Лабораторная работа №5. Модель хищник-жертва

с/б 1032186063 | НФИбд-01-18

Доборщук Владимир Владимирович

Содержание

Цели и задачи	4
Теоретическая справка	5
Программная реализация	6
Подготовка к моделировнию	6
Построение графиков для модели	7
Графики численности хищников, жертв	7
График зависимости численности хищников от численности жертв	9
Выводы	11

Список иллюстраций

1	График изменения численности жертв		•		•		7
2	График изменения численности хищников						8
3	График изменения численности жертв и хищников .						9
4	График зависимости численности хишников от жертв						10

Цели и задачи

Цель: изучить модель "хищник - жертва" (модель Лотки-Вольтерры) и реализовать процесс моделирования с помощью программных средств.

Задачи:

- изучить теорию о модели "хищник жертва"
- построить модель "хищник жертва":
 - построить графики изменения численности хищников, жертв
 - построить график зависимости численности жертв и хищников
 - найти стационарное состояние данной модели

Теоретическая справка

Простейшая модель взаимодействия двух видов типа «хищник — жертва» - модель Лотки-Вольтерры. Данная двувидовая модель основывается на следующих предположениях

- 1. Численность популяции жертв x и хищников y зависят только от времени (модель не учитывает пространственное распределение популяции на занимаемой территории)
- 2. В отсутствии взаимодействия численность видов изменяется по модели Мальтуса, при этом число жертв увеличивается, а число хищников падает
- 3. Естественная смертность жертвы и естественная рождаемость хищника считаются несущественными
- 4. Эффект насыщения численности обеих популяций не учитывается
- 5. Скорость роста численности жертв уменьшается пропорционально численности хищников

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = ax(t) - bx(t)y(t) \\ \frac{dy}{dt} = -cy(t) + dx(t)y(t) \end{cases}$$

В этой модели x — число жертв, y — число хищников. Коэффициент a описывает скорость естественного прироста числа жертв в отсутствие хищников, с — естественное вымирание хищников, лишенных пищи в виде жертв. Вероятность взаимодействия жертвы и хищника считается пропорциональной как количеству жертв, так и числу самих хищников (xy). Каждый акт взаимодействия уменьшает популяцию жертв, но способствует увеличению популяции хищников (члены -bxy и dxy в правой части уравнения).

Программная реализация

Подготовка к моделировнию

Все данные соответствуют варианту $14 = (1032186063 \mod 70) + 1$.

Инициализация библиотек

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 from scipy.integrate import odeint
```

Начальные данные и необходимые функции

Введём соответствующие нашему варианту начальные данные для построения модели:

```
1 a = 0.77

2 b = 0.077

3 c = 0.33

4 d = 0.033

5

6 v0 = [4, 9] # x0, y0

7 t = np.arange(0, 400, 0.1)
```

Создадим функцию для нашей СДУ:

Воспользуемся функцией odeint из модуля scipy.integrate и решим нашу СДУ, после чего выделим значения популяции жертв (y1) и хищников (y2)

```
1 y = odeint(syst, v0, t)
2 y1 = y[:, 0] # значенияпопуляциижертв
3 y2 = y[:, 1] # значенияпопуляциихищников
```

Построение графиков для модели

Графики численности хищников, жертв

С помощью модуля matplotlib.pyplot построим графики изменения численности хищников и жертв.

```
1 plt.title('Victims population')
2 plt.plot(t, y1)
```

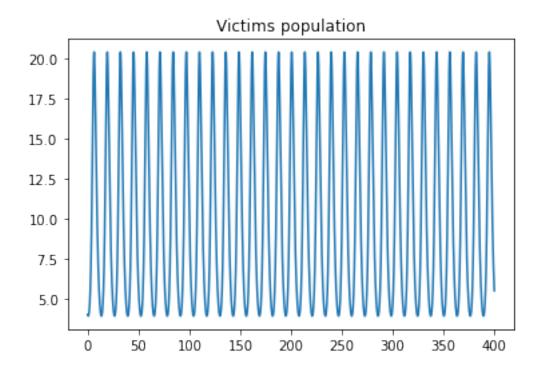


Рис. 1: График изменения численности жертв

```
1 plt.title('Predators population')
2 plt.plot(t, y2)
```

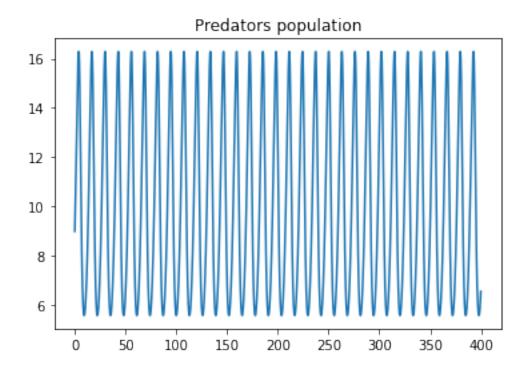


Рис. 2: График изменения численности хищников

```
1 plt.title('Victims and Predators population')
2 plt.plot(t, y1, label='victims')
3 plt.plot(t, y2, label='predators')
4 plt.legend(loc='upper right')
```

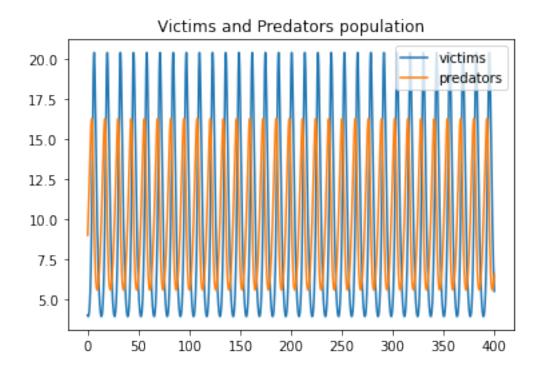


Рис. 3: График изменения численности жертв и хищников

График зависимости численности хищников от численности жертв

На следующем этапе нам необходимо вычислить точку стационарного состояния системы $(x_0=\frac{c}{d},y_0=\frac{a}{b}).$ После её нахождения - построим график зависимости численности хищников от численности жертв.

```
1 x0 = c/d
2 y0 = a/b
3
4 plt.title('Dependece of predators from victims')
5 plt.plot(y1, y2, 'steelblue')
6 plt.plot(x0, y0, color='firebrick', marker='o', label='Стационарное значение')
7 plt.legend()
8
9 print('Точка стационарногозначения : ('+ str(x0)+', '+ str(y0)+ ')')
```

Точка стационарного значения: (10.0, 10.0)

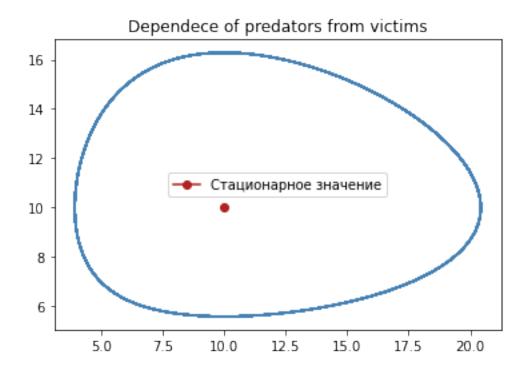


Рис. 4: График зависимости численности хищников от жертв

Выводы

Была успешно изучена теорию о модели "хищник - жертва", после чего были грамотно реализованы графики изменения популяции хищников и жертв, график зависимости количества хищников от жертв и была найдена точка стационарного состояния системы. Реализация делалась на языке Python.