

ЛЬВІВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ  
ІМЕНІ ІВАНА ФРАНКА  
ФАКУЛЬТЕТ ПРИКЛАДНОЇ МАТЕМАТИКИ ТА ІНФОРМАТИКИ  
КАФЕДРА ОБЧИСЛЮВАЛЬНОЇ МАТЕМАТИКИ

КУРСОВА РОБОТА

на тему:

# АНАЛІЗ АТАК НА ЛІНІЙНІ МОДЕЛІ МАШИННОГО НАВЧАННЯ

студента III курсу  
групи ПМп-31  
Середовича Віктора

Науковий керівник:  
доцент Ю.А.Музичук

Завідуючий кафедри  
обчислювальної математики  
проф.

Львів — 2020

# Зміст

<b>1</b>	<b>Вступ</b>	<b>2</b>
1.1	Постановка задачі . . . . .	2
1.2	Класифікація атак . . . . .	3
<b>2</b>	<b>Модель і датасет</b>	<b>4</b>
2.1	Мультикласова логістична регресія . . . . .	4
2.2	Датасет . . . . .	5
<b>3</b>	<b>Методи атак</b>	<b>6</b>
3.1	Атака Шумом . . . . .	6
3.2	Fast Gradient Sign методи . . . . .	6
3.2.1	FGSM . . . . .	6
3.2.2	T-FGSM . . . . .	8
3.2.3	I-FGSM . . . . .	8
3.2.4	MI-FGSM . . . . .	8
3.3	DeepFool . . . . .	8
3.4	Нецілеспрямовані атаки . . . . .	8
<b>4</b>	<b>Альтернативні рішення</b>	<b>10</b>
<b>5</b>	<b>Висновок</b>	<b>11</b>
	<b>Література</b>	<b>12</b>

# Розділ 1

## Вступ

>**TODO** Машинне навчання та штучний інтелект активно використовується у різних областях нашого життя, та допомагає у вирішенні таких задач як розпізнавання дорожніх знаків, облич, визначення ризику захворювання та багато іншого. А з поширенням його використання, також збільшується і ризик нападів злоумисників на ці алгоритми, що може привести, до трагічних наслідків. Тому варто досліджувати тему нападів на алгоритми машинного навчання, та знати як захистити свою модель.

В межах теми цієї роботи будуть розглядатись різні атаки на лінійні моделі машинного навчання, та методи їх захисту.

### 1.1 Постановка задачі

*Мета* даної роботи полягає у тому, щоб дослідити ефективність атак на лінійні моделі машинного навчання, та визначити методи захисту від них.

Виходячи з мети, визначені завдання роботи:

- Практична реалізація та дослідження методів атак
- Визначення методів захисту

## 1.2 Класифікація атак

Нехай існує класифікатор  $f(x) : x \rightarrow y$ , де  $x \in X, y \in Y$ , який передбачає значення  $y$  для вхідного  $x$ . Метою змагального прикладу є знайти такий  $x^*$ , який знаходиться в околі  $x$ , але хибно класифікується класифікатором. Зазвичай максимальний рівень шуму який може бути в змагальному прикладі може бути не більше за певну  $L_p$  норму  $\|x^* - x\|_p < \epsilon$ , де  $p = 1, 2, \infty$ .

### Нецілеспрямовані атаки (Untargeted Attacks)

Нецілеспрямованими атаками є атаки метою яких є внести в приклад  $x$ , який правильно передбачається як  $f(x) = y$  незначний шум так, щоб класифікатор зробив хибне передбачення  $f(x^*) \neq y$ .

### Цілеспрямовані атаки (Targeted Attacks)

Цілеспрямованими атаками називають такі атаки, метою яких є внести у вхідний приклад  $x$  такі пертурбації щоб класифікатор передбачив якийсь конкретний клас  $f(x^*) = y^*$ , де  $y^*$  є заданою ціллю  $y^* \neq y$ .

**Атаки на закриту модель (White Box attacks)** - описує такий сценарій коли в нападника є повний доступ до параметрів і градієнтів моделі.

**Атаки на відкриту модель (Black Box attacks)** - це атаки при яких в нападника нема доступу до параметрів моделі.

## Розділ 2

# Модель і датасет

### 2.1 Мультикласова логістична регресія

В якості лінійного методу машинного навчання, на котрий будуть здійснюватись атаки буде використовуватись модифікований алгоритм логістичної регресії для мультикласової класифікації.

Нехай маємо набір тренувальних даних:

$$(x^{(1)}, y^{(1)}), \quad (x^{(2)}, y^{(2)}), \quad \dots, \quad (x^{(m)}, y^{(m)})$$

$$x \in \begin{bmatrix} x_1 \\ \dots \\ x_n \end{bmatrix} \quad y \in \begin{bmatrix} y_1 \\ \dots \\ y_C \end{bmatrix} \quad y_1, \dots, y_C$$

$$X = \begin{bmatrix} \vdots & \vdots & & \vdots \\ x^{(1)} & x^{(2)} & \dots & x^{(m)} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \end{bmatrix} \quad Y = \begin{bmatrix} \vdots & \vdots & & \vdots \\ y^{(1)} & y^{(2)} & \dots & y^{(m)} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \end{bmatrix}$$

$X$  - матриця в якій кожен стовпець є набором характеристик  $i$ -ого прикладу,  $i = 1, \dots, m$

$Y$  - матриця класів в якій кожен стовпець це масив розмірності  $C$ , з одиницею на місці справжнього класу

$m$  - кількість характеристик

$n$  - кількість характеристик в кожному прикладі

$C$  - кількість класів

Задача прикладу  $x \in R^n$ , знайти  $\hat{y} = P(y = 1 | x)$ ,  $0 \leq \hat{y} \leq 1$

$\hat{y} = softmax(\omega^T x + b)$ , де  $\omega \in R^n, b \in R$  - невідомі параметри

Функція активації матиме вигляд:

$$softmax(z) = \frac{e^z}{\sum_{k=1}^c e_k^z} \quad (2.1)$$

Для кожного прикладу з тренувального датасету потрібно обчислити:

$$z^{(i)} = \omega^T x^{(i)} + b, \quad \text{де } y^{(i)} = softmax(z_i) = \frac{e^{z_i}}{\sum_{k=1}^c e_k^z}, \text{ так щоб } \hat{y}^{(i)} \approx y^{(i)}$$

В якості функції втрати буде використовуватись функція кросс-ентропії:

$$\xi(y, x) = - \sum_{i=1}^c y_i \log(\hat{y}_i) \quad (2.2)$$

Задача полягає в тому щоб знайти параметри  $w \in R_x^n, b \in R$  що мінімізують функцію  $J(\omega, b)$  Для цього будемо використовувати алгоритм градієнтного спуску

## 2.2 Датасет

Для аналізу атак на лінійні методи машинного навчання буде використовуватись MNIST база даних яка складається з рукописних цифр. На її основі буде здійснюватись тренування моделі та аналіз атак.

## Розділ 3

# Методи атак

### 3.1 Атака Шумом

### 3.2 Fast Gradient Sign методи

Першим методом атаки який буде розглядатись є методу швидкого градієнту (Fast Gradient Sign Method).

#### 3.2.1 FGSM

Першим методом атаки який буде розглядатись є методу швидкого градієнту (Fast Gradient Sign Method).

Ідея цього методу полягає в тому, щоб знайти такий adversarial приклад  $x^*$  який максимізує функцію втрати  $J(x^*, y)$ , де  $J$  є функцією кросс-ентропії.

$$X^* = X + \epsilon \cdot \text{sign}(\Delta_x J(x, y))$$

$$\Delta_x J(x, y)$$

#### Обчислення градієнту

Для методу логістичної регресії необхідно обчислити градієнт від функції кросс-ентропії(посилання).

$$z_i = \omega^T x^{(i)} + b \quad \hat{y}_i = a_i = \text{softmax}(z_i) \quad \text{softmax}(z_i) = \frac{e^{z_i}}{\sum_{k=1}^c e_k^z}$$

#### Похідна softmax функції

Якщо  $i = j$ ,

$$\begin{aligned}\frac{\partial \hat{y}_i}{\partial z_j} &= \frac{\partial \frac{e^{z_i}}{\sum_{k=1}^c e^{z_k}}}{\partial z_j} = \frac{e^{z_i} \sum_{k=1}^c e^{z_k} - e^{z_j} e^{z_i}}{(\sum_{k=1}^c e^{z_k})^2} = \\ &= \frac{e^{z_j}}{\sum_{k=1}^c e^{z_k}} \times \frac{(\sum_{k=1}^c e^{z_k} - e^{z_j})}{\sum_{k=1}^c e^{z_k}} = y_i(1 - y_j)\end{aligned}$$

Якщо  $i \neq j$ ,

$$\frac{\partial \hat{y}_i}{\partial z_j} = \frac{\partial \frac{e^{z_i}}{\sum_{k=1}^c e^{z_k}}}{\partial z_j} = \frac{0 - e^{z_j} e^{z_i}}{\sum_{k=1}^c e^{z_k}} \times \frac{e^{z_i}}{\sum_{k=1}^c e^{z_k}} = -y_i y_j$$

**Функція кросс-ентропії**

$$\xi(y, x) = - \sum_{i=1}^c y_i \log(\hat{y}_i)$$

**Функція кросс-ентропії**

$$\begin{aligned}\frac{\partial \xi}{\partial z_i} &= - \sum_{j=1}^c \frac{\partial y_j \log(\hat{y}_j)}{\partial z_i} = - \sum_{j=1}^c y_j \frac{\partial \log(\hat{y}_j)}{\partial z_i} = - \sum_{j=1}^c y_j \frac{1}{\hat{y}_j} \cdot \frac{\partial \hat{y}_j}{\partial z_i} = \\ &= - \frac{y_i}{\hat{y}_i} \frac{\partial \hat{y}_i}{\partial z_i} - \sum_{j \neq i} \frac{y_j}{\hat{y}_j} \frac{\partial \hat{y}_j}{\partial z_i} = - \frac{y_i}{\hat{y}_i} \hat{y}_i (1 - \hat{y}_i) - \sum_{j \neq i} \frac{y_j}{\hat{y}_j} (-\hat{y}_i \hat{y}_j) = \\ &= -y_i + y_i \hat{y}_i + \sum_{j \neq i} y_j \hat{y}_i = -y_i + \sum_{j=1}^c y_j \hat{y}_i = \hat{y}_i - y_i\end{aligned}$$

,  $i = 1, \dots, C$

**Обчислення урядіенту "має бути вище"**

$$\frac{\partial \xi}{\partial x_i} = \frac{\partial \xi}{\partial z_i} \frac{\partial z_i}{\partial x_i} = (\hat{y}_i - y_i) \frac{\partial (\omega^T x_i + b)}{\partial x_i} = (\hat{y}_i - y_i) x_i = dz \cdot x$$

**Обчислення урядіенту "має бути вище"**



---

**Algorithm 1** *I – FGSM*

---

```
1: Input: Приклад  $x$ , значення цілі  $y$ , класифікатор  $f$ 
2: Input: значення пертурбації  $\epsilon$ , значення цілі  $y$ , кількість ітерації  $T$ .
3: Output: Adversarial  $x^*$  з нормою  $\|x^* - x\|_{inf} \leq \epsilon$ ;
4:  $a = \epsilon/T$ ;
5:  $x^* = x$ ;
6: for  $t = 0$  to  $T - 1$  do
7:    $x^* = x^* + \alpha \cdot \text{sign}(\Delta_x J(x, y))$ ;
8: end for
9: return  $x^* = x_T^*$ .
```

---

### 3.2.2 T-FGSM

### 3.2.3 I-FGSM

### 3.2.4 MI-FGSM

---

**Algorithm 2** *MI – FGSM*

---

```
1: Input: Приклад  $x$ , значення цілі  $y$ , класифікатор  $f$ .;
2: Input: значення пертурбації  $\epsilon$ , значення цілі  $y$ , кількість ітерації  $T$ .;
3: Output: Adversarial  $x^*$  з нормою  $\|x^* - x\|_{inf} \leq \epsilon$ ;
4:  $a = \epsilon/T$ ;
5:  $g_0 = 0$ ;  $x_0^* = x$ ;
6: for  $t = 0$  to  $T - 1$  do
7:    $g_{t+1} = \mu \cdot g_t + \frac{\Delta_x J(x^*, y)}{\|\Delta_x J(x^*, y)\|_1}$ ;
8:    $x_{t+1}^* = x_t^* + \alpha \cdot \text{sign}(g_{t+1})$ ;
9: end for
10: return  $x^* = x_T^*$ .
```

---

## 3.3 DeepFool

## 3.4 Нецілеспрямовані атаки

Основна частина даної роботи полягала у написанні програми. Нижче наводимо основний алгоритм її роботи, на мові C:

```
1  #include <stdio.h>;
2  int main()
3  {
```

---

**Algorithm 3** *DeepFool*

---

- 1: **Input:** Приклад  $x$ , значення цілі  $y$ , класифікатор  $f$ ;
- 2: **Input:** значення цілі  $y$ , кількість ітерацій  $T$ ;
- 3: **Output:** Adversarial  $x^*$  з нормою  $\|x^* - x\|_{inf} \leq \epsilon$ ;
- 4:  $x_0 = x; i = 0$ ;
- 5: **while**  $\hat{f}(x_i) = \hat{f}(x_0)$  **do**
- 6:     **for**  $k \neq \hat{f}(x_0)$  **do**
- 7:          $w'_k = \Delta f_k(x_i) - \Delta f_{\hat{k}(x_0)}(x_i)$ ;
- 8:          $f'_k = \Delta f_k(x_i) - \Delta f_{\hat{k}(x_0)}(x_i)$ ;
- 9:     **end for**
- 10:      $\hat{l} = \arg \min_{k \neq \hat{f}(x_0)} \frac{|f'_k|}{\|w'_k\|_2}$ ;
- 11:      $r_i = \frac{|f'_i|}{\|w'_i\|_2^2} w'_i$ ;
- 12:      $x_{i+1} = x_i + r_i$ ;
- 13:      $i = i + 1$ ;
- 14: **end while**
- 15: **return**  $x^* = x_T$ .

---

```
4 printf("Hello, world!\n");
5 return 0;
6 }
7
```

[language=Python]

```
1 def fit(self, X, w, b, y, alpha, max_iters, predict_func):
2     # Check that X and y have correct shape
3     self.w = w
4     self.b = b
5
6     self.y_ = np.expand_dims(y.T, axis=1)
7     self.X_ = X.T
8
9     self.num_iters = 0
10    self.X_ = self._gradient_descent(self.X_, self.y_, self.w, self.b,
11                                     alpha, max_iters, predict_func)
12
13    def _cost_function(self, X, Y, A):
14        m = X.shape[0]
15        if m == 0:
16            return None
17
18        J = (1 / m) * np.sum(-Y * np.log(A) - (1 - Y) * np.log(1 - A))
19        return J
```

## Розділ 4

# Альтернативні рішення

Деякі дослідники пишуть свої роботи в програмах типу Microsoft Word. Але то не є труйово[1].

## Розділ 5

# Висновок

Дана робота містить значний мій вклад, і перевершує попередні досягнення в багатьох напрямках. Окрім того, даний напрямок досліджень має значні перспективи подальшого розвитку. (Особливо добре було б, якби хтось вирішив проблему кирилиці в listings).

# Бібліографія

- [1] Вікіпідручник *Як написати курсову?* ([http://uk.wikibooks.org/wiki/%D0%AF%D0%BA\\_%D0%B2%D1%87%D0%B8%D1%82%D0%B8%D1%81%D1%8C\\_%D0%BA%D1%80%D0%B0%D1%89%D0%B5%3F/%D0%9A%D1%83%D1%80%D1%81%D0%BE%D0%B2%D1%96](http://uk.wikibooks.org/wiki/%D0%AF%D0%BA_%D0%B2%D1%87%D0%B8%D1%82%D0%B8%D1%81%D1%8C_%D0%BA%D1%80%D0%B0%D1%89%D0%B5%3F/%D0%9A%D1%83%D1%80%D1%81%D0%BE%D0%B2%D1%96))