- 1. Najděte graf G=(V,E), který je izomorfní svému doplňku  $\bar{G}=(V,\binom{V}{2}\setminus E)$ . Existuje nekonečně mnoho takových grafů?
- 2. Pro která n a k existuje graf na n vrcholech, jehož každý vrchol má stupeň k?
- 3. Existují grafy s následujícím skóre? Pokud ano, sestrojte je.
  - a) 5, 3, 2, 2, 2, 1, 1.
  - b) 6, 5, 5, 4, 3, 2, 1.
- 4. Nechť  $p_k$  značí počet grafů na k vrcholech takový, že každý vrchol má jiný stupeň. Kolik je  $\sum_{k=1}^{\infty} p_k$ ?
- 5. Dokažte, že každý graf sc komponentami souvislosti má alespoň n-c hran.
- 6. Nechť G je strom stupně k. Ukažte, že G obsahuje alespoň k listů.
- 7\*. Nechť  $S=(d_1,d_2,\ldots,d_n)$  je posloupnost přirozených čísel délky  $n\leq 2$ . Ukažte, že S je skóre nějakého stromu, právě když  $\sum_{i=1}^n d_i=2n-2$ .

Poznámka. Těžká je ta implikace zprava doleva.

- 8. Navrhněte algoritmus pro hledání maximální kostry.
- 9. Nechť G je graf na 2n vrcholech, kde každý vrchol má stupeň aspoň n. Ukažte, že musí obsahovat trojúhelník.