

Eduardo Brunaldi dos Santos — 8642515,  
Jorge Ashkar Ferreira Simondi — 8517081,  
Victor Luiz da Silva Mariano Pereira — 8602444

**Trabalho 2**  
**Método de Integração Numérica**  
**Simpson 1/3 Composta**

Brasil

2018



Eduardo Brunaldi dos Santos — 8642515,  
Jorge Ashkar Ferreira Simondi — 8517081,  
Victor Luiz da Silva Mariano Pereira — 8602444

**Trabalho 2**  
**Método de Integração Numérica**  
**Simpson 1/3 Composta**

Universidade de São Paulo – USP  
Instituto de Ciências Matemáticas e de Computação – ICMC  
Cálculo Numérico – SME0104

Professor Murilo Francisco Tomé

Brasil  
2018

# Conteúdo

	<b>Introdução</b> . . . . .	<b>3</b>
<b>1</b>	<b>SIMPSON 1/3 COMPOSTO</b> . . . . .	<b>5</b>
<b>2</b>	<b>INSTRUÇÕES DE USO</b> . . . . .	<b>7</b>
<b>2.1</b>	<b>Arquivos principais</b> . . . . .	<b>7</b>
<b>2.2</b>	<b>Compilando</b> . . . . .	<b>7</b>
<b>2.3</b>	<b>Rodando</b> . . . . .	<b>8</b>
2.3.1	Executando programa sem arquivo de entrada . . . . .	8
2.3.2	Executando programa com arquivo de entrada . . . . .	8
<b>3</b>	<b>RESULTADOS</b> . . . . .	<b>9</b>
	<b>Conclusão</b> . . . . .	<b>11</b>
	 <b>APÊNDICES</b>	 <b>13</b>
	<b>APÊNDICE A – CÓDIGOS FONTE</b> . . . . .	<b>15</b>
<b>A.1</b>	<b>Programas principais</b> . . . . .	<b>15</b>
A.1.1	main_simpson.c . . . . .	15
A.1.2	main_newton.c . . . . .	15
<b>A.2</b>	<b>Programas auxiliares</b> . . . . .	<b>16</b>
A.2.1	Makefile . . . . .	16
A.2.2	Header da biblioteca de Funções (funcoes.h) . . . . .	17
A.2.3	Implementação da biblioteca de Funções (funcoes.c) . . . . .	18
A.2.4	Header da biblioteca de Simpson (simpson.h) . . . . .	18
A.2.5	Implementação da biblioteca de Simpson (simpson.c) . . . . .	19
A.2.6	Header da biblioteca de Newton (newton.h) . . . . .	21
A.2.7	Implementação da biblioteca de Newton (newton.c) . . . . .	22

# Introdução

Em cálculo, algumas integrais definidas não são tão simples de calcular, para isso foram desenvolvidos métodos numéricos para calcular essas integrais difíceis. As integrações numéricas são formas para aproximar uma intragral que tenha a característica ou até mesmo quando não se tem a função propriamente dita, mas tem alguns valores da função em alguns pontos.

No caso desse segundo trabalho de Cálculo Numérico, tivemos que implementar um programa em Matlab/Octave ou em C que calculasse a integral de uma dada função utilizando o método de Simpson 1/3 composto.

Também precisamos fazer alguns testes solicitados para porvar a existência de raiz num certo intervalo, a partir dos resultados encontrados na implementação e teste do método.



# 1 Simpson 1/3 composto

A regra de Simpson 1/3 composto nada mais é que aplicar a regra de Simpson 1/3 a cada dois intervalos, é importante notar que é preciso ter uma quantidade par de subintervalos, ou seja, uma quantidade ímpar de pontos.





## 2 Instruções de uso

Nesse capítulo mostraremos como compilar e executar os programas que produzimos. Fizemos dois programas, um para calcular a integração usando o método de Simpson 1/3 composto e outro para calcular a raiz de uma função utilizando o método de Newton. Porém os dois utilizam programas auxiliares, chamamos de bibliotecas, para modularizar nosso trabalho.

### 2.1 Arquivos principais

Os arquivos que produzimos são:

- `funcoes.c`
- `funcoes.h`
- `newton.c`
- `newton.h`
- `simpson.c`
- `simpson.h`
- `main_newton.c`
- `main_simpson.c`
- `Makefile`

### 2.2 Compilando

Para compilar os dois programas utilizaremos a ferramenta `make`, que utiliza como base o arquivo `Makefile`. Para compilar os dois programas basta estar no diretório dos arquivos e rodar os seguintes comandos:

---

```
1      make main_newton      #Para compilar o programa que utiliza o método de
      ↪ Newton
2      make main_simpson    #Para compilar o programa que utiliza o método de
3 Simpson 1/3
```

---

## 2.3 Rodando

Para executar os programas há duas formas, automática, a qual é preciso um arquivo de entrada, ou colocando os dados um a um. Como foi solicitado uns testes específicos, deixamos disponíveis, na pasta `inputs`, os testes para serem executados.

### 2.3.1 Executando programa sem arquivo de entrada

---

```
1 make run_newton          #Para executar o método de Newton
2 make run_simpson        #Para executar o método de Simpson
```

---

### 2.3.2 Executando programa com arquivo de entrada

---

```
1 make run_newton          < arquivo_de_input      #Para executar o método de Newton
2 make run_simpson < arquivo_de_input      #Para executar o método de Simpson
```

---

## 3 Resultados



## Conclusão



## Apêndices





# APÊNDICE A – Códigos Fonte

## A.1 Programas principais

### A.1.1 main\_simpson.c

---

```

1  /**
2   *   Trabalho 2 - Método de Integração Numérica Simpson 1/3 Composta
3   *
4   *   Cálculo Numérico   SME-0104
5   *   Prof.: Murilo Francisco Tomé
6   *
7   *   Eduardo Brunaldi dos Santos           8642515
8   *   Jorge Ashkar Ferreira Simondi        8517081
9   *   Victor Luiz da Silva Mariano Pereira  8602444
10  */
11
12  #include <stdio.h>
13  #include <funcoes.h>
14  #include <newton.h>
15  #include <simpson.h>
16
17  int main (int argc, char *argv[]){
18      long double x0;
19      long double xN;
20      long double n;
21
22      scanf("%Lf", &x0);
23      scanf("%Lf", &xN);
24      scanf("%Lf", &n);
25
26      printf("%.16Lf\n", simpson_composta(x0, xN, n, f_linha));
27
28      return 0;
29  }
```

---

### A.1.2 main\_newton.c

---

```

1  /**
2   *   Trabalho 2 - Método de Integração Numérica Simpson 1/3 Composta
3   *
4   *   Cálculo Numérico   SME-0104
```

```
5  *      Prof.: Murilo Francisco Tomé
6  *
7  *      Eduardo Brunaldi dos Santos      8642515
8  *      Jorge Ashkar Ferreira Simondi    8517081
9  *      Victor Luiz da Silva Mariano Pereira 8602444
10 */
11
12 #include <stdio.h>
13 #include <funcoes.h>
14 #include <newton.h>
15 #include <simpson.h>
16
17 int main (int argc, char *argv[]){
18     long double x0;
19     long double e;
20
21     scanf("%Lf", &x0);
22     scanf("%Lf", &e);
23
24     printf("%.16Lf\n", newton(x0, e, simpson_composta, f_linha));
25
26     return 0;
27 }
```

---

## A.2 Programas auxiliares

### A.2.1 Makefile

---

```
1  main_newton: funcoes newton simpson
2      gcc main_newton.c -o main_newton funcoes.o newton.o simpson.o -I . -lm
3
4  main_simpson: funcoes newton simpson
5      gcc main_simpson.c -o main_simpson funcoes.o newton.o simpson.o -I . -lm
6
7  funcoes:
8      gcc -c funcoes.c -I .
9
10 newton:
11     gcc -c newton.c -I .
12
13 simpson:
14     gcc -c simpson.c -I .
15
16 run_newton:
17     @./main_newton
```

```

18
19 run_simpson:
20     @./main_simpson
21
22 clean:
23     rm -f *.o main_simpson main_newton

```

---

## A.2.2 Header da biblioteca de Funções (funcoes.h)

---

```

1  /**
2   *   Trabalho 2 - Método de Integração Numérica Simpson 1/3 Composta
3   *
4   *   Cálculo Numérico   SME-0104
5   *   Prof.: Murilo Francisco Tomé
6   *
7   *   Eduardo Brunaldi dos Santos           8642515
8   *   Jorge Ashkar Ferreira Simondi         8517081
9   *   Victor Luiz da Silva Mariano Pereira  8602444
10  */
11
12  #ifndef FUNCOES_H
13  #define FUNCOES_H
14
15  /**
16   * Definindo ponteiros para funções, servirá para poder chamar a função
17   * desejada por parâmetro
18   */
19  typedef long double (*Funcao_Derivada)(long double);
20  typedef long double (*Funcao)(long double, long double, int, Funcao_Derivada);
21
22  /**
23   * Função que calcula o valor de  $f'(x)$  dada por:
24   *
25   *  $f'(x) = (1/\sqrt{2}) * e^{(-x^2)/2}$ 
26   *
27   * @param x ponto x onde será calculada  $f'(x)$ 
28   * @return valor da função  $f'(x)$  calculada no ponto x
29   */
30  long double f_linha (long double x);
31
32  #endif

```

---

### A.2.3 Implementação da biblioteca de Funções (funcoes.c)

---

```

1  /**
2   *   Trabalho 2 - Método de Integração Numérica Simpson 1/3 Composta
3   *
4   *   Cálculo Numérico   SME-0104
5   *   Prof.: Murilo Francisco Tomé
6   *
7   *   Eduardo Brunaldi dos Santos           8642515
8   *   Jorge Ashkar Ferreira Simondi         8517081
9   *   Victor Luiz da Silva Mariano Pereira  8602444
10  */
11
12  #include <funcoes.h>
13  #include <math.h>
14
15  /**
16   * Função que calcula o valor de  $f'(x)$  dada por:
17   *
18   *    $f'(x) = (1/\sqrt{2}) * e^{(-x^2)/2}$ 
19   *
20   * @param x ponto x onde será calculada  $f'(x)$ 
21   * @return valor da função  $f'(x)$  calculada no ponto x
22   */
23  long double f_linha (long double x){
24      return (1.0/(sqrt(2*M_PI)*1.0))*exp((- pow(x, 2.0))/2.0);
25  }

```

---

### A.2.4 Header da biblioteca de Simpson (simpson.h)

---

```

1  /**
2   *   Trabalho 2 - Método de Integração Numérica Simpson 1/3 Composta
3   *
4   *   Cálculo Numérico   SME-0104
5   *   Prof.: Murilo Francisco Tomé
6   *
7   *   Eduardo Brunaldi dos Santos           8642515
8   *   Jorge Ashkar Ferreira Simondi         8517081
9   *   Victor Luiz da Silva Mariano Pereira  8602444
10  */
11
12  #ifndef SIMPSON_H
13  #define SIMPSON_H
14
15  /**
16   * Definindo ponteiros para funções, servirá para poder chamar a função

```

---

```

17  * desejada por parâmetro
18  */
19  typedef long double (*Funcao_Derivada)(long double);
20  typedef long double (*Funcao)(long double, long double, int, Funcao_Derivada);
21
22  /**
23   * Função para calcular a integração de uma certa função f usando o método de
24   * Simpson 1/3 Composta, dada por:
25   *
26   *  $I_N^S = (h/3) * (f(x_0) + f(x_N) + 4 * SUM(f(x_{\text{impares}})) + 2 * SUM(f(x_{\text{pares}})))$ 
27   *
28   * Utilizando um intervalo, a quantidade de divisões do intervalo e a função a
29   * ser integrada.
30   *
31   * @param x0 valor inicial do intervalo
32   * @param xN valor final do intervalo
33   * @param n quantas vezes será dividido o intervalo
34   * @param f função a ser integrada
35   * @return valor aproximado da integral da função f
36   */
37  long double simpson_composta(long double x0, long double xN, int n, Funcao_Derivada
    ↪ f);
38
39  #endif

```

---

### A.2.5 Implementação da biblioteca de Simpson (simpson.c)

---

```

1  /**
2   * Trabalho 2 - Método de Integração Numérica Simpson 1/3 Composta
3   *
4   * Cálculo Numérico SME-0104
5   * Prof.: Murilo Francisco Tomé
6   *
7   * Eduardo Brunaldi dos Santos 8642515
8   * Jorge Ashkar Ferreira Simondi 8517081
9   * Victor Luiz da Silva Mariano Pereira 8602444
10  */
11
12  #include <funcoes.h>
13  #include <simpson.h>
14
15  /**
16   * Função para calcular a integração de uma certa função f usando o método de
17   * Simpson 1/3 Composta, dada por:
18   *
19   *  $I_N^S = (h/3) * (f(x_0) + f(x_N) + 4 * SUM(f(x_{\text{impares}})) + 2 * SUM(f(x_{\text{pares}})))$ 

```

```
20  *
21  * Utilizando um intervalo, a quantidade de divisões do intervalo e a função a
22  * ser integrada.
23  *
24  * @param x0 valor inicial do intervalo
25  * @param xN valor final do intervalo
26  * @param n quantas vezes será dividido o intervalo
27  * @param f função a ser integrada
28  * @return valor aproximado da integral da função f
29  */
30  long double simpson_composta(long double x0, long double xN, int n, Funcao_Derivada
    ↪ f){
31      // Variáveis auxiliares
32      long double x;
33      long double h;
34      long double resposta;
35      long double pares;
36      long double impares;
37
38      // Iterador
39      int i;
40
41      // Verifica se o n de entrada é par, caso ímpar adiciona 1
42      if (n % 2 != 0)
43          n += 1;
44
45      // Cálculo de h
46      h = (xN - x0)/n;
47
48      // Inicializa valores dos somatórios
49      pares = 0;
50      impares = 0;
51
52      // atualiza o valor de x
53      x = x0 + h;
54
55      // Inicia a resposta com a f(0) e f(x_n)
56      resposta = f(x0) + f(xN);
57
58      // Cálculo dos somatórios de pares e ímpares
59      for (i = 1; i < n; i++){
60          // Caso par
61          if (i % 2 == 0)
62              pares += f(x);
63          // Caso ímpar
64          else
65              impares += f(x);
```

---

```

66         // Atualiza o x
67         x += h;
68     }
69
70     // Adiciona 4*somatório dos ímpares + 2*somatório dos pares na resposta
71     resposta += 4 * impares + 2 * pares;
72     // Multiplica o valor achado pelas somas por h/3
73     resposta *= h/3;
74
75     // Retorna o valor aproximado da integral utilizando o método de
76     // Simpson 1/3 composto
77     return resposta;
78 }

```

---

### A.2.6 Header da biblioteca de Newton (newton.h)

---

```

1  /**
2   *   Trabalho 2 - Método de Integração Numérica Simpson 1/3 Composta
3   *
4   *   Cálculo Numérico   SME-0104
5   *   Prof.: Murilo Francisco Tomé
6   *
7   *   Eduardo Brunaldi dos Santos           8642515
8   *   Jorge Ashkar Ferreira Simondi         8517081
9   *   Victor Luiz da Silva Mariano Pereira  8602444
10  */
11
12  #ifndef NEWTON_H
13  #define NEWTON_H
14
15  /**
16   * Definindo ponteiros para funções, servirá para poder chamar a função
17   * desejada por parâmetro
18   */
19  typedef long double (*Funcao_Derivada)(long double);
20  typedef long double (*Funcao)(long double, long double, int, Funcao_Derivada);
21
22  /**
23   * Função que calcula a raiz de uma função utilizando o método de Newton
24   * @param x0      Valor do chute inicial
25   * @param e        Precisão esperada
26   * @param f        Função que será analisada
27   * @param f_linha  Derivada da função que será analisada
28   * @return         Aproximação da raiz da função dada, com uma certa precisão
29   */
30  long double newton(long double x0, long double e, Funcao f, Funcao_Derivada f_linha);

```

```

31
32 #endif

```

---

## A.2.7 Implementação da biblioteca de Newton (newton.c)

---

```

1  /**
2   *   Trabalho 2 - Método de Integração Numérica Simpson 1/3 Composta
3   *
4   *   Cálculo Numérico   SME-0104
5   *   Prof.: Murilo Francisco Tomé
6   *
7   *   Eduardo Brunaldi dos Santos           8642515
8   *   Jorge Ashkar Ferreira Simondi         8517081
9   *   Victor Luiz da Silva Mariano Pereira  8602444
10  */
11
12  #include <newton.h>
13  #include <stdio.h>
14  #include <math.h>
15  #include <funcoes.h>
16  #include <simpson.h>
17
18  /**
19   * Função que calcula a raiz de uma função utilizando o método de Newton
20   * @param x0      Valor do chute inicial
21   * @param e       Precisão esperada
22   * @param f       Função que será analisada
23   * @param f_linha Derivada da função que será analisada
24   * @return        Aproximação da raiz da função dada, com uma certa precisão
25   */
26  long double newton(long double x0, long double e, Funcao f, Funcao_Derivada f_linha){
27      // Variáveis auxiliares
28      long double x_atual;
29      long double x_anterior;
30      int iteracoes = 0;
31
32      // Atualiza o valor de x_{n+1}
33      x_atual = x0;
34
35      do{
36          // Atualiza valor de x_n
37          x_anterior = x_atual;
38          // Calcula novo valor de x_{n+1}
39          x_atual = x_anterior - ((f(0, x_anterior), 200,
40              ↪ f_linha)-0.45)/f_linha(x_anterior));
41          // Atualiza contador de iterações

```



---

```
41     iteracoes += 1;
42 }while(fabs(x_atual - x_anterior) > e); // Verifica condição da precisão
43
44 // Se não quiser imprimir o número de iterações do método de Newton, basta
45 // comentar a próxima linha
46 printf("Numero de iteracoes do metodo de Newton: %d\n", iteracoes);
47
48 // Retorna a raiz calculada
49 return x_atual;
50 }
```

---