

# Rettevejledning økonometri A

Målbeskrivelse:

Kurset har som mål at introducere studerende til sandsynlighedsteori og statistik. Målet er, at de studerende efter at have gennemført faget kan:

- Forstå og benytte de vigtigste sandsynlighedsteoretiske begreber som: sandsynlighed, simultane-, marginale- og betingede sandsynligheder, fordeling, tæthedsfunktion, uafhængighed, middelværdi, varians og kovarians samt at selvstændigt kunne anvende disse begreber på konkrete problemstillinger

- Kende resultatet fra den centrale grænseværdi sætning

- Kende og genkende de mest anvendte diskrete og kontinuerte fordelinger som: Bernoulli, Binomial, Poisson, multinomial, negative binomial fordeling, hypergeometrisk, geometrisk, lige-, normal-, Chi-i-anden-, eksponential, gamma-, t-, F-fordeling samt at selvstændigt kunne arbejde med disse fordelinger i konkrete problemstillinger

- Forstå de vigtigste statistiske begreber som: tilfældige udvælgelse, likelihood funktionen, sufficiens, stikprøvefunktion, egenskaber ved stikprøvefunktionen, estimation herunder maksimum likelihood og moment estimation, konsistens, konfidensinterval, hypoteseprøvning, teststørrelser, hypoteser, testsandsynlighed, signifikansniveau og type I og II fejl

- Være i stand til selvstændigt at gennemføre en simpel statistisk analyse, som involverer estimation, inferens og hypoteseprøvning, f.eks. sammenligning af middelværdien i to populationer eller uafhængighedstest for diskrete stokastiske variable.

- Indlæse og kombinere datasæt, lave nye variable, udtrække en stikprøve og udføre simple statistiske analyser ved hjælp af statistik-pakken SAS

- Beskrive resultatet af egne analyser og overvejelser i et klart og tydeligt sprog

## Opgave 1

1.  $N=80.000$ ,  $M = 1000$ ,  $n = 1000$ .  $k$  er antallet af mærkede pengesedler. Denne følger en hypergeometrisk fordeling.  $P(k=j)=$
2.  $E[k] = n \cdot \frac{M}{N} = 13$  det betyder at  $N = \frac{1000^2}{13} = 76923$
3.  $P(k = 13|N = 76923, M = 1000, n = 1000) = 0,11138761185$ ,  $P(k = 13|N = 76922, M = 1000, n = 1000) = 0,11138761183$ ,  $P(k = 13|N = 76924, M = 1000, n = 1000) = 0,11138761162$ . Den fundne værdi af  $N$  maksimerer sandsynligheden for at finde 13 mærkede sedler.

## Opgave 2

1.  $E[Y] = 25,83$  og  $Var(Y) = 23,78$ .  $Cov(X, Y) = 5,39$  og  $\rho_{XY} = 0,41$ . Dvs. jo længere uddannelse des højere løn.
2. Varians og kovarians beregnes lettest fra  $Y^{årlig} = 12Y$ .  $Cov(12Y, X) = 12Cov(Y, X)$  og  $\rho_{12YX} = \frac{12Cov(X,Y)}{\sqrt{Var(x)144Var(Y)}} = \rho_{XY}$ . En skalering af en stok. variabel har indflydelse på kovariansen, men ikke på korrelationskoefficienten.
2. Skatten skal beregnes på årsniveau.

Yårlig	T	Yefterskat
264	85,6	178,4
336	121,6	214,4
420	172	248

Nu kan kovarians og korrelation mellem  $Y^{efterskat}$  og  $X$  beregnes.  $Cov(Y^{efterskat}, X) = 29,93$ ,  $\rho_{Y^{efterskat}} = 0,23$ . Efter skat indkomsten er ikke en lineær funktion (den er kun stykkevis lineær) af den stokastiske variabel  $Y$  fås at korrelationskoefficienten er anderledes. (det kan også bemærkes at: Der er progressiv skat og det betyder at efterskat indkomsten er mindre korreleret med uddannelse end før skat indkomsten).

## Opgave 3

1. Uafh. og samme p. parametre er  $n$  og  $p$ .
2.  $\hat{p} = \frac{300}{950}$ , middelret og konsistent estimator
3.  $\hat{p} \in [\frac{300}{950} - 1,645\sqrt{\frac{\frac{300}{950}(1-\frac{300}{950})}{950}}, \frac{300}{950} + 1,645\sqrt{\frac{\frac{300}{950}(1-\frac{300}{950})}{950}}] = [0,291, 0,341]$ ,  $p$  er en andel og derfor bruges altid konfidensinterval for 'large samples'.

4.  $H_0 : p = 0,25, H_a : p > 0,25, Z = \frac{\hat{p}-0,25}{\sqrt{\frac{0,25(1-0,25)}{950}}}, p = 1 - \Phi(Z) = 1,414e-6.$   
 $H_0$  kan afvises på 1 pct. niveau.
5.  $H_0 : \hat{p}^m = \hat{p}^k, H_a : \hat{p}^m \neq \hat{p}^k, Z = \frac{\hat{p}^m - \hat{p}^k}{\sqrt{\hat{p}(1-\hat{p})(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2})}}, p = 2\Phi(Z) = 0,170. H_0$   
forkastes ikke.
6.  $H_0 : p_{j|i} = p_j, \forall j, i = m, k, H_a : \text{det er ikke tilfældet. } Z = 12,59 \sim \chi^2(2).$   
 $p < 0.001.$  Dvs.  $H_0$  kan forkastes