Математическая логика 2, ФМКН СПбГУ (математика 3 к., весенний семестр 2024)

Лектор В.Л. Селиванов

Примеры дополнительных экзаменационных вопросов (определения и формулировки, без доказательств)

- 1. Что такое структура, гомоморфизм, изоморфизм?
- 2. Что такое декартово произведение структур?
- 3. Что такое термы и формулы данной сигнатуры?
- 4. Свободные и связанные переменные. Допустимые подстановки термов вместо свободных переменных.
- 5. Определение истинность формулы в структуре.
- 6. Тождественная истинность, основные тавтологии.
- 7. Равносильность формул, основные равносильности.
- 8. Приведение формулы к предваренному виду.
- 9. Что такое предложение, теория? Приведите примеры теорий.
- 10. Что такое модель теории, логическое следование?
- 11. Как доказать, что данное предложение не следует из данного множества предложений?
- 12. Являются ли элементарно эквивалентные структуры изоморфными?
- 13. Что такое фильтр? Что такое ультрафильтр?
- 14. Можно ли расширить любой фильтр до ультрафильтра?
- 15. Что такое фильтрованное произведение?
- 16. Сформулируйте теорему об ультрапроизведении.
- 17. Сформулируйте теорему о компактности.
- 18. Что такое диаграмма структуры?
- 19. Что такое полная диаграмма структуры?
- 20. Сформулируйте теорему о понижение мощности.
- 21. Сформулируйте теорему о повышении мощности.
- 22. Каковы возможные мощности моделей данной теории?
- 23. Аксиоматизируемые классы структур, примеры.
- 24. Сформулируйте критерий конечной аксиоматизируемости.
- 25. Сформулируйте критерий Π_1 -аксиоматизируемости.
- 26. Сформулируйте критерий Π_2 -аксиоматизируемости.
- 27. Определите иерархию формул по числу перемен кванторов.
- 28. Что такое полная теория?
- 29. Сформулируйте тест Воота.
- 30. Что такое модельно полная теория?
- 31. Сформулируйте тест Робинсона.
- 32. Элиминация кванторов, примеры.
- 33. Характеризация теорий, допускающих элиминацию кванторов.
- 34. Ограниченная и неограниченная игра Эренфойхта. Выигрышные стратегии.
- 35. Что такое кванторная глубина формулы?
- 36. Как связана элементарная эквивалентность и игра Эренфойхта?
- 37. Что такое ограниченныя элементарная эквивалентность?
- 38. Что такое секвенция?
- 39. Приведите примеры аксиом и правил вывода исчисления секвенций.
- 40. Что такое вывод в исчислении секвенций?
- 41. Сформулируйте теорему о полноте исчисления секвенций.
- 42. Разрешима ли полная перечислимо аксиоматизируемая теория?

- 43. Как связаны вычислимость и рекурсивность?
- 44. Определите операторы суперпозиции и минимизации.
- 45. Что такое рекурсивные функции и предикаты?
- 46. Что такое бета-функция Гёделя?
- 47. Как и зачем кодировать последовательности натуральных чисел?
- 48. Как определять функции по рекурсии?
- 49. Будет ли рекурсивной функция, определенная по рекурсии из рекурсивной функции?
- 50. Как и зачем кодировать термы и формулы?
- 51. Свойства кодирования термов и формул.
- 52. Что значит рекурсивность множества выводов?
- 53. Что такое минимальная арифметика?
- 54. Что такое арифметика Пеано?
- 55. Что такое теория стандартной модели арифметики?
- 56. Определите предикаты, представимые в минимальной арифметике.
- 57. Определите функции, представимые в минимальной арифметике.
- 58. Сформулируйте теорему о неразрешимость арифметики.
- 59. Сформулируйте теорему о неразрешимость логики предикатов.
- 60. Приведите примеры разрешимых и неразрешимых теорий.
- 61. Сформулируйте теорему о неполноте арифметики.
- 62. Что такое R-программа?
- 63. Что такое R-вычислимая функция?
- 64. Замкнут ли класс R-вычислимых функций относительно суперпозиции?
- 65. Замкнут ли класс R-вычислимых функций относительно минимизации?
- 66. Как кодируются R-вычисления?
- 67. Совпадают ли классы R-вычислимых и рекурсивных тотальных функций?
- 68. Определите R-вычислимость частичной функции.
- 69. Определите рекурсивность частичной функции.
- 70. Совпадают ли классы R-вычислимых и рекурсивных частичных функций?
- 71. Что такое R-вычислимость с оракулом?
- 72. Что такое относительная рекурсивность?
- 73. Совпадают ли классы R-вычислимых с оракулом h и рекурсивных относительно h тотальных функций?
- 74. Совпадают ли классы R-вычислимых с оракулом h и рекурсивных относительно h частичных функций?
- 75. Что такое вычислимая нумерация R-вычислимых частичных функций?
- 76. Что такое главная вычислимая нумерация R-вычислимых частичных функций?
- 77. Существует ли главная вычислимая нумерации R-вычислимых частичных функций?
- 78. Сформулируйте теорему о неподвижной точке.
- 79. Сформулируйте теорему Райса.
- 80. Приведите различные характеризации рекурсивно перечислимых множеств.
- 81. Что такое m-сводимость и каковы ее свойства?
- 82. Что такое тьюрингова сводимость и каковы ее свойства?
- 83. Что такое тьюрингов скачок и каковы его свойства?
- 84. Что такое арифметическое множество?
- 85. Что такое арифметическая иерархия?
- 86. Каковы свойства арифметической иерархии?
- 87. Опишите связь арифметической иерархии с итерациями тьюрингова скачка.
- 88. Сформулируйте теорему о неопределимости истины.