Definice. Množinový rozklad množiny <math>M je množina $\{B_1, \ldots, B_k\}$, jejíž prvky jsou neprázdné, navzájem disjunktní množiny, jejichž sjednocením je M. Množiny B_i se nazývají bloky rozkladu.

- 1. Kombinatorickou úvahou, tj. ne přímým výpočtem, ale nějakým nápadem, dokažte následující rovnosti:
 - a) $\binom{n}{k} 2^{n-k} = \sum_{j=k}^{n} \binom{n}{j} \binom{j}{k}$.
 - b) $\binom{n}{k} = \sum_{j=k}^{n-1} \binom{j}{k}$, pro $0 \le k < n$.
 - c) Nechť $B_{n,k}$ značí počet množinových rozkladů množiny [n] s k bloky. Ukažte, že $B_{n,k} = B_{n-1,k-1} + k \cdot B_{n-1,k}$.
- 2. Na turnaji v trojkovém mariáši (což je hra pro tři hráče) bylo 32 účastníků. Dvanáct z nich sehrálo pět partií, dvacet z nich sehrálo šest partií. Kolik tam bylo sehráno partií?
- 3. Na jiném turnaji v trojkovém mariáši bylo 15 účastníků a každá dvojice účastníků se tam právě dvakrát sešla u společné partie. Kolik tam bylo sehráno partií? Plyne ze zadání, že každý hráč sehrál stejný počet partií? Pokud ano, kolik partií sehrál každý hráč?
- 4. Na vysoké škole si každý student zapsal aspoň 10% ze všech nabízených předmětů. Dokažte, že existuje předmět, na němž je zapsáno aspoň 10% všech studentů.
- 5. Mějme nyní 100 studentů a 10 přednášek. Každou přednášku si zapsalo nejvýše 30 studentů. Dokažte, že existují dva studenti, kteří si nezapsali žádnou společnou přednášku.
- 6. Nechť M je matice tvaru 10×10 obsahující čísla $1, 2, \dots, 10$, přičemž každé číslo se v ní vyskytuje 10 krát. Dokažte, že M má řádek nebo sloupec obsahující aspoň 4 různá čísla.

Definice. Množinový rozklad množiny <math>M je množina $\{B_1, \ldots, B_k\}$, jejíž prvky jsou neprázdné, navzájem disjunktní množiny, jejichž sjednocením je M. Množiny B_i se nazývají bloky rozkladu.

- 1. Kombinatorickou úvahou, tj. ne přímým výpočtem, ale nějakým nápadem, dokažte následující rovnosti:
 - a) $\binom{n}{k} 2^{n-k} = \sum_{j=k}^{n} \binom{n}{j} \binom{j}{k}$.
 - b) $\binom{n}{k} = \sum_{j=k}^{n-1} \binom{j}{k}$, pro $0 \le k < n$.
 - c) Nechť $B_{n,k}$ značí počet množinových rozkladů množiny [n] s k bloky. Ukažte, že $B_{n,k} = B_{n-1,k-1} + k \cdot B_{n-1,k}$.
- 2. Na turnaji v trojkovém mariáši (což je hra pro tři hráče) bylo 32 účastníků. Dvanáct z nich sehrálo pět partií, dvacet z nich sehrálo šest partií. Kolik tam bylo sehráno partií?
- 3. Na jiném turnaji v trojkovém mariáši bylo 15 účastníků a každá dvojice účastníků se tam právě dvakrát sešla u společné partie. Kolik tam bylo sehráno partií? Plyne ze zadání, že každý hráč sehrál stejný počet partií? Pokud ano, kolik partií sehrál každý hráč?
- 4. Na vysoké škole si každý student zapsal aspoň 10% ze všech nabízených předmětů. Dokažte, že existuje předmět, na němž je zapsáno aspoň 10% všech studentů.
- 5. Mějme nyní 100 studentů a 10 přednášek. Každou přednášku si zapsalo nejvýše 30 studentů. Dokažte, že existují dva studenti, kteří si nezapsali žádnou společnou přednášku.
- 6. Nechť M je matice tvaru 10×10 obsahující čísla $1, 2, \dots, 10$, přičemž každé číslo se v ní vyskytuje 10 krát. Dokažte, že M má řádek nebo sloupec obsahující aspoň 4 různá čísla.