

## Задание №6: Градиентный метод

$$\vec{x}_{k+1} = \vec{x}_k - h_k \Delta f(\vec{x}_k).$$

Реализовать 3 способа выбора  $h_k$ :

1. Находим  $h_k$  из условия минимума (метод золотого сечения).
2. Положить  $h_k = \text{const}$ .
3. Использовать условие:

$$\alpha \langle \nabla f(\vec{x}_k), \vec{x}_{k+1} - \vec{x}_k \rangle \leq f(\vec{x}_k) - f(\vec{x}_{k+1}) \leq \beta \langle \nabla f(\vec{x}_k), \vec{x}_{k+1} - \vec{x}_k \rangle$$

$$\text{с } 0 < \alpha < \beta < 1.$$

### Тестовые функции

- Выпуклая функция (квадратичная)

$$f(x_1, x_2) = 100(x_1 - x_2)^2 + 5 \sum_{j=2}^n (1 - x_j)^2.$$

Попробовать  $n = 2, 3, 5, 10$ .

- Функция Розенброка

$$f(x_1, x_2) = 100(x_2 - x_1^2)^2 + 5(1 - x_1)^2.$$

$$\vec{x}^* = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \quad f^* = 0.$$

Принять  $\vec{x}_0 = \vec{0}$ .

Для  $n = 2$  построить на плоскости  $(x_1, x_2)$  траекторию последовательных приближений  $\{\vec{x}_k\}$  (соединить соседние точки ломаной).