#### 1. Random GAN

$$D(x) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} D_i(\overline{D}(x))$$
 (1)

$$V(D) = -\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} [\log(D(x_i)) + \log(1 - D(G(z_i)))]$$
 (2)

$$= -\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left[ \log \frac{1}{m} \sum_{j=1}^{m} D_{j}(\overline{D}(x_{i})) + \log(1 - \frac{1}{m} \sum_{j=1}^{m} D_{j}(\overline{D}(G(z_{i}))) \right]$$
(3)

$$V(G) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left[ \log(1 - \frac{1}{m} \sum_{j=1}^{m} D_{j}(\overline{D}(G(z_{i})))) \right]$$
 (4)

- · Đánh giá mô hình giữa việc không sử dụng và sử dụng bagging
- Theo dõi giá trị dự đoán mean và variance của các Discriminator khác nhau trên dữ liệu test
- Đánh giá khi thay đổi số đầu  $m = \{10, 50, 100\}$
- Thêm DA và đánh giá hiệu quả: dùng 1 DA giống nhau cho các đầu, dùng tập DAs khác nhau giữa các đầu của Discriminator

### 2. Baseline

## 2.1. Baseline 1 - Small GAN with one Discriminator

$$V(G) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} [\log(1 - D(G(z_i)))]$$
 (5)

$$V(D) = -\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} [\log(D(x_i)) + \log(1 - D(G(z_i)))]$$
 (6)

# 2.2. Baseline 2 - GAN with one Discriminator and has size equal GAN with multiple heads

$$V(G) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} [\log(1 - D(G(z_i)))]$$
 (7)

$$V(D) = -\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} [\log(D(x_i)) + \log(1 - D(G(z_i)))]$$
 (8)

2.3. Baseline 3 - GAN with multiple Discriminators and independent training for each Discriminator

$$V(G) = \sum_{i=1}^{m} \left[ \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left[ \log(1 - D_{j}(\overline{D}(G(z_{i})))) \right] \right]$$
 (9)

$$V(D) = \sum_{j=1}^{m} \left[ -\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left[ \log(D_k(\overline{D}(x_i))) + \log(1 - D_k(\overline{D}(G(z_i)))) \right] \right]$$
 (10)

### 2.4. Baseline 4 - HGAN

$$V(G,j) = -\frac{1}{n} \sum_{j=1}^{n} \log(D_j(G(z)))$$
 (11)

$$V(G) = -\sum_{j=1}^{m} \log(\eta - V(G, j))$$
 (12)

$$V(D) = \sum_{i=1}^{m} \left[ -\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left[ \log(D_j(x_i)) + \log(1 - D_j(G(z_i))) \right] \right]$$
 (13)

## 2.5. Baseline 5 - MDGAN