#### Khoa Khoa Học & Kỹ Thuật Máy Tính Trường Đại Học Bách Khoa Tp. Hồ Chí Minh

# Chương 4: Phân loại dữ liệu

Cao Học Ngành Khoa Học Máy Tính Giáo trình điện tử Biên soạn bởi: TS. Võ Thị Ngọc Châu (chauvtn@cse.hcmut.edu.vn)

### Tài liệu tham khảo

- [1] Jiawei Han, Micheline Kamber, "Data Mining: Concepts and Techniques", Second Edition, Morgan Kaufmann Publishers, 2006.
- [2] David Hand, Heikki Mannila, Padhraic Smyth, "Principles of Data Mining", MIT Press, 2001.
- [3] David L. Olson, Dursun Delen, "Advanced Data Mining Techniques", Springer-Verlag, 2008.
- [4] Graham J. Williams, Simeon J. Simoff, "Data Mining: Theory, Methodology, Techniques, and Applications", Springer-Verlag, 2006.
- [5] Hillol Kargupta, Jiawei Han, Philip S. Yu, Rajeev Motwani, and Vipin Kumar, "Next Generation of Data Mining", Taylor & Francis Group, LLC, 2009.
- [6] Daniel T. Larose, "Data mining methods and models", John Wiley & Sons, Inc, 2006.
- [7] Ian H.Witten, Eibe Frank, "Data mining: practical machine learning tools and techniques", Second Edition, Elsevier Inc, 2005.
- [8] Florent Messeglia, Pascal Poncelet & Maguelonne Teisseire, "Successes and new directions in data mining", IGI Global, 2008.
- [9] Oded Maimon, Lior Rokach, "Data Mining and Knowledge Discovery Handbook", Second Edition, Springer Science + Business Media, LLC 2005, 2010.

## Nội dung

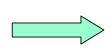
- Chương 1: Tổng quan về khai phá dữ liệu
- □ Chương 2: Các vấn đề tiền xử lý dữ liệu
- Chương 3: Hồi qui dữ liệu
- Chương 4: Phân loại dữ liệu
- □ Chương 5: Gom cụm dữ liệu
- Chương 6: Luật kết hợp
- Chương 7: Khai phá dữ liệu và công nghệ cơ sở dữ liệu
- □ Chương 8: Ứng dụng khai phá dữ liệu
- Chương 9: Các đề tài nghiên cứu trong khai phá dữ liệu
- □ Chương 10: Ôn tập

## Chương 4: Phân loại dữ liệu

- □ 4.1. Tổng quan về phân loại dữ liệu
- 4.2. Phân loại dữ liệu với cây quyết định
- 4.3. Phân loại dữ liệu với mạng Bayesian
- 4.4. Phân loại dữ liệu với mạng Neural
- 4.5. Các phương pháp phân loại dữ liệu khác
- □ 4.6. Tóm tắt

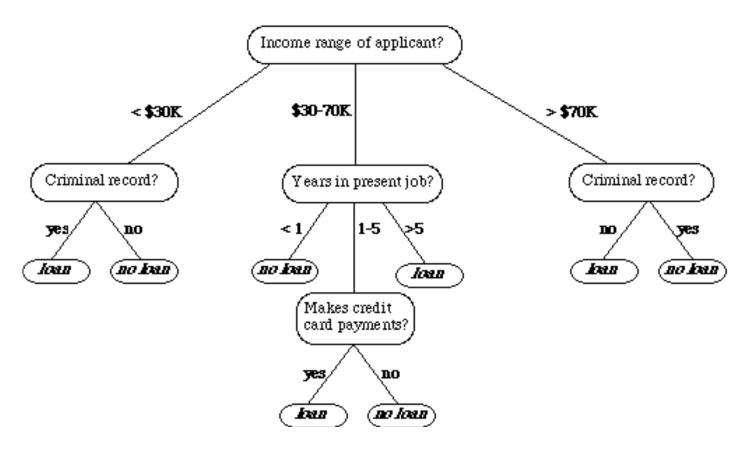
# 4.0. Tình huống 1

Tid	Refund	Marital Status	Taxable Income	Evade
1	Yes	Single	125K	No
2	No	Married	100K	No
3	No	Single	70K	No
4	Yes	Married	120K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
6	No	Married	60K	No
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No	Single	85K	Yes
9	No	Married	75K	No
10	No	Single	90K	Yes



 $\hat{O}$ ng A (Tid = 100) có khả năng trốn thuế???

# 4.0. Tình huống 2



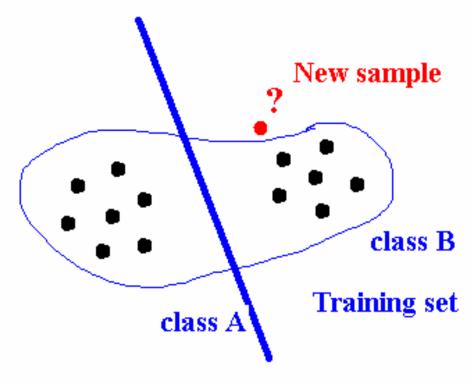
Với thông tin của một applicant A, xác định liệu ngân hàng có cho A vay không?

# 4.0. Tình huống 3

Khóa	MãSV	MônHọc1	MônHọc2	•••	TốtNghiệp
2004	1	9.0	8.5		Có
2004	2	6.5	8.0		Có
2004	3	4.0	2.5		Không
2004	8	5.5	3.5		Không
2004	14	5.0	5.5		Có
2005	90	7.0	6.0	(	Có
2006	24	9.5	7.5		Có
2007	82	5.5	4.5		Không
2008	47	2.0	3.0		Không

Làm sao xác định liệu sinh viên A sẽ tốt nghiệp?

# 4.0. Tình huống ...



Cho trước tập huấn luyện (training set), dẫn ra mô tả về class A và class B?

Cho trước mẫu/đối tượng mới, làm sao xác định class cho mẫu/đối tượng đó?

Liệu class đó có thực sự phù hợp/đúng cho mẫu/đối tượng đó?

# Chương 4: Phân loại dữ liệu

Phần 1

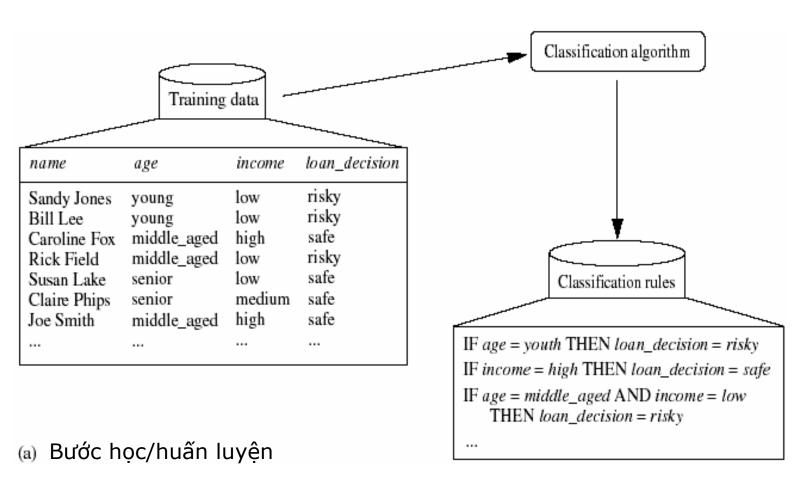
## Nội dung

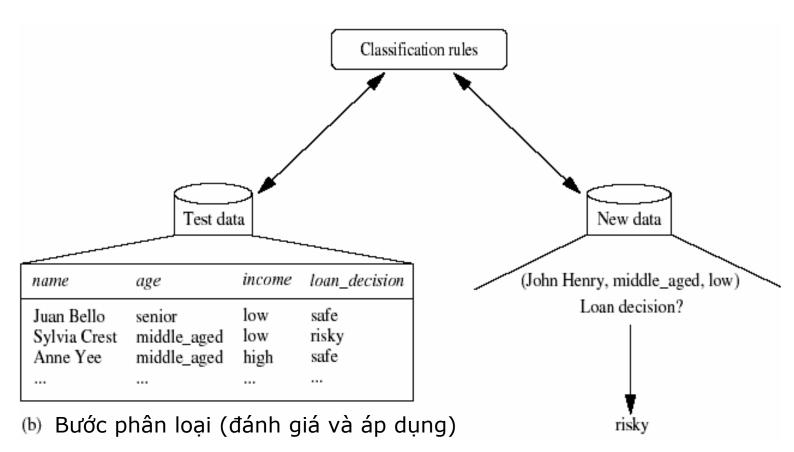
- □ 4.1. Tổng quan về phân loại dữ liệu
- 4.2. Phân loại dữ liệu với cây quyết định
- 4.3. Phân loại dữ liệu với mạng Bayesian
- □ 4.4. Phân loại dữ liệu với mạng Neural
- → Tóm tắt phần 1

- Phân loại dữ liệu (classification)
  - Dạng phân tích dữ liệu nhằm rút trích các mô hình mô tả các lớp dữ liệu hoặc dự đoán xu hướng dữ liệu
  - Quá trình gồm hai bước:
    - Bước học (giai đoạn huấn luyện): xây dựng bộ phân loại (classifier) bằng việc phân tích/học tập huấn luyện
    - Bước phân loại (classification): phân loại dữ liệu/đối tượng mới nếu độ chính xác của bộ phân loại được đánh giá là có thể chấp nhận được (acceptable)

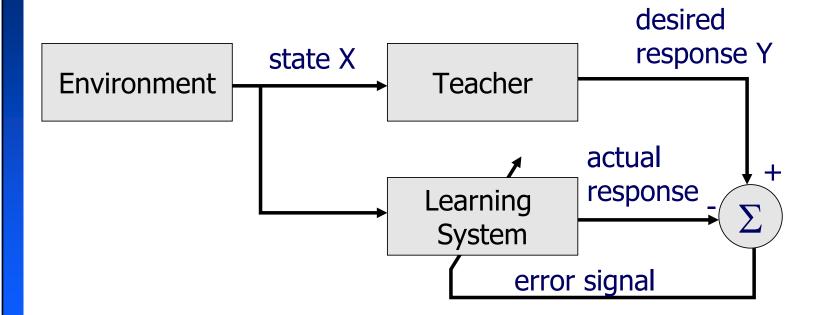
y = f(X) với y là nhãn (phần mô tả) của một lớp (class) và X là dữ liệu/đối tượng

- Bước học: X trong tập huấn luyện, một trị y được cho trước với X → xác định f
- Bước phân loại: đánh giá f với (X', y') và X' <> mọi X trong tập huấn luyện; nếu acceptable thì dùng f để xác định y" cho X" (mới)





- □ Phân loại dữ liệu
  - Dạng học có giám sát (supervised learning)

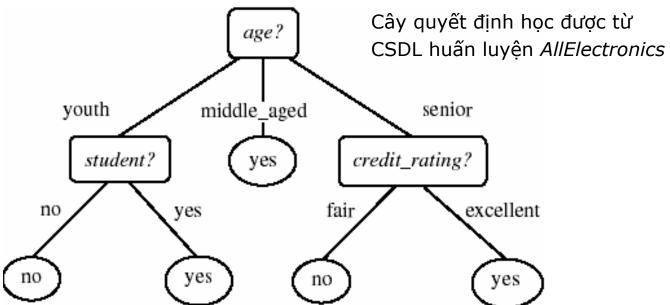


- Các giải thuật phân loại dữ liệu
  - Phân loại với cây quyết định (decision tree)
  - Phân loại với mạng Bayesian
  - Phân loại với mạng neural
  - Phân loại với k phần tử cận gần nhất (k-nearest neighbor)
  - Phân loại với suy diễn dựa trên tình huống (casebased reasoning)
  - Phân loại dựa trên tiến hoá gen (genetic algorithms)
  - Phân loại với lý thuyết tập thô (rough sets)
  - Phân loại với lý thuyết tập mờ (fuzzy sets) ...

RID	age	income	student	credit_rating	Class: buys_computer
1	youth	high	no	fair	no
2	youth	high	no	excellent	no
3	middle_aged	high	no	fair	yes
4	senior	medium	no	fair	yes
5	senior	low	yes	fair	yes
6	senior	low	yes	excellent	no
7	middle_aged	low	yes	excellent	yes
8	youth	medium	no	fair	no
9	youth	low	yes	fair	yes
10	senior	medium	yes	fair	yes
11	youth	medium	yes	excellent	yes
12	middle_aged	medium	no	excellent	yes
13	middle_aged	high	yes	fair	yes
14	senior	medium	no	excellent	no

Cơ sở dữ liệu khách hàng AllElectronics dùng cho bước học

- □ Cây quyết định (decision tree) mô hình phân loại
  - Node nội: phép kiểm thử (test) trên một thuộc tính
  - Node lá: nhãn/mô tả của một lớp (class label)
  - Nhánh từ một node nội: kết quả của một phép thử trên thuộc tính tương ứng



- Giải thuật xây dựng cây quyết định
  - ID3, C4.5, CART (Classification and Regression Trees binary decision trees)

Algorithm: Generate\_decision\_tree. Generate a decision tree from the training tuples of data partition *D*.

#### Input:

- Data partition, D, which is a set of training tuples and their associated class labels;
- attribute\_list, the set of candidate attributes;
- Attribute\_selection\_method, a procedure to determine the splitting criterion that "best" partitions the data tuples into individual classes. This criterion consists of a splitting\_attribute and, possibly, either a split point or splitting subset.

Output: A decision tree.

#### Method:

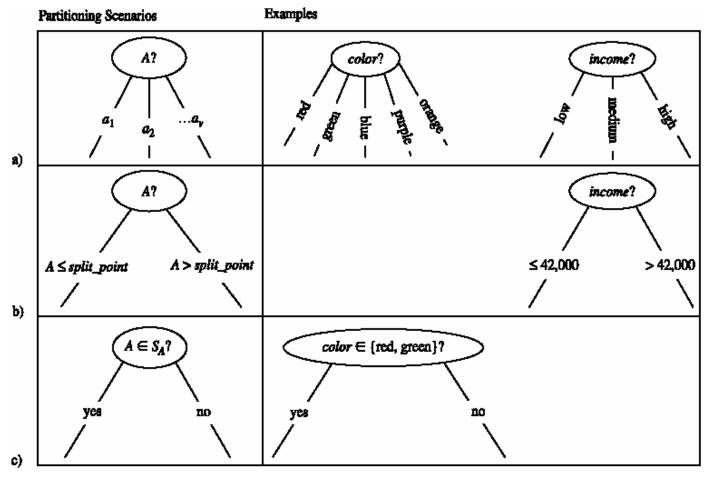
(15) return *N*;

```
create a node N:
     if tuples in D are all of the same class, C then
          return N as a leaf node labeled with the class C;
(3)
     if attribute_list is empty then
(5)
          return N as a leaf node labeled with the majority class in D; // majority voting
     apply Attribute_selection_method(D, attribute_list) to find the "best" splitting_criterion;
     label node N with splitting_criterion;
     if splitting_attribute is discrete-valued and
          multiway splits allowed then // not restricted to binary trees
(9)
          attribute\_list \leftarrow attribute\_list - splitting\_attribute; // remove splitting_attribute
(10) for each outcome j of splitting_criterion
     // partition the tuples and grow subtrees for each partition
          let D_j be the set of data tuples in D satisfying outcome j; // a partition
(11)
          if D_i is empty then
(12)
(13)
                attach a leaf labeled with the majority class in D to node N;
          else attach the node returned by Generate_decision_tree(D_i, attribute_list) to node N;
(14)
     endfor
```

19

- □ Đặc điểm của giải thuật
  - Giải thuật tham lam (không có quay lui), chia để trị, đệ qui, từ trên xuống
  - Độ phức tạp với tập huấn luyện **D** gồm |**D**| phần tử (đối tượng), mỗi phần tử gồm **n** thuộc tính
    - $\square O(n*|D|*log|D|)$ 
      - Mỗi thuộc tính ứng với mỗi mức (level) của cây.
      - Cho mỗi mức của cây, |D| phân tử huấn luyện được duyệt qua.
  - In-memory  $\rightarrow$  ???

- Attribute\_selection\_method
  - Phương thức dùng heuristic để chọn tiêu chí rẽ nhánh tại một node, i.e. phân hoạch tập huấn luyện D thành các phân hoạch con với các nhãn phù hợp
    - Xếp hạng mỗi thuộc tính
    - Thuộc tính được chọn để rẽ nhánh là thuộc có trị số điểm (score) lớn nhất
    - Độ đo chọn thuộc tính phân tách (splitting attribute): information gain, gain ratio, gini index



A là thuộc tính phân tách (splitting attribute).

#### ■ Độ đo Information Gain

- Dựa trên lý thuyết thông tin (information theory) của Claude Shannon về giá trị (nội dung thông tin) của tin
- Thuộc tính tương ứng với information gain lớn nhất sẽ được chọn làm splitting attribute cho node N.
  - Node N là node hiện tại cần phân hoạch các phần tử trong D.
  - Splitting attribute đảm bảo sự trùng lắp (impurity)/ngẫu nhiên (randomness) ít nhất giữa các phân hoạch tạo được.
  - Cách tiếp cận này giúp tối thiểu số phép thử (test) để phân loại một phần tử.

- Độ đo Information Gain
  - Lượng thông tin cần để phân loại một phần tử trong D (= Entropy của D): Info(D)
    - p<sub>i</sub>: xác suất để một phần tử bất kỳ trong D thuộc về
       lớp C<sub>i</sub> với i = 1..m
    - □ C<sub>i,D</sub>: tập các phần tử của lớp C<sub>i</sub> trong D

$$Info(D) = -\sum_{i=1}^{m} p_i \log_2(p_i)$$
$$p_i = |C_{i,D}| / |D|$$

#### Độ đo Information Gain

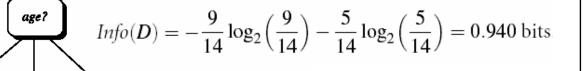
- Lượng thông tin cần để phân loại một phần tử trong D dựa trên thuộc tính A: Info<sub>A</sub>(D)
  - Thuộc tính A dùng phân tách D thành v phân hoạch {D<sub>1</sub>, D<sub>2</sub>, ..., D<sub>i</sub>, ..., D<sub>v</sub>}.
  - Mỗi phân hoạch D<sub>i</sub> gồm |D<sub>i</sub>| phần tử trong D.
  - Lượng thông tin này sẽ cho biết mức độ trùng lắp giữa các phân hoạch, nghĩa là một phân hoạch chứa các phần tử từ một lớp hay nhiều lớp khác nhau.
  - □ Mong đợi: Info<sub>A</sub>(D) càng nhỏ càng tốt.

$$Info_A(D) = \sum_{j=1}^{\nu} \frac{|D_j|}{|D|} * Info(D_j)$$

#### Độ đo Information Gain

Information gain chính là độ sai biệt giữa trị thông tin Info(D) ban đầu (trước phân hoạch) và trị thông tin mới Info<sub>A</sub>(D) (sau phân hoạch với A).

$$Gain(A) = Info(D) - Info_A(D)$$



student credit rating class income high fair no no high excellent по по medium fair по по low fair yes yes medium excellent yes

income	student	credit_rating	class			
medium low low medium medium	no yes yes yes no	fair fair excellent fair excellent	yes yes no yes no			

senior

Gain(age)=0.246 bits

Gain(income)?

Gain(student)?

Gain(credit\_rating)?

→ Splitting attribute?

income	student	credit_rating	class		
high low medium high	no yes no yes	fair excellent excellent fair	yes yes yes yes		

middle\_aged

youth

$$\begin{split} Info_{age}(D) &= \frac{5}{14} \times (-\frac{2}{5}\log_2\frac{2}{5} - \frac{3}{5}\log_2\frac{3}{5}) \\ &+ \frac{4}{14} \times (-\frac{4}{4}\log_2\frac{4}{4} - \frac{0}{4}\log_2\frac{0}{4}) \\ &+ \frac{5}{14} \times (-\frac{3}{5}\log_2\frac{3}{5} - \frac{2}{5}\log_2\frac{2}{5}) \\ &= 0.694 \text{ bits.} \end{split}$$

$$\mathit{Gain}(\mathit{age}) = \mathit{Info}(D) - \mathit{Info}_{\mathit{age}}(D) = 0.940 - 0.694 = 0.246 \; \mathrm{bits}.$$

- Độ đo Gain Ratio: GainRatio(A)
  - Dùng với C4.5
  - Giải quyết vấn đề một thuộc tính được dùng tạo ra rất nhiều phân hoạch (thậm chí mỗi phân hoạch chỉ gồm 1 phần tử).
  - Chuẩn hoá information gain với trị thông tin phân tách (split information): SplitInfo<sub>A</sub>(D)
  - Splitting attribute A tương ứng với trị GainRatio(A) là trị lớn nhất.

$$SplitInfo_{A}(D) = -\sum_{j=1}^{\nu} \frac{|D_{j}|}{|D|} * \log_{2} \left(\frac{|D_{j}|}{|D|}\right)$$

$$GainRatio(A) = \frac{Gain(A)}{SplitInfo_{A}(D)}$$

SplitInfo<sub>income</sub>(D) = 
$$-\frac{4}{14} \times \log_2(\frac{4}{14}) - \frac{6}{14} \times \log_2(\frac{6}{14}) - \frac{4}{14} \times \log_2(\frac{4}{14})$$
  
= 0.926.

Gain(income) = 0.029

GainRatio(income) = 0.029/0.926 = 0.031

GainRatio(age)?

GainRatio(student)?

GainRatio(credit\_rating)?

→ Splitting attribute?

#### ■ Đô đo Gini Index

- Dùng với CART
- Sự phân tách nhị phân (binary split) cho mỗi thuộc tính A
  - $\triangle$  A  $\in$  S<sub>A</sub>?
  - □ S<sub>A</sub> là một tập con gồm một hay v-1 trị thuộc tính A.
- Gini index của một thuộc tính là trị nhỏ nhất tương ứng với một tập con S<sub>A</sub> từ 2<sup>v</sup> – 2 tập con.
- Splitting attribute tương ứng với gini index nhỏ nhất để tối đa hóa sự suy giảm về độ trùng lắp giữa các phân hoạch.

$$Gini(D) = 1 - \sum_{i=1}^{m} p_i^2$$

$$Gini_A(D) = \frac{|D_1|}{|D|} Gini(D_1) + \frac{|D_2|}{|D|} Gini(D_2)$$

$$\Delta Gini(A) = Gini(D) - Gini_A(D)$$

$$\begin{aligned} &\textit{Gini}(D) = 1 - \left(\frac{9}{14}\right)^2 - \left(\frac{5}{14}\right)^2 = 0.459 \\ &\textit{Gini}_{\textit{income}} \in \{\textit{low,medium}\}(D) \\ &= \frac{10}{14} \textit{Gini}(D_1) + \frac{4}{14} \textit{Gini}(D_2) \\ &= \frac{10}{14} \left(1 - \left(\frac{6}{10}\right)^2 - \left(\frac{4}{10}\right)^2\right) + \frac{4}{14} \left(1 - \left(\frac{1}{4}\right)^2 - \left(\frac{3}{4}\right)^2\right) \\ &= 0.450 \\ &= \textit{Gini}_{\textit{income}} \in \{\textit{high}\}(D). \\ &\textit{Gini}_{\textit{income}} \in \{\textit{low,high}\} = \textit{Gini}_{\textit{income}} \in \{\textit{medium}\} = 0.315 \\ &\textit{Gini}_{\textit{income}} \in \{\textit{medium,high}\} = \textit{Gini}_{\textit{income}} \in \{\textit{low}\} = 0.300 \\ &\rightarrow \textit{Gini}_{\textit{income}} \in \{\textit{medium,high}\}/\{\textit{low}\} = 0.300 \\ &\textit{Gini}_{\textit{age}} \in \{\textit{youth,senior}\}/\{\textit{middle_aged}\} = 0.375 \\ &\textit{Gini}_{\textit{student}} = 0.367 \\ &\textit{Gini}_{\textit{credit\_rating}} = 0.429 \end{aligned}$$

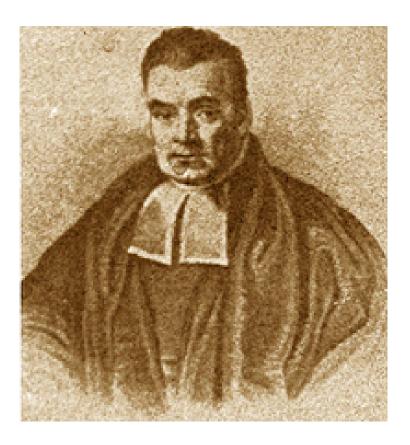
→ Splitting attribute?

- Xây dựng cây quyết định từ cơ sở dữ liệu huấn luyện AllElectronics
  - Dùng độ đo Information Gain
  - Dùng độ đo Gain Ratio
  - Dùng độ đo Gini Index
  - → Các cây quyết định học được giống nhau????
  - → Tiến hành đánh giá và phân loại với các cây quyết định học được

#### 4.3. Phân loại dữ liệu với mạng Bayesian

- Dựa trên định lý của Bayes
  - Phân loại Naïve Bayesian
    - Giả định: độc lập có điều kiện lớp (class conditional independence)
  - Phân loại Bayesian belief networks
- Phương pháp phân loại dựa trên xác suất

### 4.3. Phân loại dữ liệu với mạng Bayesian



Reverend Thomas Bayes (1702-1761)

### 4.3. Phân loại dữ liệu với mạng Bayesian

- Dịnh lý Bayes
  - X: một tuple/đối tượng (evidence)
  - H: giả thuyết (hypothesis)

V +b., 60 v 6 160 C

RID	age	income	student	credit_rating	Class: buys_computer
1	youth	high	no	fair	no
2	youth	high	no	excellent	no
3	middle_aged	high	no	fair	yes
4	senior	medium	no	fair	yes
5	senior	low	yes	fair	yes
6	senior	low	yes	excellent	no
7	middle_aged	low	yes	excellent	yes
8	youth	medium	no	fair	no
9	youth	low	yes	fair	yes
10	senior	medium	yes	fair	yes
11	youth	medium	yes	excellent	yes
12	middle_aged	medium	no	excellent	yes
13	middle_aged	high	yes	fair	yes
14	senior	medium	no	excellent	no

Cho một RID, RID thuộc về lớp "yes" (buys\_computer = yes)

■ X thuộc ve lớp C.	RID	age	income	student	credit_rating	Class: buys_computer
	1	youth	high	no	fair	no
	2	youth	high	no	excellent	no
	3	middle_aged	high	no	fair	yes
	4	senior	medium	no	fair	yes
	5	senior	low	yes	fair	yes
	6	senior	low	yes	excellent	no
Χ —	<b>→</b> 7	middle_aged	low	yes	excellent	yes
X được xác định bởi	8	youth	medium	no	fair	no
trị của các thuộc tính.	9	youth	low	yes	fair	yes
	10	senior	medium	yes	fair	yes
	11	youth	medium	yes	excellent	yes
	12	middle_aged	medium	no	excellent	yes
	13	middle_aged	high	yes	fair	yes
	14	senior	medium	no	excellent	no

### 4.3. Phân loại dữ liệu với mạng Bayesian

#### • Định lý Bayes

- P(H|X): posterior probability
  - Xác suất có điều kiện của H đối với X.
  - Ví dụ: P(buys\_computer=yes|age=young, income=high) là xác suất mua máy tính của khách hàng có tuổi "young" và thu nhập "high".
- P(X|H): posterior probability
  - Xác suất có điều kiện của X đối với H.
  - Ví dụ: P(age=young, income=high|buys\_computer=yes) là xác suất khách hàng mua máy tính có tuổi "young" và thu nhập "high".
    - P(age=young, income=high|buys\_computer=yes) = 0
    - P(age=young, income=high|buys\_computer=no) = 2/5 = 0.4

### 4.3. Phân loại dữ liệu với mạng Bayesian

### Dịnh lý Bayes

- P(H): prior probability
  - Xác suất của H
  - Ví dụ: P(buys\_computer=yes) là xác suất mua máy tính của khách hàng nói chung.
    - P(buys\_computer=yes) = 9/14 = 0.643
    - P(buys\_computer=no) = 5/14 = 0.357
- P(X): prior probability
  - Xác suất của X
  - Ví dụ: P(age=young, income=high) là xác suất khách hàng có tuổi "young" và thu nhập "high".
    - P(age=young, income=high) = 2/14 = 0.143

# 4.3. Phân loại dữ liệu với mạng Bayesian

### • Định lý Bayes

- P(H), P(X|H), P(X) có thể được tính từ tập dữ liệu cho trước.
- P(H|X) được tính từ định lý Bayes.

$$P(H \mid X) = \frac{P(X \mid H)P(H)}{P(X)}$$

P(buys\_computer=yes|age=young, income=high) = P(age=young, income=high|buys\_computer=yes)P(buys\_computer=yes)/P(age=young, income=high) = 0

 $P(buys\_computer=no|age=young, income=high) = P(age=young, income=high|buys\_computer=no)P(buys\_computer=no)/P(age=young, income=high) = 0.4*0.357/0.143 = 0.9986$ 

# 4.3. Phân loại dữ liệu với mạng Bayesian

- Cho trước tập dữ liệu huấn luyện D với mô tả (nhãn) của các lớp C<sub>i</sub>, i=1..m, quá trình phân loại một tuple/đối tượng X = (x<sub>1</sub>, x<sub>2</sub>, ..., x<sub>n</sub>) với mạng Bayesian như sau:
  - X được phân loại vào C<sub>i</sub> nếu và chỉ nếu

$$P(C_i|X) > P(C_i|X) \text{ v\'oi } 1 <= j <= m, j <> i$$

$$P(C_i \mid X) = \frac{P(X \mid C_i)P(C_i)}{P(X)}$$

- $\rightarrow$  Tối đa hóa P(C<sub>i</sub>|X) (i.e. chọn C<sub>i</sub> nếu P(C<sub>i</sub>|X) là trị lớn nhất)
- → Tối đa hóa P(X|C<sub>i</sub>)P(C<sub>i</sub>)

$$\rightarrow P(C_1) = P(C_2) = ... = P(C_m) \text{ hoặc } P(C_i) = |C_{i,D}|/|D| ...$$

# 4.3. Phân loại dữ liệu với mạng Bayesian

$$P(X \mid C_i) = \prod_{k=1}^n P(x_k \mid C_i) = P(x_1 \mid C_i) * P(x_2 \mid C_i) * ... * P(x_n \mid C_i)$$

- P(X|C<sub>i</sub>) được tính với giả định class conditional independence.
- $\mathbf{x}_k$ , k = 1..n: trị thuộc tính  $A_k$  của X
- $\square$  P(x<sub>k</sub>|C<sub>i</sub>) được tính như sau:
  - A<sub>k</sub> là thuộc tính rời rạc.

$$P(x_k|C_i) = |\{X'|x'_k = x_k \land X' \in C_i\}|/|C_{i,D}|$$

- A<sub>k</sub> là thuộc tính liên tục.
  - $\square$  P(x<sub>k</sub>|C<sub>i</sub>) tuân theo một phân bố xác suất nào đó (ví dụ: phân bố Gauss).

### 4.3. Phân loại dữ liệu với mạng Bayesian

- □ Nếu  $P(x_k|C_i) = 0$  thì  $P(X|C_i) = 0!!!$ 
  - Ban đầu

$$P(x_k|C_i) = |\{X'|x'_k = x_k \land X' \in C_i\}|/|C_{i,D}|$$

 Laplace (Pierre Laplace, nhà toán học Pháp, 1749-1827)

$$P(x_k|C_i) = (|\{X'|x'_k = x_k \land X' \in C_i\}|+1)/(|C_{i,D}| + m)$$

z-estimate

$$P(x_k|C_i) = (|\{X'|x'_k = x_k \land X' \in C_i\}| + z*P(x_k))/(|C_{i,D}| + z)$$

# 4.3. Phân loại dữ liệu với mạng Bayesian

 $X = (age = youth, income = medium, student = yes, credit\_rating = fair)$ 

 $C_1 = \{X'|X'.buys\_computer = yes\}$  $C_2 = \{X''|X''.buys\_computer = no\}$ 

$$P(age = youth \mid buys\_computer = yes) = 2/9 = 0.222$$
 $P(age = youth \mid buys\_computer = no) = 3/5 = 0.600$ 
 $P(income = medium \mid buys\_computer = yes) = 4/9 = 0.444$ 
 $P(income = medium \mid buys\_computer = no) = 2/5 = 0.400$ 
 $P(student = yes \mid buys\_computer = yes) = 6/9 = 0.667$ 
 $P(student = yes \mid buys\_computer = no) = 1/5 = 0.200$ 
 $P(credit\_rating = fair \mid buys\_computer = yes) = 6/9 = 0.667$ 
 $P(credit\_rating = fair \mid buys\_computer = no) = 2/5 = 0.400$ 
 $P(X \mid buys\_computer = yes) = P(age = youth \mid buys\_computer = yes) \times P(income = medium \mid b$ 

$$P(buys\_computer = yes) = 9/14 = 0.643$$
  
 $P(buys\_computer = no) = 5/14 = 0.357$ 

 $P(X|buys\_computer = no) = 0.600 \times 0.400 \times 0.200 \times 0.400 = 0.019.$ 

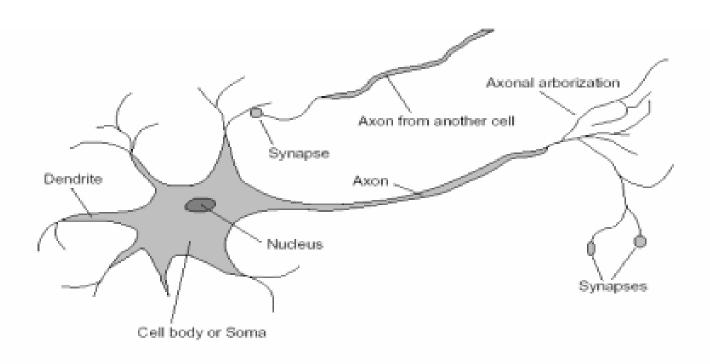
$$P(X|buys\_computer = yes)P(buys\_computer = yes) = 0.044 \times 0.643 = 0.028$$
  
 $P(X|buys\_computer = no)P(buys\_computer = no) = 0.019 \times 0.357 = 0.007$ 

P(student = yes | buys\_computer = yes) ×
P(credit\_rating = fair | buys\_computer = yes)

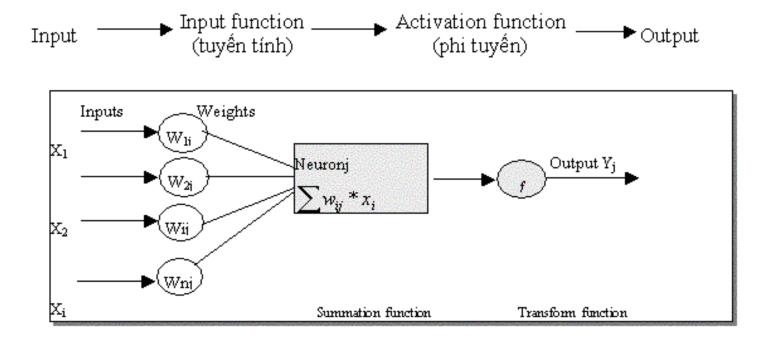
 $=0.222 \times 0.444 \times 0.667 \times 0.667 = 0.044$ .

 $\rightarrow X \in C_1$ 

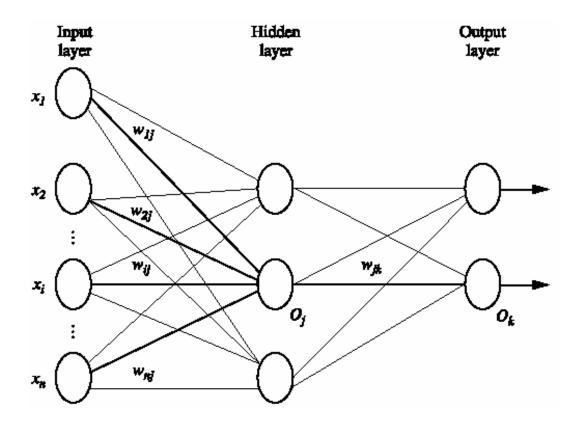
### Mạng Neural sinh học



Quá trình xử lý thông tin tại một neuron của mạng Neural nhân tạo



Mạng neural feed-forward đa tầng



Giải thuật học lan truyền ngược (Backpropagation) có giám sát

Algorithm: Backpropagation. Neural network learning for classification or prediction, using the backpropagation algorithm.

#### Input:

- D, a data set consisting of the training tuples and their associated target values;
- l, the learning rate;
- network, a multilayer feed-forward network.

Output: A trained neural network.

```
Initialize all weights and biases in network;
      while terminating condition is not satisfied {
           for each training tuple X in D {
(3)
                  // Propagate the inputs forward:
(4)
(5)
                  for each input layer unit i {
                          O_i = I_i; // output of an input unit is its actual input value
                  for each hidden or output layer unit j {
(7)
(8)
                          I_j = \sum_i w_{ij} O_i + \theta_j; //compute the net input of unit j with respect to the
                                previous layer, i
                          O_j = \frac{1}{1+e^{-I_j}}; \(\right\) // compute the output of each unit j
(9)
                  // Backpropagate the errors:
(10)
                  for each unit j in the output layer
(11)
                          Err_i = O_i(1 - O_i)(T_i - O_i); // compute the error
(12)
                  for each unit j in the hidden layers, from the last to the first hidden layer
(13)
(14)
                          Err_j = O_j(1 - O_j) \sum_k Err_k w_{jk}; // compute the error with respect to the
                                   next higher layer, k
                  for each weight wij in network {
(15)
(16)
                          \Delta w_{ij} = (l)Err_jO_i; // weight increment
                          w_{ij} = w_{ij} + \Delta w_{ij}; } // weight update
(17)
                  for each bias \theta_i in network {
(18)
                          \Delta\theta_j = (l)Err_j; // bias increment
(19)
                          \theta_i = \theta_i + \Delta \theta_i; \(\right\) bias update
(20)
                   } }
(21)
```

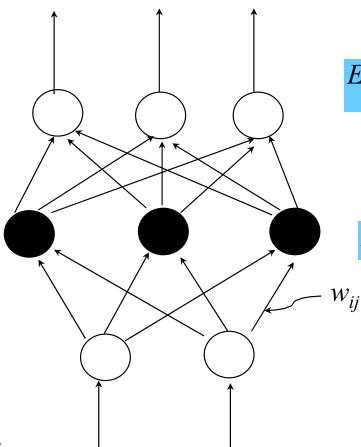
Output vector

**Output nodes** 

**Hidden nodes** 

Input nodes

Input vector:  $x_i$ 



$$Err_j = O_j(1 - O_j) \sum_k Err_k w_{jk}$$

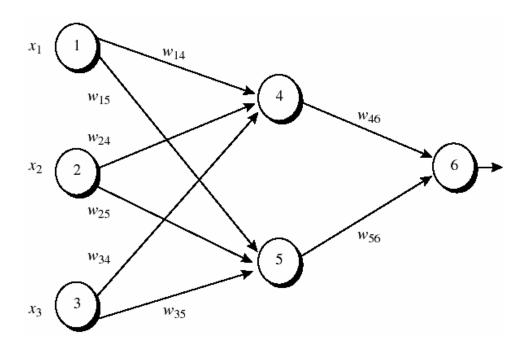
$$\theta_j = \theta_j + (l)Err_j$$

$$w_{ij} = w_{ij} + (l)Err_jO_i$$

$$Err_j = O_j(1 - O_j)(T_j - O_j)$$

 $O_j = \frac{1}{1}$ 

$$I_j = \sum_i w_{ij} O_i + \theta_j$$



Initial input, weight, and bias values.

$x_1$	$x_2$	<i>x</i> <sub>3</sub>	w <sub>14</sub>	w <sub>15</sub>	w24	w25	w34	w35	w46	w56	$\theta_4$	$\theta_5$	$\theta_6$
1	0	1	0.2	-0.3	0.4	0.1	-0.5	0.2	-0.3	-0.2	-0.4	0.2	0.1

The net input and output calculations.

Unit j	Net input, $I_j$	Output, $O_j$
4	0.2 + 0 - 0.5 - 0.4 = -0.7	$1/(1+e^{0.7})=0.332$
5	-0.3+0+0.2+0.2=0.1	$1/(1+e^{-0.1})=0.525$
6	(-0.3)(0.332) - (0.2)(0.525) + 0.1 = -0.105	$1/(1+e^{0.105})=0.474$

Calculation of the error at each node.

Unit j	Err <sub>j</sub>
6	(0.474)(1-0.474)(1-0.474)=0.1311
5	(0.525)(1-0.525)(0.1311)(-0.2) = -0.0065
4	(0.332)(1-0.332)(0.1311)(-0.3) = -0.0087

Calculations for weight and bias updating.

Weight or bias	New value
w <sub>46</sub>	-0.3 + (0.9)(0.1311)(0.332) = -0.261
w <sub>56</sub>	-0.2 + (0.9)(0.1311)(0.525) = -0.138
$w_{14}$	0.2 + (0.9)(-0.0087)(1) = 0.192
w <sub>15</sub>	-0.3 + (0.9)(-0.0065)(1) = -0.306
w <sub>24</sub>	0.4 + (0.9)(-0.0087)(0) = 0.4
w <sub>25</sub>	0.1 + (0.9)(-0.0065)(0) = 0.1
w34	-0.5 + (0.9)(-0.0087)(1) = -0.508
w35	0.2 + (0.9)(-0.0065)(1) = 0.194
$\theta_6$	0.1 + (0.9)(0.1311) = 0.218
$\theta_5$	0.2 + (0.9)(-0.0065) = 0.194
$\theta_4$	-0.4 + (0.9)(-0.0087) = -0.408

# Tóm tắt phần 1

- □ Classification với Decision trees
  - ID3, C4.5, CART
- □ Classification với mạng Bayesian
  - Dựa trên lý thuyết xác suất thống kê
- □ Classification với mạng Neural
- → Linear classifiers vs. non-linear classifiers

# Hỏi & Đáp ...

# Chương 4: Phân loại dữ liệu

Phần 2

# Nội dung

- 4.5. Các phương pháp phân loại dữ liệu khác
  - 4.5.1. K-nearest neighbor classification
  - 4.5.2. Classification với Support Vector Machines (SVM)
  - 4.5.3. Classification với Fuzzy Sets
  - 4.5.4. Classification với Rough Sets
  - 4.5.5. Đánh giá và chọn mô hình phân lớp
  - 4.5.6. Gia tăng độ chính xác trong phân lớp
- → Tóm tắt phần 2

# Đọc thêm

- [2], Chương 10, pp. 327 366.
  - Predictive Modeling for Classification
- □ [3], Chương 7, pp. 110 123.
  - Support Vector Machines
- [7], Phần 6.3, pp. 214-234.
  - Extending linear models
- □ [3], Chương 5, pp. 71 79.
  - Fuzzy Sets and Decision Trees
  - Fuzzy Sets and Ordinal Classification
- □ [9], Phần 24.3, pp. 509 514.
  - Fuzzy Supervised Learning
- □ [3], Chương 6, pp. 109.
  - Rough Sets
- [9], Chương 37, pp. 733 746.
  - Bias vs. Variance Decomposition For Regression and Classification
- [9], Chương 32, pp. 642 654.
  - Data Mining Model Comparison