# Badanie gier kooperacyjnych z niepełną informacją na przykładzie gry Hanabi

(A study on cooperative games with incomplete information based on the game of Hanabi)

Wojciech Jarząbek

Jacek Leja

Praca inżynierska

**Promotor:** dr Paweł Rychlikowski

Uniwersytet Wrocławski Wydział Matematyki i Informatyki Instytut Informatyki

 $18 \ {\rm stycznia} \ 2020$ 

# Streszczenie ...

. . .

# Spis treści

1.	Wprowadzenie		4
	1.1.	Czym jest Hanabi?	4
	1.2.	Hanabi a sztuczna inteligencja	5
2.	$\mathbf{Reg}$	uły gry	6
	2.1.	Wyjaśnienie zasad	7
	2.2.	Dodatkowe obserwacje	8
3.	Strategie sztucznej inteligencji		10
	3.1.	Podejście regułowe	10
	3.2.	Drzewa poszukiwań	11
	3.3.	Algorytmy uczące	11
	3.4.	Naginanie zasad gry	12
4.	. Ujęcie praktyczne		14
5.	Wy	niki eksperymentów	15
Bi	Bibliografia		

#### Rozdział 1.

## Wprowadzenie

#### 1.1. Czym jest Hanabi?

Gry planszowe to forma rozrywki, która towarzyszy człowiekowi od tysięcy lat. Były one popularne już za czasów antycznych, czego dowodzi chociażby malowidło z 3300 r. p.n.e, pochodzące z grobowca Merknery, na którym ukazano rozgrywkę Seneta. Przykładem może być także Królewska Gra z Ur, której egzemplarze odnaleziono w trakcie badań nad starożytną Mezopotamią. Choć gry te zostały w dzisiejszych czasach w znacznej mierze zapomniane, nie sposób nie wspomnieć o innych z podobnego okresu, takich jak warcaby czy Go, a także o nieco młodszych szachach, które wciąż cieszą się ogromną i niesłabnącą popularnością.

Każdą z tych gier łączy aspekt rywalizacji: pod koniec rozgrywki jednoznacznie wyszczególnia się jednego lub więcej graczy, których określamy mianem zwycięzców, zaś reszta - przegrywa. Inne podejście prezentują gry kooperacyjne, gdzie zadaniem nie jest pokonanie innych uczestników zabawy, a osiągnięcie wspólnego celu, który gwarantuje wygraną. Można powiedzieć, że przeciwnikiem graczy jest w tym przypadku sama gra, która swoją konstrukcją skłania do współpracy. Pierwsze gry tego typu powstały dopiero w drugiej połowie XX wieku i początkowo miały wyłacznie charakter edukacyjny. Wraz z popularyzacją tzw. "planszówek" gry kooperacyjne w znacznym stopniu zyskały na popularności, a ich forma wyewoluowała w kierunku zabawy kładącej nacisk na aspekty towarzyskie, które ograniczają lub wręcz odrzucają współzawodnictwo. Przykładami takiego podejścia mogą być Pandemic, Martwa Zima, a także Hanabi.

Hanabi (jap. fajerwerki) to w pełni kooperacyjna gra planszowa, która w 2013 roku wygrała prestiżową nagrodę Spiel des Jahres. Gracze wcielają się w niej w pracowników fabryki fajerwerków, w której omyłkowo zostały pomieszane ze sobą różne rodzaje prochu. Celem jest złożenie w odpowiedniej kolejności możliwie jak największej ilości sztucznych ogni, które gracze otrzymują poprzez dobieranie kart z potasowanej talii. Uczestnicy rozgrywki widzą karty, które są w posiadaniu innych graczy,

lecz nie mogą przypatrywać się tym, którymi sami dysponują. Dodatkowo, komunikacja odnosząca się do treści kart podlega restrykcyjnym zasadom i jest w znacznym stopniu ograniczona, co czyni rozgrywkę nietrywialną. Jakie strategie należy zatem zastosować, by wygrać? Jak można przełożyć je na świat algorytmów?

#### 1.2. Hanabi a sztuczna inteligencja

W teorii gier istnieje pojęcie perfekcyjnego zagrania, czyli pojedynczego ruchu zależnego od aktualnego etapu gry, prowadzącego do stanu rozgrywki maksymalizującego oczekiwany wynik, niezależnie od ruchów, które mogą w odpowiedzi wykonać inni gracze. Perfekcyjne zagrania są podstawą optymalnego planu działania, minimalizującego możliwe straty ponoszone w trakcie rozgrywania danej partii. Niestety, tak silna strategia - w przypadku złożonych gier - jest nieprawdopodobnie trudna do uzyskania ze względu na ogromną rozpiętość drzewa możliwych do uzyskania stanów rozgrywki. W praktyce używa się algorytmów: heurystycznych, regułowych, opartych na technikach uczących, nadużywających zasad gry lub siłowych. Przykładowo, słynny komputer Deep Blue, który w maju 1997 roku pokonał ówczesnego mistrza świata w szachach, Garrego Kasparova, nie posiadał optymalnej strategii. Używał on w zamian metody siłowej, wspomaganej algorytmem przeszukującym alfa-beta, rozpatrując wszystkie możliwe zagrania i wybierając te, które dawały mu największą przewagę lokalną. Takie podejście było możliwe z racji na ogromna moc superkomputera, który potrafił rozpatrywać 200 milionów ruchów na sekundę.

Stworzenie sztucznej inteligencji do Hanabi to zadanie, które wymaga pokonania trudności niespotykanych w innych grach. Jest to następstwo kilku czynników: niepełnej informacji, losowości dobieranych kart, a także ograniczonych zasobów, m.in. w postaci podpowiedzi dla innych graczy. Agenci muszą sobie ufać, gdyż gracz, który nie chce współpracować, może w kilku ruchach doprowadzić do przegranej całej grupy. Ważne jest, by nie marnować zasobów, a zatem sztuczna inteligencja musi być odpowiednio skoordynowana z innymi graczami. Ponadto, znikoma ilość kart w talii nie pozwala na zbyt długą rozgrywkę - oznacza to zatem, że aby zdążyć z wygraną, agenci muszą posiadać protokół komunikacji, który dopuszcza przekazywanie w obrębie zasad gry dodatkowych, implicytnych informacji, rozumianych przez pozostałych jej uczestników.

Niniejsza praca ma na celu zbadanie Hanabi jako gry kooperacyjnej z niepełną informacją. Będziemy analizować techniki tworzenia agentów sztucznej inteligencji grających w Hanabi, którzy wykonują możliwie najbardziej efektywne i zrozumiałe dla ludzi ruchy na tyle szybko, by umożliwić komfortową rozgrywkę z człowiekiem na zwykłych komputerach.

### Rozdział 2.

# Reguly gry



Rysunek 1: Interfejs graficzny do gry Hanabi, utworzony na potrzeby projektu (twórca grafik: Jakub Podwysocki)

#### 2.1. Wyjaśnienie zasad

Celem gry jest zdobycie możliwie największej ilości punktów poprzez poprawne zagrywanie kart. Maksymalna ilość możliwych do uzyskania punktów wynosi dwadzieścia pięć. Po zakończeniu gry ilość uzyskanych punktów oblicza się poprzez zsumowanie wartości najwyższych kart z każdego ze stosów odpowiedniego koloru.

Talia do gry składa się z pięćdziesięciu kart. Każda karta jest oznaczona jednym z pięciu kolorów (czerwony, żółty, niebieski, biały, zielony) oraz jedną z wartości z zakresu od 1 do 5. Dla każdego koloru istnieją po trzy karty o numerze 1, po dwie karty o numerach 2, 3 i 4, a także po jednej karcie o numerze 5.

Na początku gry talia jest tasowana. Gracze rozpoczynają rozgrywkę z ośmioma żetonami podpowiedzi i trzema żetonami życia. Żetony te są wspólne dla wszystkich uczestników rozgrywki. Jeżeli graczy jest dwóch lub trzech, każdy z nich dobiera po pięć zakrytych kart. Jeżeli jest ich czterech lub pięciu, dobierają po cztery zakryte karty. Następnie gracze po kolei wykonują swoje ruchy. Ruchu nie można pominąć. Ruch to wykonanie jednej z trzech dostępnych akcji:

#### 1. Zagranie karty:

Gracz deklaruje cheć zagrania karty, wybiera zakryta ze swojej reki, a następnie wykłada ją na stół w pozycji odkrytej. Zagranie może być poprawne lub niepoprawne. Karty muszą być zagrywane w kolejności rosnącej, zaczynając od jedynki, inaczej zagranie uważa się za niepoprawne. Przykładowo, jeśli na stole nie ma żadnych kart, można poprawnie zagrać tylko te, które sa oznaczone numerem 1. Jeżeli na stole znajdują się wyłącznie jedna niebieska karta o numerze 1 i stos żółtych kart, spośród których największą wartość ma karta o numerze 4, można poprawnie zagrać niebieską kartę o numerze 2, żółtą kartę o numerze 5 lub dowolną kartę innego koloru o numerze 1. Jeżeli karta została zagrana poprawnie, jest ona dodawana do stosu o odpowiednim kolorze lub też rozpoczyna stos swojego koloru, jeżeli jest to karta o numerze 1. Dodatkowo, jeżeli zagrana karta ma numer 5, gracze otrzymują jeden żeton podpowiedzi (chyba, że mają ich już osiem - wtedy zagranie nie ma żadnego dodatkowego efektu). Jeżeli karta została zagrana niepoprawnie, jest ona usuwana z gry i nie jest dodawana do żadnego ze stosów, a gracze traca jeden z żetonów życia. Po rozpatrzeniu efektów akcji gracz dobiera zakrytą kartę z talii (jeżeli nie jest ona pusta).

#### 2. Odrzucenie karty:

Gracz deklaruje chęć odrzucenia karty, wybiera zakrytą ze swojej ręki, a następnie wykłada ją na stół w pozycji odkrytej. Karta ta jest usuwana z gry, bez dokładania jej do któregokolwiek ze stosów, a gracze otrzymują jeden żeton podpowiedzi (chyba, że mają ich już osiem - wtedy odrzucenie karty

nie ma żadnego dodatkowego efektu). Po rozpatrzeniu efektów akcji gracz dobiera zakrytą kartę z talii (jeżeli nie jest ona pusta).

#### 3. Udzielenie podpowiedzi innemu graczowi:

Gracz usuwa jeden z żetonów podpowiedzi, po czym wybiera innego uczestnika rozgrywki oraz jeden z dwóch rodzajów informacji, których chce mu udzielić: może wskazać wszystkie jego karty o wybranym kolorze lub wszystkie jego karty o wybranym numerze. Akcji tej nie można wykonać, jeśli w grze nie ma żadnych żetonów podpowiedzi, gdyż wiązałoby się to z koniecznością usunięcia żetonu podpowiedzi, który nie istnieje. Udzielanie graczom podpowiedzi dotyczących kart w jakikolwiek inny sposób jest zabronione.

Jeżeli któryś z graczy dobierze ostatnią kartę z talii, każdy uczestnik rozgrywa jedną dodatkową turę (wraz z graczem, który dobrał ostatnią kartę), po czym gra się kończy.

Gra natychmiast kończy się, gdy zostanie utracony ostatni żeton życia lub gdy wszystkie stosy odpowiednich kolorów zostaną skompletowane (czyli na każdy z nich poprawnie położono kartę o numerze 5).

#### 2.2. Dodatkowe obserwacje

Z powodu losowej natury gry, niektórych rozdań nie da się wygrać z maksymalną ilością punktów. Najprostsza taka sytuacja ma miejsce, gdy w rozgrywce na dwóch graczy jeden z nich dobierze same karty o numerze 5, drugi dobierze wyłącznie karty o numerze 4, a na górze talii znajdują się pozostałe karty o numerze 4. Aby uzyskać dostęp do kart o innych numerach, gracze muszą odrzucić (lub niepoprawnie zagrać) co najmniej sześć kart. Z zasady szufladkowej można wywnioskować, że wszystkie kopie co najmniej jednej z kart danego rodzaju zostaną bezpowrotnie usunięte z gry bez umieszczania ich na stosie, co uniemożliwia wygraną.

Ze względu na ograniczony rozmiar talii, zagrywanie wyłącznie tych kart, o których posiada się komplet informacji, jest wysoce nieefektywne. Po rozdaniu kart graczom talia zawiera od 30 do 40 kart, zależnie od liczby graczy. Aby uzyskać najwyższy wynik, należy zagrać aż 25 kart, a zagranie każdej z nich oznacza zmniejszenie rozmiaru talii o jeden. Oznacza to (zakładając, że gracze próbują uzyskać 25 punktów), że można wykonać maksymalnie od 10 do 17 ruchów, w których odrzuca się kartę, wliczając w to tury po opróżnieniu talii. Po doliczeniu początkowych 8 żetonów daje to maksymalną ilość 25 podpowiedzi. Oznacza to, że w grze na dwie osoby każda podpowiedź musi jednoznacznie ujawniać średnio po jednej karcie, lecz każda z nich potrzebuje dwóch podpowiedzi różnego rodzaju, by uzyskać pełną informację. Przy pięciu graczach każda podpowiedź musi średnio ujawniać już nie jedną, a prawie półtorej karty.

9

Ponadto, jeżeli chcemy odrzucać wyłącznie karty, które można bezpiecznie usunąć z gry, inni gracze muszą nam zakomunikować ich brak przydatności poprzez odpowiednie podpowiedzi (lub ich brak, co jest w znacznym stopniu utrudnione przez konieczność udzielania pełnej informacji o zawartości ręki współuczestników). Karty bezużyteczne mogą, lecz nie muszą zostać ujawnione w drodze przypadku, podczas ujawniania innych kart. W rezultacie najczęściej przyjmowaną konwencją wśród graczy jest odrzucanie najstarszej karty w ręce: jeżeli żaden z uczestników rozgrywki nie ostrzega przed usunięciem jej z gry, istnieje wysokie prawdopodobieństwo, że jest ona nieprzydatna.

#### Rozdział 3.

## Strategie sztucznej inteligencji

#### 3.1. Podejście regułowe

Podczas realnej rogrywki Hanabi gracze nie dysponują komputerem, który pomagałby im w wykonywaniu ruchów poprzez dokonywanie odpowiednich obliczeń. Zamiast tego korzystają oni z wiedzy nabytej w trakcie rozegranych już partii, modyfikując swoje strategie i rozszerzając je o kolejne elementy, aż do osiągnięcia zadowalającego ich poziomu wiedzy o grze. Proces ten w naturalny sposób prowadzi do wykształcenia konwencji (takich jak: "należy zawsze odrzucać najstarszą kartę na ręce"), a także do opracowania systemu reguł, pomocnych w uzyskiwaniu wysokich wyników (przykładowo: "jeżeli ktoś chce odrzucić ważną kartę, należy go powstrzymać poprzez udzielenie odpowiedniej podpowiedzi"). Zasady te można przełożyć na algorytmy, co prowadzi do utworzenia systemów regułowych, znanych także jako eksperckie.

Algorytmy regułowe to programy, które poprzez procesy decyzyjne naśladują wybory, których w danych sytuacjach mógłby dokonać człowiek. Są one najczęściej deterministyczne, co jest cechą szczególnie ważną w środowiskach, które wymagają koordynacji i przewidywania działań podejmowanych przez inne elementy systemu. W przypadku agentów sztucznej inteligencji, algorytmy regułowe powielają zachowania prawdziwych graczy.

Z racji na kooperacyjną konstrukcję Hanabi, sama emulacja typowych zachowań ludzkich graczy nie wystarcza jednak, by wygrać. Potrzebna jest także odpowiednia koordynacja działań pomiędzy agentami: strategia. Gracze muszą zwracać uwagę na współuczestników rozgrywki i na bieżąco interpretować ich poczynania, by móc wywnioskować, jaka seria ruchów doprowadzi do najlepszej możliwej sytuacji. Prostym i efektywnym sposobem na zaimplementowanie strategii jest wyspecyfikowanie protokołu komunikacji pomiędzy agentami, który nadaje niektórym zagraniom dodatkowe znaczenie, rozumiane przez pozostałych graczy. Przykładowo, dobrym pomysłem może być zasada o następującej treści: "jeżeli inny gracz podpo-

wiedział mi bez wyraźnej przyczyny jeden z kolorów, ujawniając w ten sposób kilka kart, najprawdopodobniej mogę je zagrać, w kolejności od lewej do prawej". Z tego powodu implementacja agentów regułowych wiąże się z koniecznością bardzo dobrej znajomości zasad rządzących grą.

#### 3.2. Drzewa poszukiwań

Istnieją dwa główne czynniki, które sprawiają, że analiza stanu gry w Hanabi jest trudnym zadaniem. Są to: niepełna informacja o aktualnym etapie rozgrywki, a także losowość kart dobieranych z talii. Udowodniono, że nawet w uproszczonej wersji gry, w której uczestnicy mogą patrzeć na swoje karty, problem perfekcyjnego zagrania jest NP-kompletny[1]. Sprawia to, że podejście do zagadnienia w sposób siłowy jest nieefektywne. Fakt ten, połączony z trudnością opracowania funkcji oceniającej jakość zagrania, wyklucza użycie części możliwych rozwiązań problemu, takich jak algorytm alfa-beta.

Aby obejść trudność znalezienia perfekcyjnego zagrania, grupa Facebook Research zaproponowała rozwiązanie bazujące na drzewie poszukiwań Monte Carlo[2]. Każdy z graczy dysponuje zbiorem predefiniowanych akcji, które dostosowuje odpowiednio do aktualnego stanu rozgrywki poprzez analizę prawdopodobieństwa zagrań, które mogą wykonać współuczestnicy. Algorytm bierze pod uwagę także szanse aktualnego gracza na posiadanie w ręce kart, które mogły zostać wylosowane z talii. Aby przyspieszyć działanie programu, głębokość drzewa poszukiwań jest ograniczana, a agenci wykonują predefiniowane akcje i nie eksplorują nowych opcji, jeżeli wiązałoby się to z przekroczeniem zadanego limitu obliczeń.

Takie podejście pozwala na uzyskanie bardzo wysokich wyników, sięgających nawet 24.61 punktów w rozgrywce dla dwóch graczy. Działanie algorytmu jest jednak kosztowne obliczeniowo, nawet przy znacznym ograniczeniu zakresu dokonywanych poszukiwań. Do osiągnięcia tak wysokich punktacji potrzeba olbrzymich ilości obliczeń, które, z racji na możliwość ich zrównoleglenia, są najczęściej dokonywane na nowoczesnych kartach graficznych. Wyłączenie agentom możliwości dokonywania dodatkowych poszukiwań degeneruje je do agentów regułowych, które, choć na każdą akcję potrzebują zużycia istotnie mniejszej ilości zasobów, wciąż osiągają imponujący wynik 23 punktów.

#### 3.3. Algorytmy uczące

Innym sposobem na zaimplementowanie programu grającego w Hanabi jest użycie algorytmów uczących, które łączą zalety podejść regułowych i poszukujących. Jak sugeruje nazwa, polegają one na symulowaniu procesu akumulacji doświadczenia, podobnego do tego doznawanego przez ludzkich graczy. W toku ewolucji agent

zdobywa wiedzę o środowisku, w którym operuje, dostosowując się do zmieniających warunków, wypracowując i udoskonalając sposoby radzenia sobie w zaprezentowanych sytuacjach. Tworzenie algorytmów uczących nie wymaga ani szerokiej wiedzy o zawiłościach zasad gry, ani kosztownych obliczeń, które byłyby wykonywane w trakcie rozgrywki.

Wadą tego podejścia jest konieczność wyuczenia agenta odpowiednich zachowań. Odbywa się to poprzez zapewnienie mu zestawu danych, na których mógłby zdobyć doświadczenie. W zależności od uzyskiwanych wyników, decyzje algorytmu są nagradzane lub karane. Dobranie odpowiednio różnorodnego zbioru uczącego, w parze z funkcjami kwalifikującymi, pozwala programowi nie tylko na rozpoznawanie i radzenie sobie z najczęściej występującymi sytuacjami, ale i generalizację zachowań, potrzebną do wybrnięcia ze stanów gry, które nie zostały dotychczas napotkane.

Należy mieć na uwadze, że nieodpowiedni dobór zbioru uczącego lub funkcji, które oceniają poczynania agenta, potrafią doprowadzić do anomalii w procesie zdobywania wiedzy. Jeżeli zestawy testowe będą zbyt homogeniczne i liczne w stosunku do osiągalnej liczby stanów rozgrywki, może dojść do przeuczenia modelu, z kolei zbyt krótka nauka nie przygotowuje programu do nietypowych sytuacji. Nieprawidłowości w procedurach klasyfikujących, choć mniej zauważalne, także potrafią doprowadzić do niepożądanych sytuacji, tak jak miało to miejsce w przypadku programu grającego w produkcje na platformę Nintendo Entertainment System. Agent ten, nie chcąc doprowadzić do przegranej, nauczył się wstrzymywać rozgrywkę na zawsze[3].

#### 3.4. Naginanie zasad gry

W oficjalnych zasadach gry nie ma wyszczególnionego przymusu udzielania podpowiedzi, które ujawniałyby jakiekolwiek karty. Jeżeli wybierzemy gracza, który nie posiada żadnych czerwonych kart i zdecydujemy się na podpowiedzenie mu czerwonego koloru, tura jest pomijana za cenę żetonu podpowiedzi. Choć taki ruch wydaje się nie mieć sensu, gdyż podpowiedź można wykorzystać w produktywny sposób, otwiera on możliwość poważnego nagięcia zasad gry. Jeżeli każdej z możliwych podpowiedzi przypiszemy unikatową wartość numeryczną, możemy za ich pomocą przekazywać innym graczom informacje liczbowe. Jest to powód, dla którego możliwość udzielania pustych podpowiedzi jest uznawana w społeczności graczy Hanabi za kontrowersyjną, toteż w niektórych edycjach gry została ona zakazana.

Fakt ten można wykorzystać do stworzenia agenta, który za pomocą pozornie bezwartościowych ruchów udziela podpowiedzi wszystkim graczom jednocześnie. Korzysta on ze słynnej zagadki logicznej, znanej jako problem więźniów i kapeluszy, odpowiednio uogólnionej i dopasowanej do liczby graczy. Agent, który rozgrywa aktualną turę, oblicza idealne zagrania dla innych uczestników rozgrywki, po czym szyfruje je do postaci liczbowej. Kolejni gracze, znając podaną przez poprzednika

wartość, po rozpatrzeniu optymalnych zagrań innych graczy, są w stanie wywnioskować, jaki ruch powinni wykonać.

Według badań z 2017 roku[4], agent ten uzyskuje maksymalną ilość punktów średnio w 92% rozgrywanych gier, co jest wynikiem bliskim optymalnemu. Jest to imponujący rezultat, zarówno ze względu na bardzo szybkie działanie algorytmu, jak i jego nadzwyczajną efektywność.

Niestety, taki sposób gry całkowicie zawodzi, gdy jeden z graczy wyłamie się z konwencji narzuconej przez protokół komunikacji. Dodatkowo, algorytm działa wyłącznie w rozgrywce na czterech oraz pięciu graczy, gdyż głównym powodem jego sukcesu jest możliwość przekazywania w każdej z podpowiedzi maksymalnej ilości informacji, a zmniejszenie ilości graczy powoduje znaczne zredukowanie efektywności ruchów. Są to powody, dla których agent ten nie nadaje się do rozgrywki z człowiekiem.

## Rozdział 4.

# Ujęcie praktyczne

WIP

## Rozdział 5.

# Wyniki eksperymentów

WIP

## Bibliografia

- [1] J.-F Baffier i in., Hanabi is NP-complete, Even for Cheaters who Look at Their Cards, 2017. URL: link (term. wiz. 11.01.2020)
- [2] A. Lerer, H. Hu, J. Foerster, N. Brown, Building AI that can master complex cooperative games with hidden information, 2019. URL: link (term. wiz. 11.01.2020)
- [3] B. Bouzy, The First Level of Super Mario Bros. is Easy with Lexicographic Orderings and Time Travel . . . after that it gets a little tricky., 2013. URL: link (term. wiz. 11.01.2020)
- [4] B. Bouzy, *Playing Hanabi Near-Optimally*, 2017. URL: **link** (term. wiz. 11.01.2020)