TS. VŨ GIA TÊ (Chủ biên)

GIÁO TRÌNH Giải tích 2

NHÀ XUẤT BẢN THÔNG TIN VÀ TRUYỀN THÔNG

MỤC LỤC

| Lời nói đầu | 3 |
|---|---------------|
| CHƯƠNG 1. PHÉP TÍNH VI PHÂN HÀM SỐ NHIỀU BIẾN S | S Ó 11 |
| 1.1. Các khái niệm chung | 11 |
| 1.1.1. Không gian n chiều | 11 |
| 1.1.2. Định nghĩa hàm nhiều biến số | 14 |
| 1.1.3. Miền xác định của hàm nhiều biến số | 14 |
| 1.1.4. Ý nghĩa hình học của hàm hai biến số | 16 |
| 1.1.5. Giới hạn của hàm số nhiều biến số | 19 |
| 1.1.6. Sự liên tục của hàm số nhiều biến số | 22 |
| 1.2. Đạo hàm và vi phân | 24 |
| 1.2.1. Đạo hàm riêng | 24 |
| 1.2.2. Vi phân toàn phần | 26 |
| 1.2.3. Đạo hàm riêng cấp cao | 31 |
| 1.2.4. Vi phân cấp cao | 33 |
| 1.2.5. Đạo hàm riêng của hàm số hợp | 34 |
| 1.2.6. Vi phân của hàm hợp | 37 |
| 1.2.7. Đạo hàm của hàm số ẩn | 38 |
| 1.2.8. Đạo hàm theo hướng Građiên | 44 |
| 1.3. Công thức Taylor | 48 |
| 1.4. Cực trị của hàm nhiều biến | 49 |
| 1.4.1. Cực trị | 49 |
| 1.4.2. Cực trị có điều kiên | 53 |

| 1.4.3. Giá trị lớn nhất và nhỏ nhất của hàm số trong miền đóng |
|--|
| Tóm tắt nội dung63 |
| <i>Bài tập</i> 68 |
| CHƯƠNG 2. TÍCH PHÂN BỘI |
| 2.1. Tích phân phụ thuộc tham số |
| 2.1.1. Tích phân xác định phụ thuộc tham số |
| 2.1.2. Tích phân suy rộng phụ thuộc tham số |
| 2.2. Tích phân bội hai (Tích phân kép) |
| 2.2.1. Bài toán mở đầu |
| 2.2.2. Định nghĩa tích phân kép |
| 2.2.3. Điều kiện khả tích |
| 2.2.4. Tính chất của tích phân kép89 |
| 2.3. Tính tích phân kép |
| 2.3.1. Công thức tính tích phân kép trong tọa độ Đề-các 90 |
| 2.3.2. Công thức tính tích phân kép trong tọa độ cực99 |
| 2.4. Tích phân bội ba (Tích phân 3 lớp)106 |
| 2.4.1. Bài toán mở đầu: Tính khối lượng vật thể 106 |
| 2.4.2. Định nghĩa tích phân bội ba |
| 2.5. Tính tích phân bội ba |
| 2.5.1. Công thức tính tích phân bội ba trong tọa độ Đề-các 108 |
| 2.5.2. Công thức tính tích phân bội ba trong tọa độ trụ 114 |
| 2.5.3. Công thức tính tích phân bội ba trong tọa độ cầu 117 |
| 2.6. Một vài ứng dụng cơ học của tích phân bội121 |
| 2.6.1. Tính khối lượng |

| 2.6.2. Xác định trọng tâm |
|---|
| 2.6.3. Mô men quán tính |
| Tóm tắt nội dung131 |
| <i>Bài tập</i> 138 |
| CHƯƠNG 3. TÍCH PHÂN ĐƯỜNG VÀ TÍCH PHÂN MẶT142 |
| 3.1. Tích phân đường loại một142 |
| 3.1.1. Định nghĩa tích phân đường loại một |
| 3.1.2. Công thức tính tích phân đường loại một 144 |
| 3.2. Tích phân đường loại hai |
| 3.2.1. Bài toán mở đầu: Tính công của lực biến đổi |
| 3.2.2. Định nghĩa tích phân đường loại hai |
| 3.2.3. Công thức tính tích phân đường loại hai153 |
| 3.3. Công thức Grin (Green) |
| 3.4. Định lý bốn mệnh đề tương đương162 |
| |
| 3.5. Tích phân mặt loại một |
| 3.5. Tích phân mặt loại một |
| |
| 3.5.1. Định nghĩa tích phân mặt loại một170 |
| 3.5.1. Định nghĩa tích phân mặt loại một |
| 3.5.1. Định nghĩa tích phân mặt loại một |
| 3.5.1. Định nghĩa tích phân mặt loại một 170 3.5.2. Công thức tính tích phân mặt loại một 171 3.6. Tích phân mặt loại hai 176 3.6.1. Mặt định hướng 176 |
| 3.5.1. Định nghĩa tích phân mặt loại một 170 3.5.2. Công thức tính tích phân mặt loại một 171 3.6. Tích phân mặt loại hai 176 3.6.1. Mặt định hướng 176 3.6.2. Định nghĩa tích phân mặt loại hai 178 |
| 3.5.1. Định nghĩa tích phân mặt loại một |
| 3.5.1. Định nghĩa tích phân mặt loại một 170 3.5.2. Công thức tính tích phân mặt loại một 171 3.6. Tích phân mặt loại hai 176 3.6.1. Mặt định hướng 176 3.6.2. Định nghĩa tích phân mặt loại hai 178 3.6.3. Công thức tính tích phân mặt loại hai 181 3.7. Công thức Stokes 185 |

| CHƯƠNG 4. LÝ THUYẾT TRƯỜNG | 207 |
|---|------|
| 4.1. Các đặc trưng của trường vô hướng | 207 |
| 4.1.1. Mặt mức | 207 |
| 4.1.2. Građiên (Gradient) | 208 |
| 4.2. Các đặc trưng của trường véc tơ | 209 |
| 4.2.1. Đường dòng | 209 |
| 4.2.2. Thông lượng của trường véc tơ | 210 |
| 4.2.3. Đive (Divergence, độ phân kỳ) | 210 |
| 4.2.4. Hoàn lưu | 211 |
| 4.2.5. Rôta (Rotation, véc tơ xoáy) | 212 |
| 4.3. Một số trường đặc biệt | 213 |
| 4.3.1. Trường thế | 213 |
| 4.3.2. Trường ống | 216 |
| 4.3.3. Trường điều hoà | 219 |
| 4.3.4. Toán tử Haminton | 222 |
| 4.4. Hệ tọa độ cong trực giao | 223 |
| 4.4.1. Định nghĩa hệ tọa độ cong trực giao | 223 |
| 4.4.2. Liên hệ giữa tọa độ Đề-các và hệ tọa độ | |
| cong trực giao | 224 |
| 4.4.3. Các đặc trưng của trường trong hệ tọa độ | |
| cong trực giao | 225 |
| Tóm tắt nội dung | 230 |
| Bài tập | 232 |
| CHƯƠNG 5. PHƯƠNG TRÌNH VI PHÂN | .235 |
| 5.1. Phương trình vi phân cấp 1 | 236 |
| | |

| 5.1.1. Các khái niệm cơ bản | 237 |
|--|-------|
| 5.1.2. Các PTVP cấp một thường gặp | 239 |
| 5.2. Khái quát về phương trình vi phân cấp hai | 252 |
| 5.2.1. Các khái niệm cơ bản | 252 |
| 5.2.2. Các PTVP cấp hai giảm cấp được | 253 |
| 5.3. Phương trình vi phân tuyến tính cấp hai | 256 |
| 5.3.1. Tính chất nghiệm của PTVP tuyến tính thuần nhấ | .t258 |
| 5.3.2. Tính chất nghiệm của PTVP tuyến tính không | |
| thuần nhất | 263 |
| 5.4. Phương trình vi phân tuyến tính cấp hai có hệ số hằng số | 267 |
| 5.4.1. Các dạng nghiệm của phương trình vi phân tuyến tính thuần nhất | 267 |
| 5.4.2. Phương pháp tìm nghiệm riêng của PTVP tuyến tính không thuần nhất | 269 |
| 5.5. Hệ phương trình vi phân cấp một | 280 |
| 5.5.1. Các khái niệm cơ bản | 280 |
| 5.5.2. Phương pháp tích phân | 281 |
| 5.6. Hệ phương trình vi phân tuyến tính cấp một | |
| có hệ số hằng số | 286 |
| 5.6.1. Định nghĩa | 286 |
| 5.6.2. Phương pháp tìm nghiệm | 286 |
| Tóm tắt nội dung | 292 |
| Bài tập | 299 |
| Đáp số và gợi ý | 305 |
| Hướng dẫn tra cứu | 321 |
| Tài liệu tham khảo | 326 |
| | |

