

Отчет. A1. Григорьев Владимир.

ID в CF: [321298336](#), [321298505](#), [321299103](#), [321299343](#)

Репозиторий: https://github.com/vovaggri/A1_alorithms

Задачи:

1. Реализовать генератор тестов (StringGenerator)
2. Измерить std::sort и std::stable_sort
3. Измерить тернарный QuickSort, MergeSort+LCP, MSD-Radix, MSD-Radix+QuickSwitch
4. Построить графики времени и числа посимв. сравнений
5. Сравнить результаты с теорией

Этап 1.

StringGenerator

- Описание: какие символы (74 шт.), длины строк (10–200), размеры наборов (100...3000 шаг 100).
- Типы массивов:
- случайный
- обратный (reverse)
- почти отсортированный (almost)

Структура замеров

- Для каждого размера n и каждого типа данных генерируется один «эталонный» вектор и копируется 6 раз.
- Перед каждым запуском счётчик comparisonCount обнуляется.
- Время измеряется через chrono::high_resolution_clock.
- Сохраняем CSV со столбцами algorithm,dataType,n,timeMs,comparisons.

Этап 2. Стандартные алгоритмы

Все графики можно посмотреть в репозитории:

https://github.com/vovaggri/A1_alorithms

1. std_sort vs stable_sort (random data)

График времени

- Оба алгоритма демонстрируют почти линейный рост времени от 0 до ~5.5 мс при n=3000.
- stable_sort чуть медленнее std::sort для малых n (до ~1000 строк), но при n≈1500–1700 дела выравниваются.
- На больших n (>2000) заметен небольшой перевес std::sort (~5.6 мс) над stable_sort (~6.7 мс)... но разница совсем невелика.

График сравнений

- `std::sort` и `stable_sort` делают примерно одинаковое число посимв. сравнений: для случайных около 58 000 при $n=3000$, для «reverse» — около 12 500, для «almost» — около 22 000.
- Линейный характер — почти прямая линия: сравнения $\approx C \cdot n \cdot \log n$, где константа C зависит от входа ($C_{\text{random}} > C_{\text{almost}} > C_{\text{reverse}}$).

Выводы

- `std::sort` на случайных данных выигрывает у `stable_sort` лишь на 5–10 % по времени, но оба укладываются в $\Theta(n \log n)$ сравнений.
- `stable_sort` чуть более предсказуем (почти ровная кривая), тогда как у `std::sort` есть локальные всплески (внутренние перераспределения).

2. `std::sort` vs `quick3way` (random data)

Время

- При $n=3000$ `std::sort` ≈ 5.4 мс, а `quick3way` — лишь ≈ 1.4 мс.
- `quick3way` стабильно быстрее уже с $n \approx 500$, разрыв растёт линейно: алгоритм выигрывает за счёт меньшего числа посимв. сравнений и эффективной трёх-путевой партиции.

Сравнения

- `quick3way` делает около 36 000 сравнений при $n=3000$ (для random), в то время как `std::sort` — $\approx 58 000$.
- Особенно выгоден `quick3way` при случайных строках, где ветвления «<», «=» и «>» уравновешены.

Выводы

- TERNs... STRING QUICKSORT превосходит стандартный QuickSort по числу сравнений почти вдвое и по времени — в 3–4 раза.

3. `std::sort` vs `merge_lcp` (random data)

Время

- Для малых n (< 600) `merge_lcp` чуть медленнее, но примерно сопоставимо.
- При $n \approx 600, 1500, 2300$ и далее — видны большие «пики» (10–6 мс, 6.5 мс, 6.2 мс, ...). Эти пики — это моменты, когда LCP-метод встречает очень длинные общие префиксы и затрачивает много времени на их подсчет.
- В остальное время `merge_lcp` примерно на 20–30 % медленнее `std::sort`.

Сравнения

- `merge_lcp` делает значительно больше посимвольных сравнений: $\approx 75 000$ при $n=3000$ на random, против $\approx 58 000$ у `std::sort`.
- Расходуется лишний $O(lcp)$ внутри слияния, когда алгоритм каждый раз «сканирует» общий префикс.

Выводы

- В случайных данных, где общие префиксы малы, LCP-Merge всё равно чаще тратит лишние операции на их вычисление — из-за накладных расходов она проигрывает `std_sort`.

4. `std_sort` vs `msd_radix` (random data)

Время

- `msd_radix` стартует с ~ 0.3 мс при $n=100$ и плавно растёт до ~ 10.7 мс при $n=3000$.
- `std_sort` в тех же точках — от 0.05 до ~ 5.4 мс. `msd_radix` медленнее почти вдвое, особенно при больших n из-за большого числа распределений по «корзинам».

Сравнения

- `msd_radix` не использует посимвольных сравнений (они считаются равными 0), что отражено «нулевой» линией.
- Это ожидаемо: radix-сорт вовсе не сравнивает символы, а оперирует разбивкой по ключам.

Выводы

- По времени MSD-Radix пока уступает `std_sort` на случайных строках из-за стоимости распределения, но выигрывает по числу сравнений
- Для очень длинных строк или огромных n Radix может стать выгоднее, но при $n \leq 3000$ выигрыша нет.

5. `std_sort` vs `msd_radix_qs` (random data)

Время

- `msd_radix_qs` (оранж.) — от ~ 0.1 мс при $n=100$ до ~ 2.3 мс при $n=3000$.
- То есть в 2–3 раза быстрее, чем чистый MSD-Radix, и даже быстрее `std_sort`, начиная с $n \approx 500$.

Сравнения

- График показывает небольшое число сравнений (введённых в quickswitch-ветвях), порядка 50 000 при $n=3000$, что почти наравне с `std_sort`.
- Переключаясь на QuickSort там, где «датчики» показывают малый фрагмент, мы минимизируем накладные расходы.

Выводы

- Гибрид MSD-Radix + QuickSort даёт лучшее время: совмещает нулевые сравнения на больших фрагментах со скоростью QuickSort на мелких.

6. `stable_sort` vs `quick3way` (random data)

- quick3way выигрывает у stable_sort ещё сильнее, чем у std_sort: ~1.4 мс vs ~3.3 мс при n=3000.
- Характер кривых похож на пункт 2, но stable_sort здесь из-за внутреннего merge-алгоритма ещё медленнее.

7. stable_sort vs merge_lcp (random data)

- Аналогично: merge_lcp часто медленнее stable_sort (пики до 10 мс), сравнения растут выше 75 000.
- Слияние с LCP влечёт избыточные подсчёты, которые не компенсируются даже стабильностью.

8. stable_sort vs msd_radix (random data)

- msd_radix \approx 10.7 мс, stable_sort \approx 3.3 мс при n=3000.
- Radix без switch плохо работает на небольших n, а у stable_sort нет «комплексного» распределения.

9. stable_sort vs msd_radix_qs (random data)

- msd_radix_qs \approx 2.3 мс vs stable_sort \approx 3.3 мс, то есть гибрид снова выигрывает.

10. quick3way vs merge_lcp (random data)

- quick3way \approx 1.4 мс vs merge_lcp \approx 4.7 мс.
- По сравнениям: quick3way делает ~36 000, а merge_lcp — ~75 000.

11. quick3way vs msd_radix (random data)

- \approx 1.4 мс vs \approx 10.7 мс.
- Quick3way лучше, когда средняя длина префикса невелика.

12. quick3way vs msd_radix_qs (random data)

- \approx 1.4 мс vs \approx 2.3 мс.
- Quick3way чуть быстрее гибрида на случайных данных, потому что мелкие QuickSwitch-ветви составляют лишь малую часть работы.

13. merge_lcp vs msd_radix (random data)

- \approx 4.7 мс vs \approx 10.7 мс.
- LCP-Merge выигрывает у чистого Radix за счёт меньших констант, но всё равно медленнее QuickSort-методов.

14. merge_lcp vs msd_radix_qs (random data)

- \approx 4.7 мс vs \approx 2.3 мс.
- Гибрид MSD+QS обходится быстрее.

15. msd_radix vs msd_radix_qs (random data)

- ≈ 10.7 мс vs ≈ 2.3 мс.
- Очевидно, что дополнительный QuickSwitch даёт огромный выигрыш.

Общие выводы

1. По времени:
 - Самые быстрые на случайных данных — тернарный QuickSort (quick3way) и гибрид MSD-Radix+QuickSwitch (msd_radix_qs), они же минимизируют число сравнений.
 - std::sort/stable_sort занимают среднее положение, показывая классическое $\Theta(n \log n)$.
 - Чистый MSD-Radix (msd_radix) и Merge+LCP (merge_lcp) хуже из-за высоких накладных расходов на распределение и LCP.
2. По числу сравнений:
 - msd_* алгоритмы (без switch) не делают сравнений.
 - quick3way \ll std_sort, stable_sort $<$ merge_lcp по сравнению.
 - Гибрид msd_radix_qs сравнивается с std_sort, но обходит по времени благодаря отсутствию сравнений в основном.
3. Типы данных:
 - На «reverse» строках quick3way и std_sort ведут себя хуже (много сравнений), тогда как radix-методы остаются стабильными.
 - «Almost» sorted даёт лучшие показатели всем алгоритмам, особенно тем, кто умеет раннее завершение сравнения (LCP-Merge выигрывает больше).
4. Соответствие теории:
 - $\Theta(n \log n)$ для Quick/Merge подтверждается почти линейно-логарифмическими кривыми сравнений.
 - Radix-методы имеют $O(n \cdot W)$ поведение (равномерный рост времени), но константы при $W=200$ и $R=256$ слишком велики для малых n .

Этап 3. Эмпирический анализ адаптированных алгоритмов.

Уже не успел написать(