





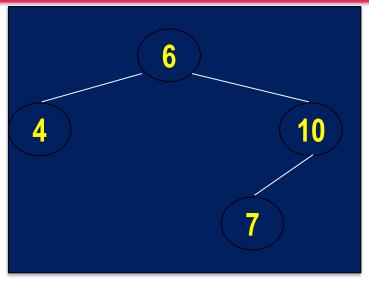


- Apresentação de todos os elementos (já implementado)
- Inserção de um elemento
- Consulta (pesquisa) por conteúdo
- Remoção de um elemento
- Contagem de elementos presentes
- Entre outras...







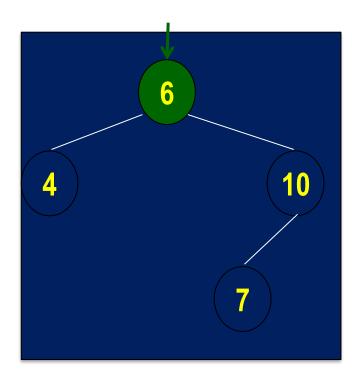


```
public ARVORE inserir(ARVORE p, int info) {
    // insere elemento em uma ABB
    if (p == null) {
        p = new ARVORE();
        p.dado = info;
        p.esq = null;
        p.dir = null;
    }
    else if (info < p.dado)
        p.esq= inserir (p.esq, info);
    else
        p.dir=inserir(p.dir, info);
    return p;
}</pre>
```





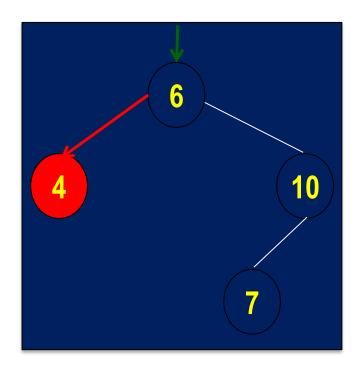
```
public ARVORE inserir(ARVORE p, int info) {
    // insere elemento em uma ABB
    if (p == null) {
        p = new ARVORE();
        p.dado = info;
        p.esq = null;
        p.dir = null;
    }
    else if (info < p.dado)
        p.esq= inserir (p.esq, info);
    else
        p.dir=inserir(p.dir, info);
    return p;
}</pre>
```





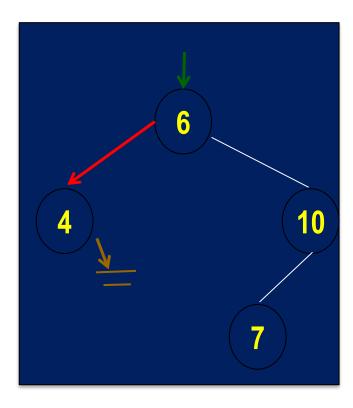


```
public ARVORE inserir(ARVORE p, int info) {
    // insere elemento em uma ABB
    if (p == null) {
        p = new ARVORE();
        p.dado = info;
        p.esq = null;
        p.dir = null;
    }
    else if (info < p.dado)
        p.esq= inserir (p.esq, info);
    else
        p.dir=inserir(p.dir, info);
    return p;
}</pre>
```



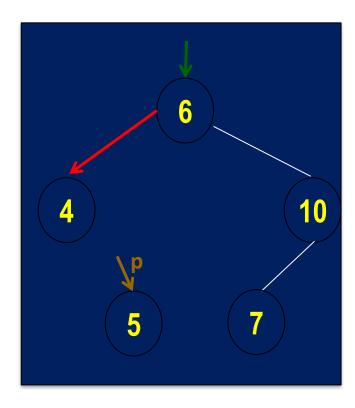


```
public ARVORE inserir(ARVORE p, int info) { 
         // insere elemento em uma ABB
         if (p == null) {
                  p = new ARVORE();
                  p.dado = info;
                  p.esq = null;
                  p.dir = null;
         else if (info < p.dado)</pre>
                  p.esq= inserir (p.esq, info);
              else
                  p.dir=inserir(p.dir, info);
         return p;
```





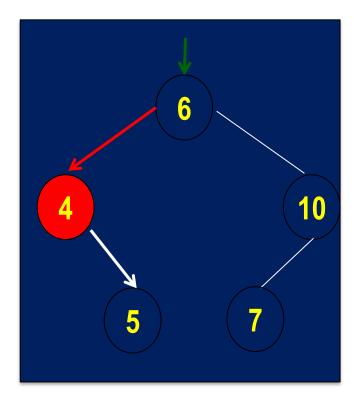
```
public ARVORE inserir(ARVORE p, int info) {
        // insere elemento em uma ABB
        if (p == null) {
                  p = new ARVORE();
                  p.dado = info;
                 p.esq = null;
                 p.dir = null;
        else if (info < p.dado)</pre>
                 p.esq= inserir (p.esq, info);
              else
                  p.dir=inserir(p.dir, info);
        return p;
```







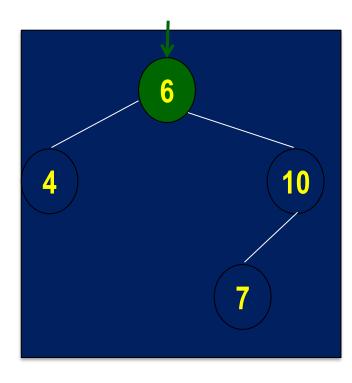
```
public ARVORE inserir(ARVORE p, int info) {
    // insere elemento em uma ABB
    if (p == null) {
        p = new ARVORE();
        p.dado = info;
        p.esq = null;
        p.dir = null;
    }
    else if (info < p.dado)
        p.esq= inserir (p.esq, info);
    else
        p.dir=inserir(p.dir, info);
    return p;
}</pre>
```







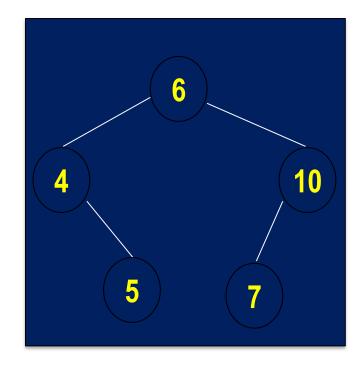
```
public ARVORE inserir(ARVORE p, int info) {
    // insere elemento em uma ABB
    if (p == null) {
        p = new ARVORE();
        p.dado = info;
        p.esq = null;
        p.dir = null;
    }
    else if (info < p.dado)
        p.esq= inserir (p.esq, info);
    else
        p.dir=inserir(p.dir, info);
    return p;
}</pre>
```







```
public ARVORE inserir(ARVORE p, int info) {
    // insere elemento em uma ABB
    if (p == null) {
        p = new ARVORE();
        p.dado = info;
        p.esq = null;
        p.dir = null;
    }
    else if (info < p.dado)
        p.esq= inserir (p.esq, info);
    else
        p.dir=inserir(p.dir, info);
    return p;
}</pre>
```

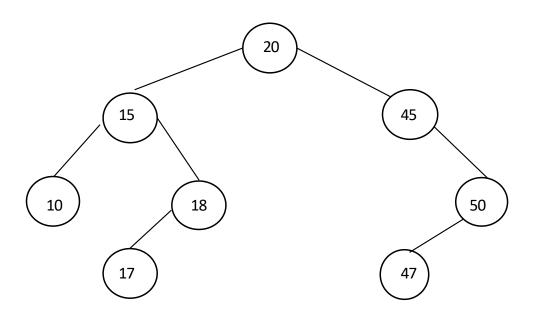


Exercícios



- 1. Elabore o método **contaNos()** que retorna o número de nós presentes em uma ABB.
- Implemente o método consulta() que pesquisa na ABB se um valor está presente, retornando true. Caso elemento não está presente na ABB o método retorna false.
- 3. Baseando na implementação do método consulta, elabore o método contaConsulta() que ao invés de retorna valor booleano retorne a quantidade de comparações realizadas até que o valor fosse encontrado ou não na ABB.





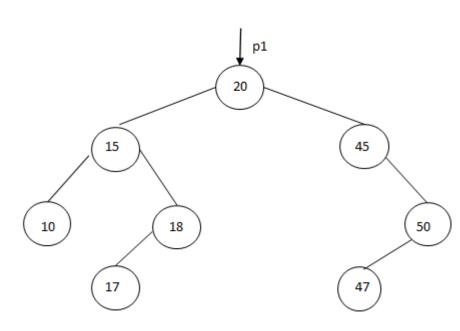
Há 3 situações que devem ser consideradas para remover um nó de uma árvore binária:

- O nó a ser removido é folha;
- O nó possui apenas 1 filho;
- O nó possui 2 filhos





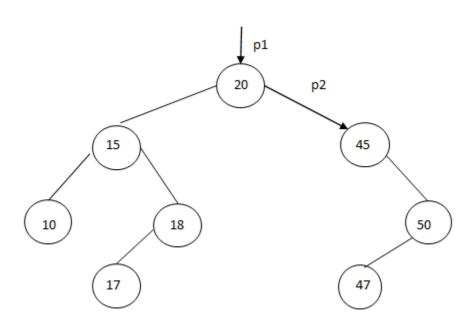
```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info)
if (p!=null){
  if(info == p.dado){
     if (p.esq == null && p.dir==null)
         //nó a ser removido é nó folha
         return null;
  else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
return p;
```







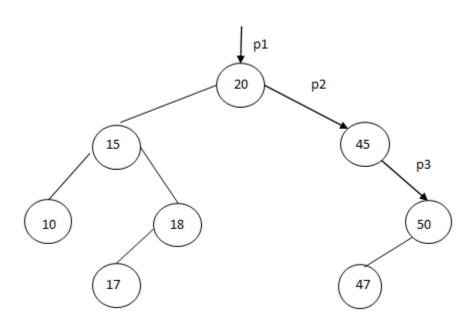
```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info)
if (p!=null){
  if(info == p.dado){
     if (p.esq == null && p.dir==null)
         //nó a ser removido é nó folha
         return null;
  else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
return p;
```



Remoção do Nó com valor 47

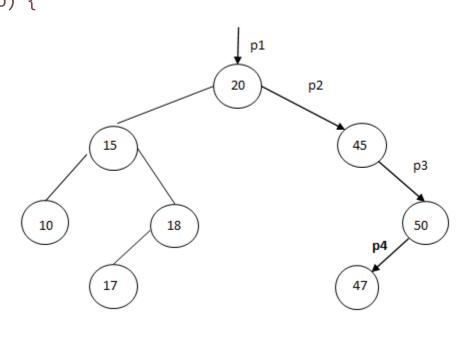


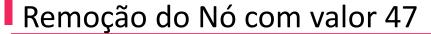
```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info)
if (p!=null){
  if(info == p.dado){
     if (p.esq == null && p.dir==null)
         //nó a ser removido é nó folha
         return null;
  else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
return p;
```





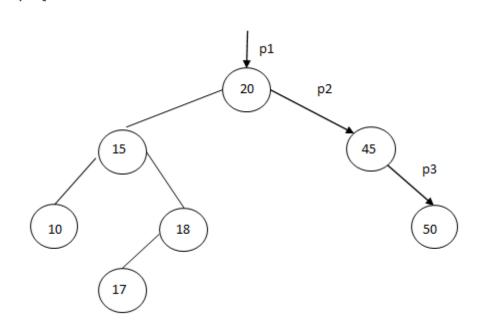
```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info) {
if (p!=null){
  if(info == p.dado){
     if (p.esq == null && p.dir==null)
          //nó a ser removido é nó folha
          return null;
   else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
return p;
```







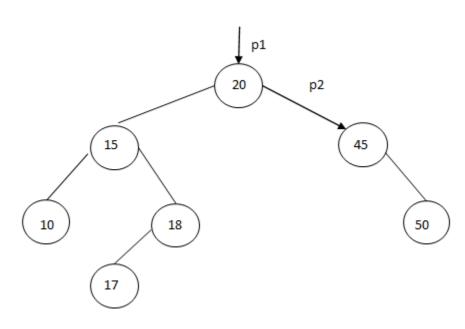
```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info) {
if (p!=null){
  if(info == p.dado){
     if (p.esq == null && p.dir==null)
         //nó a ser removido é nó folha
         return null;
  else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
return p;
```

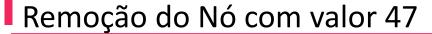


Remoção do Nó com valor 47



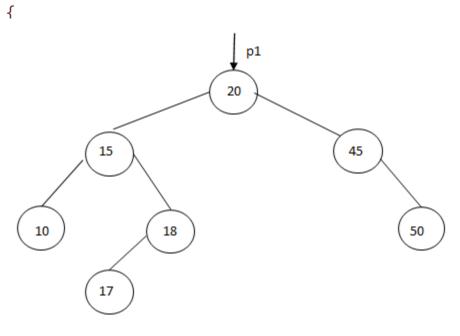
```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info)
if (p!=null){
  if(info == p.dado){
     if (p.esq == null && p.dir==null)
         //nó a ser removido é nó folha
         return null;
  else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
return p;
```

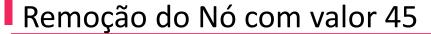






```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info) {
if (p!=null){
  if(info == p.dado){
     if (p.esq == null && p.dir==null)
         //nó a ser removido é nó folha
         return null;
  else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
return p;
```



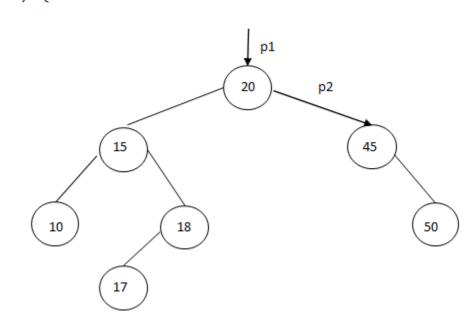




```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info) {
if (p!=null){
                                                                        p1
  if(info == p.dado){
                                                                      20
                                                         15
   else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
                                                   10
                                                               18
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
                                                         17
return p;
```

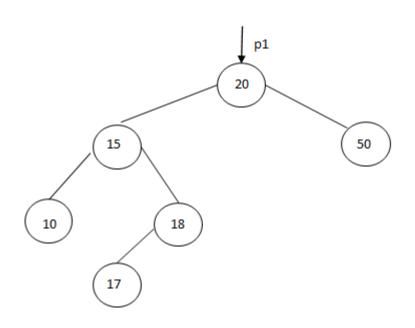


```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info) {
if (p!=null){
  if(info == p.dado){
  if (p.esq==null){
       return p.dir;
  else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
return p;
```





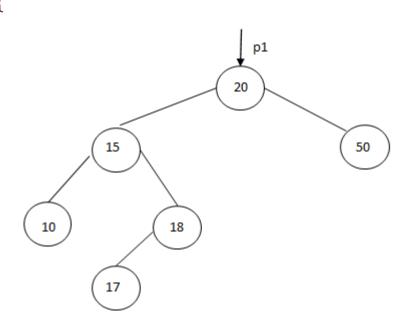
```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info) {
if (p!=null){
 if(info == p.dado){
  if (p.esq==null){
      return p.dir;
  else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
return p;
```







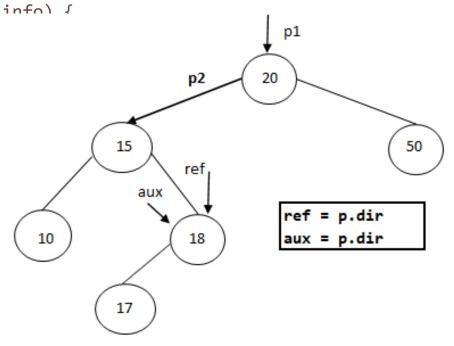
```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info) {
if (p!=null){
   if(info == p.dado){
   }
  else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
return p;
```







```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info) {
if (p!=null){
   if(info == p.dado){
  else{
       ARVORE aux, ref;
       ref = p.dir;
       aux = p.dir;
       while (aux.esq != null)
            aux = aux.esq;
       aux.esq = p.esq;
       return ref;
  else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
     }
return p;
```



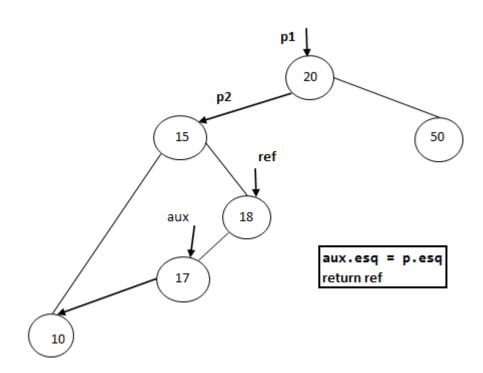


```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info) {
if (p!=null){
   if(info == p.dado){
                                                          p2
                                                                  20
  else{
       ARVORE aux, ref;
                                                   15
                                                                                50
       ref = p.dir;
                                                          ref
       aux = p.dir;
       while (aux.esq != null)
                                            10
                                                           18
                                                                    aux = aux.esq
                                                   aux
            aux = aux.esq;
       aux.esq = p.esq;
       return ref;
                                                   17
  else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
return p;
```





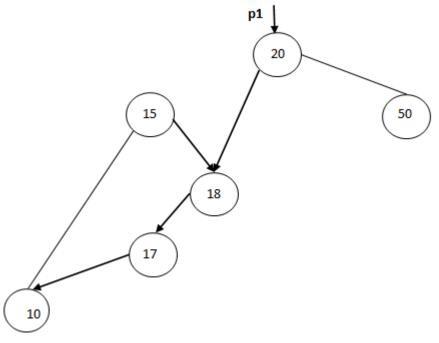
```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info) {
if (p!=null){
   if(info == p.dado){
  else{
       ARVORE aux, ref;
       ref = p.dir;
       aux = p.dir;
       while (aux.esq != null)
            aux = aux.esq;
       aux.esq = p.esq;
       return ref;
  else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
 }
return p;
```





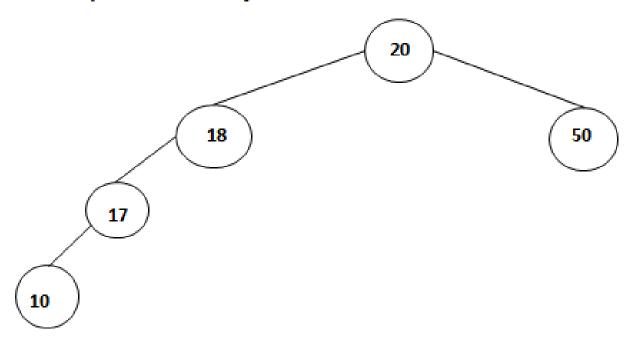


```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int
if (p!=null){
   if(info == p.dado){
    else{
       ARVORE aux, ref;
       ref = p.dir;
       aux = p.dir;
       while (aux.esq != null)
           aux = aux.esq;
       aux.esq = p.esq;
       return ref;
   }
   else{
     //procura dado a ser removido na ABB
     if(info<p.dado)</pre>
         p.esq = removeValor(p.esq,info);
     else
         p.dir = removeValor(p.dir,info);
  }
return p;
```





Depois da Remoção







```
public ARVORE removeValor (ARVORE p, int info) {
  if (p!=null){
      if(info == p.dado){
        if (p.esq == null && p.dir==null) //nó a ser removido é nó folha
            return null;
        if (p.esq==null){ //se não há sub-árvore esquerda o ponteiro passa apontar para a sub-árvore direita
            return p.dir;
        else{
            if (p.dir==null){ //se não há sub-árvore direita o ponteiro passa apontar para a sub-árvore esquerda
              return p.esq;
            else{ /*o nó a ser retirado possui sub-arvore esquerda e direita, então o nó que
                   será retirado deve-se encontrar o menor valor na sub-árvore á direita */
                ARVORE aux, ref;
                ref = p.dir;
                aux = p.dir;
                while (aux.esq != null)
                    aux = aux.esq;
                aux.esq = p.esq;
                return ref;
  else{
          //procura dado a ser removido na ABB
      if(info<p.dado)</pre>
            p.esq = removeValor(p.esq,info);
      else
            p.dir = removeValor(p.dir,info);
  return p;
```

Exercícios



- 4. Elabore o método **maximo()** que retorna o maior valor armazenado em uma ABB que armazena números inteiros.
- 5. Elabore o método **minimo()** que retorna o menor valor armazenado em uma ABB que armazena números inteiros.
- 6. Construa um programa que crie uma ABB para armazenar valores inteiros e que possua um menu com as seguintes opções:
 - Insere 1 valor na ABB;
 - 2. Apresenta em ordem os elementos da ABB;
 - 3. Consulta se um valor está presente na ABB;
 - 4. Apresenta o intervalo de valores (maior e menor) presentes na ABB;
 - 5. Remove um nó escolhido pelo seu valor.
 - 6. Sair do programa.

Referências Bibliográficas



- •ASCÊNCIO, A.F.G; ARAUJO, G.S. Estruturas de Dados: Algoritmos, Análise de Complexidade e Implementações em JAVA e C/C++. São Paulo, Ed.Pearson Prentice Hall, 2010.
- •TENEMBAUM, A.M et al.; Estruturas de Dados usando C. Makron Books Ltda, 1995.
- •DEITEL, P; J.; Deitel, H.M., Java: como programar 8ª edição, São Paulo, Ed.Pearson Prentice Hall, 2010.



Copyright © 2022 Profa Patrícia Magna

Todos direitos reservados. Reprodução ou divulgação total ou parcial deste documento é expressamente proibido sem o consentimento formal, por escrito, dos professores.