практики)
- 2. Выполните сингулярное разложение тензоров R, G, B при помощи степенного метода. Внимание: размеры изображения width, height задают размер матрицы n, m (учтите это обстоятельство в процедуре при генерации вектора-начального приближения); число итераций N для степенного метода $N = \{10; 50; 100\}$. Для каждого случая (R, G, B) сравните результаты при различном числе итераций (проверьте норму разности исходной матрицы и «восстановленной» из построенного сингулярного разложения). Все операции можно выполнять с помощью встроенных инструментов numpy, **кроме** степенного метода (адаптируйте блокнот с практики). Если при расчете появятся отрицательные оценки сингулярных чисел отметьте это в отчете и объясните причину (мы же понимаем, что так быть не должно в чем ошибка?).
- 3. Для каждой из матриц R, G, B проанализируйте сингулярные числа, их распределение (можно привести график «порядковый номер число»). Предположите, сколько старших сингулярных чисел потребуется в варианте усеченного сингулярного разложения для того, чтобы визуально качество восстановленного изображения оказалось приемлемым. Реализуйте усеченное разложение и проверьте предположение экспериментально (просто экспертная оценка, визуально, можете сделать сами или обратиться к одногруппникам)
- 4. Найдите сингулярные числа матрицы R, G либо B (на выбор) при помощи процедуры на основе метода вращений Якоби (порог tol примите самостоятельно) и сравните результаты с пунктом 3. Сравните порядок числа операций, выполненных в том и в другом случае (степенной метод, либо метод вращений Якоби)
- 5*. Творчески, опционально (по желанию сократит число вопросов по теории, порадует преподавателей): постройте гистограммы глубины цветов (при помощи np.hist). Сравните параметры эмпирического распределения (среднее и стандартное отклонение), с количеством сингулярных чисел, достаточным для приемлемого «восстановления» изображения (пункт 3)

В отчете приведите необходимые графики, комментарии, и непременно программный код