Стратегические игры в нормальной форме

Задачи для самостоятельного решения, задание 3

1. **Доминирование.** Рассмотрим следующую игру в нормальной форме (первый игрок выбирает строки матрицы, второй — столбцы):

	L	\mathbf{M}	\mathbf{R}
$\overline{\mathrm{U}}$	0,0	1, -2	3, -1
D	-2,1	2, 2	2, 1

- (а) Есть ли у кого-либо из игроков сильно доминируемые стратегии?
- (b) Найдите все равновесия Нэша в чистых и смешанных стратегиях в этой игре.
- 2. **Три пальца.** Играют двое. Игра состоит в том, что участники одновременно показывают один, два или три пальца: $s_1, s_2 \in \{1, 2, 3\}$. Если суммарное число показанных пальцев $s = s_1 + s_2$ нечетно, то первый выигрывает у второго s рублей. Если s четно, то второй выигрывает у первого s рублей.

Найдите все равновесия Нэша в смешанных стратегиях. Является ли игра "справедливой" (средний выигрыш в равновесии равен нулю) или кто-то из игроков систематически выигрывает у другого?