Eduardo Brunaldi dos Santos — 8642515, Jorge Ashkar Ferreira Simondi — 8517081, Victor Luiz da Silva Mariano Pereira — 8602444

# Trabalho 1 Métodos Iterativos para Sistemas Lineares

Brasil

2018



Eduardo Brunaldi dos Santos — 8642515, Jorge Ashkar Ferreira Simondi — 8517081, Victor Luiz da Silva Mariano Pereira — 8602444

## Trabalho 1 Métodos Iterativos para Sistemas Lineares

Universidade de São Paulo – USP Instituto de Ciências Matemáticas e de Computação – ICMC Cálculo Numérico – SME0104

Professor Murilo Francisco Tomé

Brasil

2018

## Conteúdo 2.1 2.2 Teste 2 2.3 Teste 3 10 Conclusão **APÊNDICES** 15 **A.1** Programa principal (main.c) .............. **A.2** 18 A.2.1 Header da biblioteca (gauss seidel.h) ........ 18 A.2.2 **A.3**

## Introdução

Métodos iterativos, em cálculo numérico, são utilizados para calcular de forma progressiva a solução de um sistema de equações lineares. Assim podemos achar a solução mais correta possível, conforme nossas escolhas de precisão ou de número máximo de iterações.

No caso desse trabalho, temos como objetivo implementar o método iterativo de Gauss-Seidel, este baseado no método de Jacobi, os quais se diferenciam somente na utilização dos valores já obtidos na procura dos próximos.

O método de Jacobi utiliza sempre os valores da etapa anterior, já o de Gauss-Seidel, utiliza os valores mais atualizados possíveis.



## 1 Método Iterativo de Gauss-Seidel

O método de Gauss-Seidel é um método iterativo baseado no método de Jacobi desenvolvido para resolver sistemas de equações lineares. Seu nome foi originado nos matemáticos Carl Friedrich Gauss e Philipp Ludwig von Seidel.

Diferente do seu precursor, o método de Gauss-Seidel se aproveita de resultados de iterações passadas para acelerar a convergência para a resposta do sistema linear.

Podemos fazer um comparativo visual entre as duas funções de iteração, primeiramente a de Jacobi:

$$x_i^{(k+1)} = \frac{1}{a_{ii}} \left( b_i - \sum_{j=1 \ j \neq i}^n a_{ij} x_j^{(k)} \right), \quad i = 1, 2, \dots, n$$

Já o método de Gauss-Seidel possui a seguinte fórmula de iteração:

$$x_i^{(k+1)} = \frac{1}{a_{ii}} \left( b_i - \sum_{j=1}^{i-1} a_{ij} x^{(k+1)} - \sum_{j=i+1}^n a_{ij} x_j^{(k)} \right), \quad i = 1, 2, \dots, n$$

Com isso podemos ver que por se utilizar das iterações anteriores, o método proposto para esse trabalho converge mais rápido que o de Jacobi.

Esses dois métodos são indicados para aplicações onde a matriz A é esparsa, ou seja, quando possui uma grande quantidade de elementos que valem zero.



## 2 Resultados

Apesar da precisão  $\epsilon$  ser especificada em alguns casos, em outros não, o programa que nós fizemos sempre vai imprimir o resultado encontrado com 16 casas decimais. Outro ponto a se observar, é que na apresentação dos resultados mostraremos os componentes do vetor x obtidos, fizemos isso por questão de estética e ter que colocar um vetor grande com 50 a 100 elementos.

#### 2.1 Teste 1

Nesse primeiro teste, foi solicitado que executássemos nosso programa com os seguintes dados:

- n = 50
- Regra de formação de A é denotada por:

$$\begin{cases} a_{i,i} = 4, & i = 1, 2, \dots, n; \\ a_{i,i+1} = -1, & i = 1, 2, \dots, n - 1; \\ a_{i+1,i} = -1, & i = 1, 2, \dots, n - 1; \\ a_{i,i+3} = -1, & i = 1, 2, \dots, n - 3; \\ a_{i+3,i} = -1, & i = 1, 2, \dots, n - 3; \\ a_{i,j} = 0, & \text{no restante.} \end{cases}$$

- $b_i = \sum_{j=1}^n a_{ij}, \quad i = 1, 2, \dots, n$
- A tolerância de erro e a quantidade de iterações máxima não foram especificadas então deixamos como padrão  $\epsilon = 10^{-5}$  e  $itmax = 10^{7}$ .

Com 429 iterações, conseguimos o seguinte vetor x como resultado:

```
x_1 = 0.9999337056119755
                              x_7 = 0.9997426561581359
                                                           x_{13} = 0.9995850658671707
x_2 = 0.9999022580617377
                              x_8 = 0.9997127717351563
                                                           x_{14} = 0.9995641285500906
x_3 = 0.9998767564132660
                              x_9 = 0.9996847662462976
                                                           x_{15} = 0.9995449525304450
x_4 = 0.9998373110649970
                                                           x_{16} = 0.9995275349651083
                             x_{10} = 0.9996574884419451
x_5 = 0.9998043818757397
                             x_{11} = 0.9996317401867282
                                                           x_{17} = 0.9995119448425527
x_6 = 0.9997745311874137
                                                           x_{18} = 0.9994982360680523
                             x_{12} = 0.9996076670815898
```

ı			
	$x_{19} = 0.9994864324485824$	$x_{30} = 0.9994856808399818$	$x_{41} = 0.9996938378919464$
	$x_{20} = 0.9994765653157160$	$x_{31} = 0.9994969866366955$	$x_{42} = 0.9997202487630036$
	$x_{21} = 0.9994686592137438$	$x_{32} = 0.9995100271367293$	$x_{43} = 0.9997469483563225$
	$x_{22} = 0.9994627261862783$	$x_{33} = 0.9995247400284760$	$x_{44} = 0.9997749237180661$
	$x_{23} = 0.9994587736375708$	$x_{34} = 0.9995410581501044$	$x_{45} = 0.9998042064202979$
	$x_{24} = 0.9994568022326934$	$x_{35} = 0.9995589220334093$	$x_{46} = 0.9998313692296440$
	$x_{25} = 0.9994568043937440$	$x_{36} = 0.9995782457760340$	$x_{47} = 0.9998608077401657$
	$x_{26} = 0.9994587659437409$	$x_{37} = 0.9995989330477007$	$x_{48} = 0.9998952663788790$
	$x_{27} = 0.9994626656965930$	$x_{38} = 0.9996209526818133$	$x_{49} = 0.9999175540360030$
	$x_{28} = 0.9994684755790514$	$x_{39} = 0.9996441831497855$	$x_{50} = 0.9999445904440422$
	$x_{29} = 0.9994761612548965$	$x_{40} = 0.9996684275186901$	

#### 2.2 Teste 2

No segundo teste, foi solicitado que executássemos nosso programa com os seguintes dados

- n = 100
- Regra de formação de A é denotada por:

$$\begin{cases} a_{i,i} = 4, & i = 1, 2, \dots, n; \\ a_{i,i+1} = -1, & i = 1, 2, \dots, n - 1; \\ a_{i+1,i} = -1, & i = 1, 2, \dots, n - 1; \\ a_{i,i+3} = -1, & i = 1, 2, \dots, n - 3; \\ a_{i+3,i} = -1, & i = 1, 2, \dots, n - 3; \\ a_{i,j} = 0, & \text{no restante.} \end{cases}$$

- $b_i = \sum_{j=1}^n a_{ij}, \quad i = 1, 2, \dots, n$
- A tolerância de erro e a quantidade de iterações máxima não foram especificadas então deixamos como padrão  $\epsilon=10^{-5}$  e  $itmax=10^{7}$ .

Com 1357 iterações, conseguimos o seguinte vetor x como resultado:

 $x_1 = 0.9998738542396985$   $x_2 = 0.9998129435623880$   $x_3 = 0.9997626042371170$ 

2.2. Teste 2

$x_4 = 0.9996848479263462$	$x_{37} = 0.9980468822474435$	$x_{70} = 0.9982914842231527$
$x_5 = 0.9996182432345047$	$x_{38} = 0.9980232763240508$	$x_{71} = 0.9983296691384520$
$x_6 = 0.9995562138527778$	$x_{39} = 0.9980015790579967$	$x_{72} = 0.9983693572692299$
$x_7 = 0.9994889115229971$	$x_{40} = 0.9979818073123535$	$x_{73} = 0.9984105083744410$
$x_8 = 0.9994237903157294$	$x_{41} = 0.9979639761023460$	$x_{74} = 0.9984530808251019$
$x_9 = 0.9993605364284126$	$x_{42} = 0.9979480985851344$	$x_{75} = 0.9984970318264450$
$x_{10} = 0.9992968430669336$	$x_{43} = 0.9979341860505684$	$x_{76} = 0.9985423174643067$
$x_{11} = 0.9992341148124684$	$x_{44} = 0.9979222479140781$	$x_{77} = 0.9985888922234198$
$x_{12} = 0.9991725355247364$	$x_{45} = 0.9979122917114375$	$x_{78} = 0.9986367098011544$
$x_{13} = 0.9991116311073441$	$x_{46} = 0.9979043230951400$	$x_{79} = 0.9986857235278032$
$x_{14} = 0.9990516865321048$	$x_{47} = 0.9978983458326130$	$x_{80} = 0.9987358836422807$
$x_{15} = 0.9989928222278777$	$x_{48} = 0.9978943618062428$	$x_{81} = 0.9987871403698153$
$x_{16} = 0.9989349787055476$	$x_{49} = 0.9978923710151436$	$x_{82} = 0.9988394474634000$
$x_{17} = 0.9988782439532933$	$x_{50} = 0.9978923715787057$	$x_{83} = 0.9988927483413111$
$x_{18} = 0.9988226902835039$	$x_{51} = 0.9978943597419185$	$x_{84} = 0.9989469867000615$
$x_{19} = 0.9987683448745465$	$x_{52} = 0.9978983298824433$	$x_{85} = 0.9990021309945048$
$x_{20} = 0.9987152612888901$	$x_{53} = 0.9979042745194355$	$x_{86} = 0.9990581078225971$
$x_{21} = 0.9986634928002946$	$x_{54} = 0.9979121843241067$	$x_{87} = 0.9991148304313648$
$x_{22} = 0.9986130812852338$	$x_{55} = 0.9979220481320004$	$x_{88} = 0.9991723487039626$
$x_{23} = 0.9985640720869986$	$x_{56} = 0.9979338529569851$	$x_{89} = 0.9992305448790375$
$x_{24} = 0.9985165101388453$	$x_{57} = 0.9979475840069450$	$x_{90} = 0.9992891527897000$
$x_{25} = 0.9984704367415823$	$x_{58} = 0.9979632247011112$	$x_{91} = 0.9993486065323530$
$x_{26} = 0.9984258924917748$	$x_{59} = 0.9979807566890773$	$x_{92} = 0.9994087268533902$
$x_{27} = 0.9983829168228631$	$x_{60} = 0.9980001598714995$	$x_{93} = 0.9994682235509935$
$x_{28} = 0.9983415471628708$	$x_{61} = 0.9980214124222428$	$x_{94} = 0.9995292193590008$
$x_{29} = 0.9983018194640830$	$x_{62} = 0.9980444908122079$	$x_{95} = 0.9995919759926195$
$x_{30} = 0.9982637681626284$	$x_{63} = 0.9980693698350556$	$x_{96} = 0.9996496775214918$
$x_{31} = 0.9982274259594643$	$x_{64} = 0.9980960226336919$	$x_{97} = 0.9997113652847045$
$x_{32} = 0.9981928238934358$	$x_{65} = 0.9981244207284375$	$x_{98} = 0.9997829628126369$
$x_{33} = 0.9981599913289189$	$x_{66} = 0.9981545340486365$	$x_{99} = 0.9998293169924293$
$x_{34} = 0.9981289558893802$	$x_{67} = 0.9981863309622862$	$x_{100} = 0.9998851705692834$
$x_{35} = 0.9980997434513928$	$x_{68} = 0.9982197783064963$	
$x_{36} = 0.9980723781293944$	$x_{69} = 0.9982548414300648$	

#### 2.3 Teste 3

Já no terceiro teste solicitado, diferente dos anteriores, foram especificados os valores de  $\epsilon$  e de itmax, ficando da seguinte maneira:

- n = 100
- Regra de formação de A é denotada por:

$$\begin{cases} a_{i,i} = 4, & i = 1, 2, \dots, n; \\ a_{i,i+1} = -1, & i = 1, 2, \dots, n - 1; \\ a_{i+1,i} = -1, & i = 1, 2, \dots, n - 1; \\ a_{i,i+3} = -1, & i = 1, 2, \dots, n - 3; \\ a_{i+3,i} = -1, & i = 1, 2, \dots, n - 3; \\ a_{i,j} = 0, & \text{no restante.} \end{cases}$$

- $b_i = 1.0/i$ , i = 1, 2, ..., n
- $\epsilon = 10^{-10}$
- $itmax = 10^7$

Com 4035 iterações, conseguimos o seguinte vetor x como resultado:

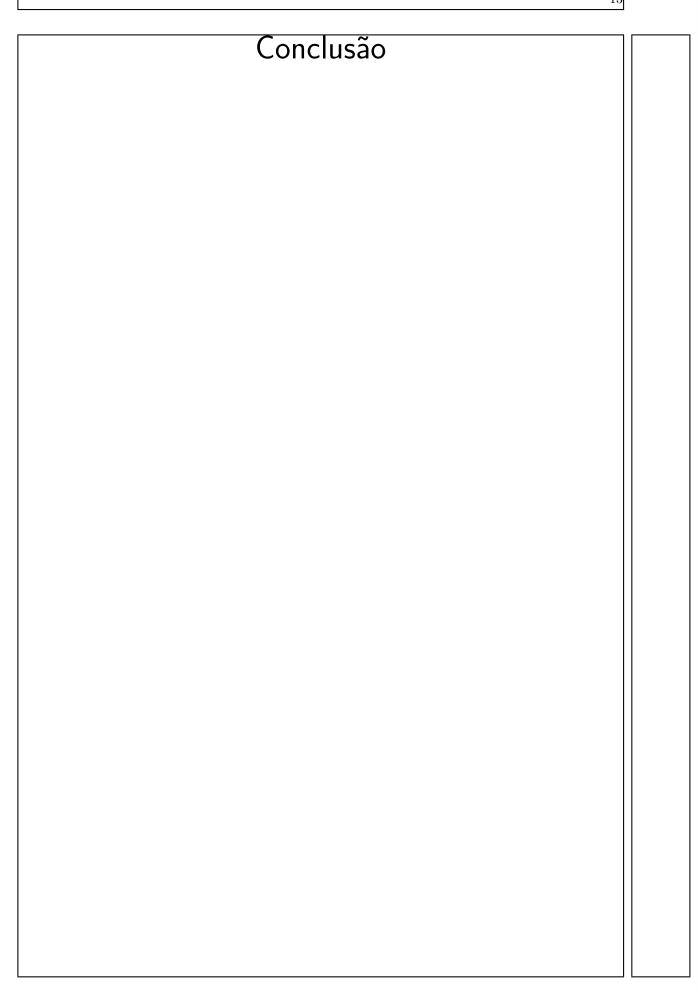
$x_1 = 0.9187448165907161$	$x_{15} = 3.0827575717446547$	$x_{29} = 3.8140332375616510$
$x_2 = 1.1045965699783248$	$x_{16} = 3.1682320874339032$	$x_{30} = 3.8352664160698222$
$x_3 = 1.2325874938164970$	$x_{17} = 3.2474823074568488$	$x_{31} = 3.8531706946495210$
$x_4 = 1.5703826964083346$	$x_{18} = 3.3207350197423259$	$x_{32} = 3.8678532579607074$
$x_5 = 1.7670539695354222$	$x_{19} = 3.3885251582887751$	$x_{33} = 3.8794144237793418$
$x_6 = 1.9220373755819542$	$x_{20} = 3.4510802518712860$	$x_{34} = 3.8879486080854190$
$x_7 = 2.1131445057330069$	$x_{21} = 3.5086194860451511$	$x_{35} = 3.8935446760295326$
$x_8 = 2.2711992362214035$	$x_{22} = 3.5614216952868021$	$x_{36} = 3.8962863828783725$
$x_9 = 2.4086968666307383$	$x_{23} = 3.6096940558257294$	$x_{37} = 3.8962528733599743$
$x_{10} = 2.5461015719238098$	$x_{24} = 3.6536219297971451$	$x_{38} = 3.8935190268071943$
$x_{11} = 2.6709016030530332$	$x_{25} = 3.6933935356735150$	$x_{39} = 3.8881557807540906$
$x_{12} = 2.7843381717571969$	$x_{26} = 3.7291740856229907$	$x_{40} = 3.8802304488311668$
$x_{13} = 2.8916633123568407$	$x_{27} = 3.7611139751266089$	$x_{41} = 3.8698069878026507$
$x_{14} = 2.9910583414847695$	$x_{28} = 3.7893564321402836$	$x_{42} = 3.8569462390514479$

2.3. Teste 3 11

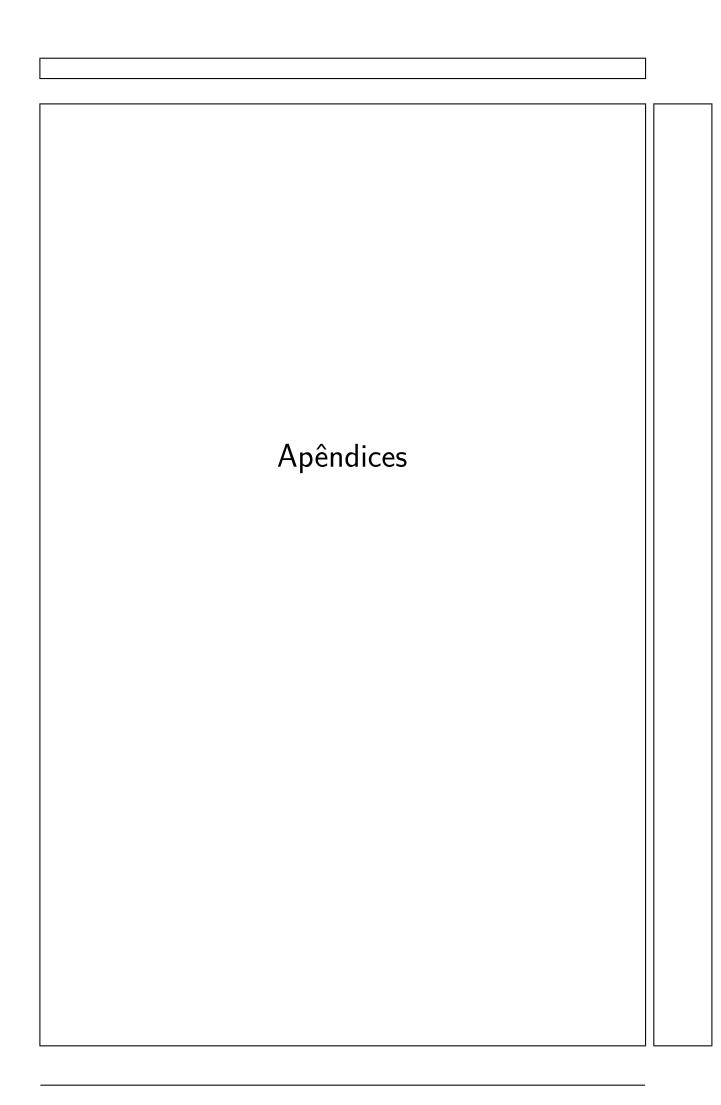
$x_{43} = 3.8417061536023001$	$x_{63} = 3.1075299149135004$	$x_{83} = 1.7275545421499002$
$x_{44} = 3.8241419928140214$	$x_{64} = 3.0521558236288166$	$x_{84} = 1.6448165338014529$
$x_{45} = 3.8043065104340237$	$x_{65} = 2.9952196902850702$	$x_{85} = 1.5608636785986605$
$x_{46} = 3.7822501199568167$	$x_{66} = 2.9367455313930225$	$x_{86} = 1.4757416018946408$
$x_{47} = 3.7580210468883337$	$x_{67} = 2.8767566370039185$	$x_{87} = 1.3895174593800130$
$x_{48} = 3.7316654678906484$	$x_{68} = 2.8152756070057247$	$x_{88} = 1.3020337388756733$
$x_{49} = 3.7032276386672660$	$x_{69} = 2.7523243683867061$	$x_{89} = 1.2134028205516427$
$x_{50} = 3.6727500113467956$	$x_{70} = 2.6879242130190810$	$x_{90} = 1.1239837101476174$
$x_{51} = 3.6402733424392654$	$x_{71} = 2.6220958501560915$	$x_{91} = 1.0329873606760617$
$x_{52} = 3.6058367924089371$	$x_{72} = 2.5548593686640197$	$x_{92} = 0.9406162762941549$
$x_{53} = 3.5694780175913818$	$x_{73} = 2.4862342823983469$	$x_{93} = 0.8489160889277005$
$x_{54} = 3.5312332551719267$	$x_{74} = 2.4162397050438427$	$x_{94} = 0.7543267064481112$
$x_{55} = 3.4911374019048185$	$x_{75} = 2.3448940849725689$	$x_{95} = 0.6562892698483521$
$x_{56} = 3.4492240871063841$	$x_{76} = 2.2722152128718184$	$x_{96} = 0.5659849746877800$
$x_{57} = 3.4055257404294229$	$x_{77} = 2.1982210892729214$	$x_{97} = 0.4684758085009985$
$x_{58} = 3.3600736549446078$	$x_{78} = 2.1229287201109216$	$x_{98} = 0.3537028062007704$
$x_{59} = 3.3128980458356888$	$x_{79} = 2.0463535002357254$	$x_{99} = 0.2798420648291652$
$x_{60} = 3.2640281050369084$	$x_{80} = 1.9685137062025785$	$x_{100} = 0.1895794683325409$
$x_{61} = 3.2134920524875769$	$x_{81} = 1.8894256932616957$	
$x_{62} = 3.1613171838998899$	$x_{82} = 1.8090981340243647$	



-	12	ı









## APÊNDICE A – Códigos Fonte

## A.1 Programa principal (main.c)

```
2
          Trabalho 1 - Métodos Iterativos para Sitemas Lineares
3
              Cálculo Numérico
                                   SME-0104
4
              Prof.: Murilo Francisco Tomé
5
6
7
              Eduardo Brunaldi dos Santos
                                                        8642515
              Jorge Ashkar Ferreira Simondi
                                                        8517081
8
9
              Victor Luiz da Silva Mariano Pereira
                                                        8602444
10
11
12
    #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
13
    #include <gauss_seidel.h>
14
15
    int main (int argc, char *argv[]){
16
        // Variáveis de entrada
17
        int n;
                           // Quantidade de equações do sistema linear
18
19
        int itmax;
                           // Número máximo de iterações
        long double **A; // Matriz de sistemas lineares
20
                           // Vetor resultado das equações
21
        long double *b;
                           // Vetor inicial
22
        long double *x;
23
        long double e;
                            // Erro permitido, precisão
24
        // Iteradores
25
26
        int i;
27
        int j;
28
        // Dimensão da matriz (número de equações do sistema linear)
29
        scanf("%d", &n);
30
31
        // Alocação da matriz
32
        A = malloc(sizeof(long double *) * n);
33
        for (i = 0; i < n; i++)
34
            A[i] = malloc(sizeof(long double) * n);
35
36
        // Pegando valores de A
37
        for (i = 0; i < n; i++)
38
            for (j = 0; j < n; j++)
39
```

```
scanf("%Lf", &(A[i][j]));
40
41
        // Alocação do vetor resultado
42
        b = malloc(sizeof(long double) * n);
43
44
45
        // Pegando os valores de b
        for(i = 0; i < n; i++)
46
            scanf("%Lf", &b[i]);
47
48
        // Alocação do vetor chute
49
        x = malloc(sizeof(long double) * n);
50
51
        // Pegando os valores do x(0), o vetor inicial
52
        for(i = 0; i < n; i++)</pre>
53
            scanf("%Lf", &x[i]);
54
55
        // Pegando o valor da precisão (erro permitido)
56
        scanf("%Lf", &e);
57
58
        // Pegando a quantidade máxima de iterações
59
        scanf("%d", &itmax);
60
61
        // Calcula um valor aproximado para a resposta
62
        // usando o método de Gauss-Seidel
63
        x = gauss_seidel(A, b, x, n, e, itmax);
64
65
        // Imprime a solução na tela
66
        imprime_vetor(x, n);
67
68
69
        // Liberando a memória
70
        free(x);
        free(b);
71
        for (i = 0; i < n; i++)
72
            free(A[i]);
73
        free(A);
74
75
76
        return 0;
77
            Biblioteca auxiliar
    A.2
            Header da biblioteca (gauss seidel.h)
```

Métodos Iterativos para Sitemas Lineares

19

```
3
              Cálculo Numérico
4
                                  SME-0104
              Prof.: Murilo Francisco Tomé
5
6
7
              Eduardo Brunaldi dos Santos
                                                       8642515
8
              Jorge Ashkar Ferreira Simondi
                                                       8517081
              Victor Luiz da Silva Mariano Pereira
9
                                                       8602444
10
11
    #ifndef GAUSS_SEIDEL_H
12
13
    #define GAUSS_SEIDEL_H
14
15
     * Função para imprimir de forma mais legível uma matriz quadrada
16
17
     * Oparam A Matriz a ser impressa
     * @param n dimensão da matriz
18
19
    void imprime_matriz(long double **A, int n);
20
21
22
     * Função para imprimir um vetor de forma mais legível
23
     * Oparam v vetor a ser impresso
24
     * @param n tamanho do vetor
25
     */
26
    void imprime_vetor(long double *v, int n);
27
28
29
30
     * Função para retornar a norma infinita de um vetor obtido pela subtração
31
     * de dois vetores
32
     * @param xk Vetor x(k+1)
     * @param x Vetor x(k)
33
     * @param n Dimensão dos vetores
34
     * @return
                  norma do vetor obtido pela subtração
35
36
    long double norma_infinita(long double *xk, long double *x, int n);
37
38
39
     * Função para resolver o sistema linear usando o método de qauss-seidel
40
     * @param A
                    Matriz de funções do sistema linear
41
                    Resultados das equações do sistema linear
     * @param b
42
43
     * @param x
                    Vetor contendo os resultados iniciais
     * @param n
                    Dimensão do sistema linear
44
     * @param e
                    Precisão
45
     * @param itmax Número máximo de iterações
46
47
   long double *gauss_seidel(long double **A, long double *b, long double *x, int n, long
48
       double e, int itmax);
```

```
49
50
    #endif
             Implementação da biblioteca (gauss_seidel.c)
    A.2.2
    /**
1
          Trabalho 1 - Métodos Iterativos para Sitemas Lineares
2
3
              Cálculo Numérico
                                   SME-0104
4
              Prof.: Murilo Francisco Tomé
5
6
              Eduardo Brunaldi dos Santos
                                                       8642515
7
              Jorge Ashkar Ferreira Simondi
                                                       8517081
8
              Victor Luiz da Silva Mariano Pereira
                                                       8602444
9
10
11
    #include <stdio.h>
12
    #include <stdlib.h>
13
    #include <math.h>
14
    #include <gauss_seidel.h>
15
16
17
     * Função para imprimir de forma mais legível uma matriz quadrada
18
     * Oparam A Matriz a ser impressa
19
20
     * @param n dimensão da matriz
21
    void imprime_matriz(long double **A, int n){
22
23
        int i;
24
        int j;
25
        for (i = 0; i < n; i++){
26
27
            for (j = 0; j < n; j++)
                printf("%Lf\t", A[i][j]);
28
            printf("\n");
29
        }
30
31
32
33
     * Função para imprimir um vetor de forma mais legível
34
     * Oparam v vetor a ser impresso
35
     * @param n tamanho do vetor
36
37
    void imprime_vetor(long double *v, int n){
38
        int i;
39
```

A.2. Biblioteca auxiliar

```
for (i = 0; i < n; i++)
41
            printf("%.16Lf\n", v[i]);
42
43
44
45
46
     * Função para retornar a norma infinita de um vetor obtido pela subtração
     * de dois vetores
47
     * @param xk Vetor x(k+1)
48
     * @param x Vetor x(k)
49
     * @param n Dimensão dos vetores
50
                  norma do vetor obtido pela subtração
51
     * @return
52
    long double norma_infinita(long double *xk, long double *x, int n){
53
        int i;
54
        long double maximo = 0;
55
56
        for(i = 0; i < n; i++)
57
            if(fabs(xk[i] - x[i]) > maximo)
58
                maximo = fabs(xk[i] - x[i]);
59
60
61
        return maximo;
62
63
64
     * Função para resolver o sistema linear usando o método de gauss-seidel
65
     * @param A
                    Matriz de funções do sistema linear
66
     * @param b
                    Resultados das equações do sistema linear
67
     * @param x
                    Vetor contendo os resultados iniciais
68
                    Dimensão do sistema linear
69
     * @param n
70
     * @param e
                    Precisão
71
     * @param itmax Número máximo de iterações
72
    long double *gauss_seidel(long double **A, long double *b, long double *x, int n, long
73
    → double e, int itmax){
        // Variáveis auxiliares
74
        long double somaL;
75
76
        long double somaU;
        long double *x_ant;
77
78
        // Iteradores
79
        int i;
80
        int j;
81
        int it = 0;
82
83
        // Alocando espaço da memória para o vetor auxiliar
84
        x_ant = malloc(sizeof(long double) * n);
85
86
```

1 2

```
do{
87
             // Para toda iteração, atualiza o vetor x anterior
88
             for(i = 0; i < n; i++)
89
                 x_ant[i] = x[i];
90
91
92
             for(i = 0; i < n; i++){
                 somal = 0;
93
                 somaU = 0;
94
                 // Somatório da parte de baixo da matriz
95
                 for(j = 0; j < i; j++)
96
                      somaL += A[i][j] * x[j];
97
                 // Somatório da parte de cima da matriz
98
                 for(j = i + 1; j < n; j++)
99
                      somaU += A[i][j] * x[j];
100
                 // Aproximação do x
101
                 x[i] = (b[i] - somaL - somaU)/A[i][i];
102
103
104
             // Calcula a norma infinita e compara com a tolerância
105
             if(norma_infinita(x, x_ant, n) <= e){</pre>
106
                 // Se quiser imprimir o número de iterações necessários para
107
                 // chegar na solução encontrada, só descomentar o próximo
108
                 // comando 'printf()'. Se caso não imprimir o número de
109
                 // iterações mesmo descomentando o comando, quer dizer que
110
                 // o it chegou ao itmax.
111
112
                 // printf("Numero de iteracoes: %d\n", it);
113
114
                 free(x_ant);
115
116
                 return x;
117
             }
118
119
             it++;
         }while(it < itmax);</pre>
120
121
         // Libera memória
122
123
         free(x_ant);
124
         return x;
125
```

## A.3 Programa auxiliar (gera\_input.c)

```
/**

* Trabalho 1 - Métodos Iterativos para Sitemas Lineares

*
```

```
Cálculo Numérico
                                   SME-0104
4
              Prof.: Murilo Francisco Tomé
5
6
7
              Eduardo Brunaldi dos Santos
                                                        8642515
              Jorge Ashkar Ferreira Simondi
                                                        8517081
8
9
              Victor Luiz da Silva Mariano Pereira
                                                        8602444
10
11
    #include <stdio.h>
12
    #include <stdlib.h>
13
14
15
     * Programa feito para gerar parte do input utilizado no trabalho
16
     * com ele é possível gerar a matriz A solicitada, o vetor b (que
17
     * dependendo da letra do enunciado é diferente), o vetor x com o
18
     * chute inicial O, número máximo de iterações e a tolerância de erro.
19
     * D programa sempre imprimirá mensagem de como usar se caso não for
20
     * usado corretamente.
21
     * Se usado corretamente, ele sempre imprimirá na sequência:
22
23
                  A (um elemento por linha)
24
                  b (um elemento por linha)
25
                  x (um elemento por linha)
26
                  e (precisão)
27
                  itmax (número máximo de iterações)
28
29
     * para facilitar, recomendo que use da seguinte forma:
30
31
32
                   ./qera_input n exercicio
33
34
     * sendo que n é a dimensão da matriz, dos vetores x e do vetor b. Já a
     * variável exercicio pode assumiros seguintes valores:
35
                                0 -> para gerar exemplo para o item b) do trabalho
36
                              e 1 -> para gerar exemplo para o item c) do trabalho
37
38
39
40
41
     * Função que gera uma matriz pentadiagonal como a descrita no enunciado
42
     * do trabalho
43
     * @param n Dimensão da matriz
44
     * Oreturn Matriz alocada e com valores setados
45
46
47
    int **gera_matriz_A(int n){
        int i;
48
        int j;
49
50
```

```
int **A;
51
52
        // Alocando memória
53
        A = malloc(sizeof(int *) * n);
54
        for(i = 0; i < n; i++)
55
56
            A[i] = malloc(sizeof(int) * n);
57
        for(i = 0; i < n; i++)</pre>
58
            for(j = 0; j < n; j++){
59
                // Caso da diagonal principal
60
                if(i == j)
61
                     A[i][j] = 4;
62
                // Caso das diagonais especiais
63
                else if(j == i+1 || i == j+1 || j == i+3 || i == j+3)
64
                     A[i][j] = -1;
65
                // Caso do resto
66
                 else
67
                    A[i][j] = 0;
68
            }
69
70
71
        return A;
72
73
74
     * Função que gera o vetor b de acordo com a letra b) do enunciado do
75
     * trabalho
76
77
     * Oparam A Matriz base para a criação do vetor b
     * @param n Tamanho do vetor
78
     * @return Vetor b com os valores solicitados
79
80
     */
81
    int *gera_vetor_b_b(int **A, int n){
        int i;
82
83
        int j;
        int *b;
84
85
        b = calloc(sizeof(int), n);
86
87
        for(i = 0; i < n; i++)
88
            for(j = 0; j < n; j++)
89
                b[i] += A[i][j];
90
91
        return b;
92
93
94
95
     * Função que gera o vetor b de acordo com a letra c) do enunciado do
96
     * trabalho
97
```

```
* @param n Tamanho do vetor
98
      * @return
                   Vetor b com os valores solicitados
99
100
101
     long double *gera_vetor_b_c(int n){
         int i;
102
103
         long double *b;
104
         b = malloc(sizeof(int)* n);
105
106
         for(i = 0; i < n; i++)
107
             b[i] = 1.0/((i+1)*1.0);
108
109
110
         return b;
111
112
113
      * Função para imprimir um vetor de inteiros, com um elemento por linha
114
      * @param v Vetor a ser impresso
115
      * @param n Dimensão do vetor
116
117
     void imprime_vetor(int *v, int n){
118
         int i;
119
120
         for(i = 0; i < n; i++)
121
             printf("%d\n", v[i]);
122
123
124
125
126
      * Função para imprimir uma matriz para usar como input de outro programa
127
      * @param A Matriz a ser impressa
128
      * @param n dimensão da matriz
129
     void imprime_matriz(int **A, int n){
130
         int i;
131
132
         int j;
133
         for (i = 0; i < n; i++)
134
             imprime_vetor(A[i], n);
135
136
137
138
      * Função para imprimir um vetor para usar como input de outro programa
139
      * no caso o vetor é da forma do item c) do trabalho
140
      * Oparam b vetor a ser impresso
141
      * @param n dimensão do vetor
142
143
     void imprime_vetor_c(long double *b, int n){
144
```

```
int i;
145
146
         for(i = 0; i < n; i++)
147
             printf("%.16Lf\n", b[i]);
148
149
150
     int main(int argc, char *argv[]){
151
         // Variáveis
152
         int *x;
153
         int *bb;
154
         int **A;
155
         long double *bc;
156
         int ex;
157
         int n;
158
159
         // Iteradores
160
         int i;
161
162
         if(argc != 3){
163
             printf("Usage: ./programa valor_de_n exercicio, sendo que o exercicio pode ter
164
             \hookrightarrow valores\n\t0 -> b\n\t1 -> c\n");
             return -1;
165
         }
166
167
         n = atol(argv[1]);
168
         ex = atol(argv[2]);
169
170
171
         if(ex > 1 && ex < 0 || n < 1){
             printf("Usage: ./programa valor_de_n exercicio, sendo que o exercicio pode ter
172
             \hookrightarrow valores\n\t0 -> b\n\t1 -> c\n");
173
             return -1;
         }
174
175
         A = gera_matriz_A(n);
176
         printf("%d\n", n);
177
         imprime_matriz(A, n);
178
179
         // Como o chute inicial é sempre o vetor nulo, podemos alocar com zeros
180
         x = calloc(sizeof(int), n);
181
182
         if(ex == 0){
183
             bb = gera_vetor_b_b(A, n);
184
              imprime_vetor(bb, n);
185
186
             imprime_vetor(x, n);
187
188
             printf("0.00001\n");
189
```

```
printf("10000000\n");
190
191
192
              // Liberando memória
             free(bb);
193
         } else if(ex == 1){
194
195
             bc = gera_vetor_b_c(n);
              imprime_vetor_c(bc, n);
196
197
              imprime_vetor(x, n);
198
199
             printf("0.000000001\n");
200
             printf("10000000\n");
201
202
203
              // Liberando memória
             free(bc);
204
         } else{
205
             // Liberando memória
206
             for(i = 0; i < n; i++)
207
                  free(A[i]);
208
209
              free(A);
210
             free(x);
             return -1;
211
         }
212
213
         // Liberando memória
214
         for(i = 0; i < n; i++)
215
216
             free(A[i]);
217
         free(A);
         free(x);
218
219
220
         return 0;
221
```