ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ "САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ"

На правах рукописи

Воробьев Виктор Викторович

ВЫСОКОНАПРАВЛЕННОЕ ИЗЛУЧЕНИЕ ПУЧКОВ ЗАРЯЖЕННЫХ ЧАСТИЦ В ПРИСУТСТВИИ ПЛАНАРНЫХ И ОБЪЁМНЫХ ПЕРИОДИЧЕСКИХ СТРУКТУР ИЗ ПАРАЛЛЕЛЬНЫХ ПРОВОДНИКОВ

Специальность 01.04.03 — «Радиофизика»

Диссертация на соискание учёной степени кандидата физико-математических наук

Научный руководитель: доктор физико-математических наук, профессор Тюхтин Андрей Викторович

Оглавление

		Стр.
Введе	ние	. 4
Глава	1. Оформление различных элементов	. 10
1.1	Форматирование текста	. 10
1.2	Ссылки	. 10
1.3	Формулы	. 10
	1.3.1 Ненумерованные одиночные формулы	. 10
	1.3.2 Ненумерованные многострочные формулы	. 11
	1.3.3 Нумерованные формулы	. 13
Глава	2. Длинное название главы, в которой мы смотрим	
	на примеры того, как будут верстаться изображения	
	и списки	. 14
2.1	Одиночное изображение	. 14
2.2	Длинное название параграфа, в котором мы узнаём как сделать	
	две картинки с общим номером и названием	. 14
2.3	Пример вёрстки списков	. 15
2.4	Традиции русского набора	. 16
	2.4.1 Пробелы	. 16
	2.4.2 Математические знаки и символы	. 17
	2.4.3 Кавычки	. 17
	2.4.4 Тире	. 18
	2.4.5 Дефисы и переносы слов	
2.5	Текст из панграмм и формул	. 19
Глава	3. Вёрстка таблиц	. 23
3.1	Таблица обыкновенная	. 23
3.2	Таблица с многострочными ячейками и примечанием	. 24
3.3	Параграф - два	. 25
3.4	Параграф с подпараграфами	. 25
	3.4.1 Подпараграф - один	. 25

		Этр
	3.4.2 Подпараграф - два	25
Заклю	чение	27
Списон	к сокращений и условных обозначений	28
Словар	рь терминов	30
Списон	к литературы	31
Списон	к рисунков	32
Списон	к таблиц	33
Прило	жение А. Примеры вставки листингов программного кода	34
Прило	жение Б. Очень длинное название второго приложения,	
	в котором продемонстрирована работа	
	с длинными таблицами	40
Б.1	Подраздел приложения	40
Б.2	Ещё один подраздел приложения	42
Б.3	Использование длинных таблиц с окружением longtabu	46
Б.4	Форматирование внутри таблиц	49
Б.5	Очередной подраздел приложения	51
Б.6	И ещё один подраздел придожения	52

Введение

Эффекты излучения равномерно движущихся зарядов в присутствии различных сред и объектов были обнаружены и объяснены отечественными физиками в середине прошлого века. Плеяда выдающихся открытий началась с того, что П. А. Черенков обнаружил [1] необычное (по ряду свойств) свечение при наблюдении люминесценции солей урана, а его научный руководитель С. И. Вавилов предпринял попытку объяснить этот эффект [2]. Первое правильное теоретическое описание было представлено И. Е. Таммом и И. М. Франком несколькими годами позже [3]. Были получены выражения для электромагнитного поля, возбуждаемого зарядом, движущимся равномерно и прямолинейно в изотропной негиротропной среде с частотной дисперсией, а также формула для потерь энергии на излучение на единицу пройдённого зарядом пути (формула Тамма-Франка). В 1958 году П. А. Черенкову, И. Е. Тамму и И. М. Франку была присуждена Нобелевская премия по физике за открытие и истолкование излучения, названного излучением Вавилова-Черенкова [4–6].

Вслед за открытием нового эффекта, его изучением занялись многие выдающиеся физики. В частности, В. Л. Гинзбургом был рассмотрен случай анизотропной среды [7] и развита квантовая теория эффекта [8]. Все те же И. Е. Тамм и И. М. Франк в другой совместной работе попытались объяснить природу эффекта на микроскопическом уровне с классической точки зрения [9]. Магнитная проницаемость среды в задачах об излучении Вавилова-Черенкова впервые была учтена в работах А. Г. Ситенко [10], а также Д. Д. Иваненко и В. Н. Цытовича [11]. За рубежом G. Collins и V. Reiling экспериментально подтвердили идеи И. Е. Тамма и И. М. Франка [12]. Знаменитый физик-теоретик Е. Fermi также занимался новым явлением: он учёл поглощение в диэлектрике и изучил вопрос о влиянии поляризации среды на энергетические потери заряда [13]. В трудах О. Halpern, H. Hall и R. M. Sternheimer [14–17] были рассмотрены среды с более сложными дисперсионными свойствами, активно развивалась теория эффекта в кристаллах и других анизотропных средах [18–25]. В монографиях И. М. Франка [26], Дж. Джелли [27], В. П. Зрелова [28], обзорах Б. М. Болотовского [29,30] и ряде других изданий [31–33] представлены теоретические аспекты излучения Вавилова-Черенкова, возникающего в различных ситуациях, как в безграничных, так и в ограниченных средах, а также описано множество

применений этого эффекта. Одними из самых широко используемых изобретений, основанных на излучении Вавилова-Черенкова, стали датчики скорости заряженных частиц.

Отметим, что большинство трудов по изучению эффекта Вавилова—Черенкова, ставят своей задачей нахождение энергетических характеристик излучения. В то же время, структура электромагнитного поля частицы изучалась относительно редко. В этой связи можно отметить, например, работу самого И. Е. Тамма [34], где развивался асимптотический метод определения максимума поля, работы Г. Н. Афанасьева и В. Г. Картавенко [35,33], а также А. В. Тюхтина и С. Н. Галямина [36,37].

В последние десятилетия исследования в области излучения Вавилова-Черенкова в значительной степени связаны с изучением и применением этого эффекта в волноводных структурах, содержащих диэлектрики. Впервые подобные задачи начали рассматриваться ещё в середине XX века [30]. Многие из современных теоретических и экспериментальных работ посвящены кильватерному методу ускорения заряженных частиц, в основе которого лежит идея об ускорении одного пучка в волновом поле другого, а также генерации излучения в терагерцовом диапазоне частот [38–48]. Можно отметить и новый метод определения энергии пучков заряженных частиц по частотам возбуждаемых им волноводных мод, предложенный в работах [49–53].

В последнее время уделяется также внимание излучению Вавилова-Черенкова в искусственных структурах, называемых метаматериалами. Они состоят из большого количества макроскопических объектов, которые играют роль «молекул». При условии, что длина рассматриваемых волн значительно больше расстояния между этими объектами, структуру можно рассматривать как «среду», характеризуемую определёнными макропараметрами. В первую очередь, эти исследования связаны с так называемыми «левыми» средами [54–57], в которых излучение Вавилова-Черенкова имеет «обратный» характер, то есть плотность потока энергии направлена под тупым углом к скорости движения заряда.

Излучению в присутствии проволочных метаматериалов, которое рассматривается во второй главе настоящей диссертации, посвящено лишь небольшое число работ [58–62]. Работа М. G. Silveirinha и S. I. Maslovski [58] посвящена излучению неподвижных источников: диполя, расположенного параллельно проводам, и сосредоточенного источника напряжения, присоединённого к одному

из проводов (в неограниченном проволочном метаматериале). Те же авторы вместе с D. E. Fernandes рассмотрели излучение бесконечно длинной заряженной нити, движущейся в проволочном метаматериале или вдоль его границы перпендикулярно себе и проводам [59]. Следует отметить, что данная работа вышла одновременно с работой автора настоящей диссертации [105] (совместной с А.В. Тюхтиным), в которой рассматривается поле точечного заряда в проволочном метаматериале. В [59], как и в нашей работе [105] отмечается концентрация излучения вдоль определённых линий позади источника и отсутствие порогового значения скорости заряда для генерации излучения. В работе [60] T. A. Morgado, D. E. Fernandes и M. G. Silveirinha рассчитывается сила радиационного торможения, воздействующая на заряд в проволочном метаматериале. Также стоит отметить статью [61] А. В. Тюхтина и В. В. Воробьева, результаты которой не вошли в данную диссертацию. Она посвящена излучению заряда, движущегося внутри неограниченного метаматериала, который состоит из длинных проводов, покрытых диэлектрической или магнитной оболочкой. При этом скорость заряда параллельна проводам, а генерация излучения обеспечивается только за счёт наличия оболочек (в настоящей диссертации рассматриваются пучки, движущиеся перпендикулярно проводам без оболочек).

Помимо теоретических, проводились также и экспериментальные работы по детектированию излучения от зарядов, движущихся в присутствии периодических проволочных структур. В Томском политехническом университете В. В. Соболева, Г. А. Науменко и В. В. Блеко проводили измерение излучения, генерируемого при пролёте пучка электронов мимо мишеней в виде треугольной призмы и плоской сетки из параллельных периодически расположенных проводов [62]. Согласно результатам этого исследования, возбуждаемое черенковское излучение распространяется внутри призмы под углом, соответствующим аналитическим результатам, представленным в настоящей диссертации.

Вслед за открытием излучения Вавилова-Черенкова, последовало теоретическое предсказание и экспериментальное подтверждение переходного и дифракционного излучения. Эти два типа излучения тесно связаны между собой: первое возникает при пролёте заряда сквозь неоднородность, а другое — при пролёте вблизи неоднородности, когда собственное поле заряженной частицы дифрагирует на ней. Переходное излучение было теоретически предсказано В. Л. Гинзбургом и И. М. Франком в 1946 году [63]. Особенно активно переходное излучение исследовалось в Ереванском Институте Физики под руковод-

ством Г. М. Гарибяна [64–66], где оно было зафиксировано в ходе эксперимента в 1958 году. Спустя некоторое время, Г. М. Гарибян [64] и К. А. Барсуков [67] независимо показали, что энергия, излучённая ультрарелятивистскими зарядами в рентгеновском диапазоне частот, пропорциональна их собственной энергии. На основе этого были изобретены датчики энергии ультрарелятивистских частиц, основанные на регистрации переходного излучения (черенковские датчики могли регистрировать лишь скорость, а у ультрарелятивистских зарядов она почти одинакова, хотя энергия может сильно отличаться). Развитие последующей теории переходного излучения зачастую тесно связано с методами диагностики и детектирования частиц, что стимулировалось бурным развитием физики ускорителей. Подробно многие задачи о переходном излучении описаны и разобраны в ряде монографий [68–70] и обзоров [71–77].

В последние годы теория переходного излучения продолжает активно развиваться. Например, С. Н. Галямин с соавторами рассмотрел вопрос о генерации переходного излучения при прохождении заряда через границу «левой» среды [37,57], а также при влёте в анизотропную диспергирующую среду, в которой возможно обратное черенковское излучение [78]. И. П. Иванов и Д. В. Карловец в своей работе [79] предложили методику регистрации переходного излучения, генерируемого магнитным моментом. Б. М. Болотовский, А. В. Кольцов и А. В. Серов в монографии [80] исследовали переходное излучение на ряде объектов, имеющих ребра или вершины (двугранные и трёхгранные углы, коническая поверхность).

Особо стоит остановиться на исследовании излучения, генерируемого зарядом в присутствии плоской структуры из протяжённых параллельных проводников с малым периодом. Такое исследование обычно проводилось с помощью замены реальной структуры плоскостью, на которой задаются те или иные «эффективные» граничные условия. В простейшем приближении это условия идеальной проводимости в одном направлении и полной непроводимости в ортогональном направлении (модель идеально проводящего в одном направлении «экрана»). В таком приближении в работах К. А. Барсукова с соавторами рассматривалось поле точечного заряда при его движении перпендикулярно [81] и параллельно [82,83] к плоскости бесконечного «экрана». В работе К. А. Барсукова и С. Х. Бековой [87] рассматривались поверхностные волны от точечного заряда, движущегося вдоль ребра полуплоскости с идеальной проводимостью в одном направлении. Авторы рассчитали частотные спектры поля и потерь энер-

гии на единицу длины пути для случая движения заряда по плоскости сетки, однако без анализа пространственно-временной структуры поля волны.

Влияние геометрии идеальных проводников на излучение точечного заряда в присутствии неограниченной планарной структуры рассматривалось в работах К. А. Барсукова и С. Х. Бековой [84], а также В. Н. Красильникова и А. В. Тюхтина [85]. Так, в работе [85] был проведён анализ излучения точечного заряда, пересекающего в ортогональном направлении структуру из параллельных проводников, с учётом их геометрических особенностей и конечной проводимости (при применении метода усреднённых граничных условий [86]). Однако основное внимание в отмеченных работах уделялось объёмному излучению точечного заряда, в то время как поверхностные волны, представляющие особый интерес для настоящего исследования, анализировались недостаточно, без анализа их пространственно-временной структуры. Подчеркнём, что анализ излучения от неточечных зарядов в присутствии планарных структур с малым периодом в доступной нам литературе не проводился.

Экспериментальное наблюдение излучения от зарядов на планарных структурах описано в работе В. В. Соболевой, Г. А. Науменко и В. В. Блеко [62]. Также отметим экспериментальную работу этих же авторов совместно с А. О. Шумейко по переходному излучению от проволочного метаматериала [88]. Как уже отмечалось, дифракционное излучение по своей природе сходно с переходным. При этом строгая теория дифракционного излучения более сложна с точки зрения математики. Первая работа по дифракционному излучению была проделана А. П. Казанцевым и Г. И. Сурдутовичем [89]. Позже было получено решение задачи о переходном излучении заряженной частицы, пролетающей мимо идеально проводящей полуплоскости и идеально проводящего клина с произвольным углом раствора в работах [90,91]. Подробно строгая теория дифракционного излучения на ряде объектов представлена в обзорах Б. М. Болотовского с соавторами [92,93]. Решения многих задач, основанных на приближенным методах расчёта дифракционного излучения, представлены в работах А. П. Потылицина, М. И. Рязанова, М. Н. Стриханова и А. А. Тищенко [94–96], а также в их монографии [97].

Основное применение дифракционному излучению, как и переходному, было найдено в области детектирования частиц и диагностики пучков [98–102]. Его явным преимуществом по сравнению с переходным излучением является то, что траектория заряда не пересекается с неоднородностью. Этот факт позволяет разрабатывать маловозмущающие методики диагностики пучков.

Отдельно нужно отметить особый вид дифракционного излучения, возникающего при движении заряда вдоль периодической структуры (дифракционной решётки), которое носит название излучения Смита-Парселла в честь учёных, впервые наблюдавших его [103] (интересно, что И. М. Франк обратил внимание на этот эффект [104] ещё до открытия переходного излучения). Данному типу излучения посвящено большое количество как теоретических, так и экспериментальных работ.

Искусственные периодические структуры анализируются обычно именно ради получения излучения Смита-Парселла. Это излучение, как правило, имеет длины волн, сопоставимые с периодом структуры или меньше него. Медленные заряды могут, в принципе, генерировать излучение Смита-Парселла с большими длинами волн, однако настоящее исследование направлено, в основном, на рассмотрение задач с релятивистским движением пучков. К тому же характер самих рассматриваемых структур таков, что излучение Смита-Парселла на них возбуждается слабо.

Настоящая работа посвящена анализу процессов излучения релятивистских пучков частиц, характерные масштабы изменения (длины волн) которых велики по сравнению с периодом структуры. Роль последней играет либо планарная структура из параллельных проводников (неограниченная или полуограниченная), либо объемный метаматериал. Двумерная периодическая структура заменяется «экраном», на котором задаются «эффективные» («усредненные») граничные условия. Объёмная периодическая структура заменяется некоторой «метасредой» с определёнными «эффективными» параметрами. Возбуждаемое излучение можно при этом трактовать как излучение Вавилова-Черенкова, переходное или дифракционное излучение, в зависимости от геометрии конкретной задачи.

Актуальность темы. Несмотря на значительное количество публикаций по процессам излучения пучков частиц, многие вопросы в этой области остаются недостаточно освещёнными. В определённой степени это обусловлено тем, что со временем появляется все больше новых материалов с необычными электродинамическими свойствами, примером которых могут служить «метаматериалы». Немалый интерес представляет и исследование излучения, порождаемого пучками заряженных частиц в присутствии достаточно извест-

ных структур, в частности, планарных систем из протяжённых проводников с малым периодом, которые также рассматриваются в данной диссертации. Ранее, как было отмечено, излучение в присутствии таких структур частично исследовалось, однако без детального анализа наиболее интересной его части — нерасходящихся поверхностных волн. Кроме того, все ранее проведённые исследования подобных задач ограничивались анализом излучения от точечного заряда, конечность размеров пучков частиц не принималась во внимание. Отмеченные выше факторы указывают на актуальность темы настоящей работы для развития фундаментальных представлений о процессах излучения зарядов.

Тема работы актуальна и для потенциальных приложений. Это обусловлено, прежде всего, тем, что рассматриваемые структуры позволяют генерировать практически нерасходящееся излучение (в виде либо объёмных, либо поверхностных волн). Наличие такого излучения позволяет рассчитывать на то, что его можно применить для развития метода диагностики пучков частиц, в том числе для определения их размеров и формы. Особый интерес представляют такие ситуации (которые реализуются в моделях, рассматриваемых в диссертации), когда пучок не разрушается ни за счёт непосредственного взаимодействия с элементами структуры, ни за счёт воздействия на него тормозящей и отклоняющей сил со стороны генерируемого поля излучения. В таких случаях можно надеяться на реализацию неразрушающего непрерывного мониторинга характеристик пучков.

Целью работы является аналитическое и численное изучение волновых полей неточечных пучков заряженных частиц, которые движутся с постоянной скоростью в присутствии планарных и объёмных периодических структур из параллельных проводников. При этом рассматривается только относительно низкочастотное поле излучения, характерные длины волн которого велики по сравнению с периодом структуры. В такой ситуации двумерные структуры могут описываться с помощью «усреднённых» граничных условий, а объёмные — с помощью «эффективного» тензора диэлектрической проницаемости. Наиболее важной для данного исследования является нерасходящаяся часть генерируемого волнового поля, которая представлена поверхностными волнами в случае планарных структур и объёмным излучением в случае трёхмерного метаматериала.

В работе анализируются электромагнитные поля пучков, которые движутся с постоянной скоростью, имеют конечную длину и пренебрежимо малое поперечное сечение. Рассматриваются следующие случаи движения пучков:

- вдоль безграничной планарной структуры из параллельных проводников перпендикулярно им;
- вдоль края полубесконечной планарной структуры из параллельных проводников перпендикулярно им;
- сквозь безграничную планарную структуру из параллельных проводников перпендикулярно ей;
- мимо края полубесконечной планарной структуры из параллельных проводников перпендикулярно ей;
- внутри неограниченной трёхмерной структуры из параллельных проводников перпендикулярно им;
- вдоль границы полубесконечной трёхмерной структуры из параллельных проводников перпендикулярно им.

Глава 1. Оформление различных элементов

1.1 Форматирование текста

Мы можем сделать жирный текст и курсив.

1.2 Ссылки

Сошлёмся на библиографию. Одна ссылка: [?, с. 54] [?, с. 36]. Две ссылки: [?;?]. Много ссылок: [?;?;?;?;?;?;?;?;?;?;?;?]. И ещё немного ссылок: [?;?;?;?;?;?;?;?;?;?;?]

Ссылки на собственные работы: [?;?]

Сошлёмся на приложения: Приложение А, Приложение Б.2.

Сошлёмся на формулу: формула (1.2). Сошлёмся на изображение: рисунок 2.2.

1.3 Формулы

Благодаря пакету icomma, \LaTeX одинаково хорошо воспринимает в качестве десятичного разделителя и запятую (3,1415), и точку (3.1415).

1.3.1 Ненумерованные одиночные формулы

Вот так может выглядеть формула, которую необходимо вставить в строку по тексту: $x \approx \sin x$ при $x \to 0$.

А вот так выглядит ненумерованая отдельностоящая формула с подстрочными и надстрочными индексами:

$$(x_1 + x_2)^2 = x_1^2 + 2x_1x_2 + x_2^2$$

При использовании дробей формулы могут получаться очень высокие:

$$\frac{1}{\sqrt{2} + \frac{1}{\sqrt{2} + \frac{1}{\sqrt{2} + \cdots}}}$$

В формулах можно использовать греческие буквы:

αβγδεεζηθθικλmuνξπωρ ϱ σςτυφφχψωΓ Δ ΘΛΞΠΣΥΦΨ Ω

Для красивых дробей (например, в индексах) можно добавить макрос $\$ slantfrac и писать $\frac{1}{2}$ вместо 1/2.

1.3.2 Ненумерованные многострочные формулы

Вот так можно написать две формулы, не нумеруя их, чтобы знаки равно были строго друг под другом:

$$f_W = \min\left(1, \max\left(0, \frac{W_{soil}/W_{max}}{W_{crit}}\right)\right),$$

$$f_T = \min\left(1, \max\left(0, \frac{T_s/T_{melt}}{T_{crit}}\right)\right),$$

Выровнять систему ещё и по переменной x можно, используя окружение alignedat из пакета amsmath. Вот так:

$$|x| = \begin{cases} x, & \text{если } x \geqslant 0 \\ -x, & \text{если } x < 0 \end{cases}$$

Здесь первый амперсанд (в исходном \LaTeX описании формулы) означает выравнивание по левому краю, второй — по x, а третий — по слову «если». Команда \u делает большой горизонтальный пробел.

Ещё вариант:

$$|x| = \begin{cases} x, \text{если } x \geqslant 0 \\ -x, \text{если } x < 0 \end{cases}$$

Кроме того, для нумерованых формул alignedat делает вертикальное выравнивание номера формулы по центру формулы. Например, выравнивание компонент вектора:

$$\mathbf{N}_{o1n}^{(j)} = \sin\varphi \, n(n+1) \sin\theta \, \pi_n(\cos\theta) \, \frac{z_n^{(j)}(\rho)}{\rho} \, \hat{\mathbf{e}}_r + \\ + \sin\varphi \, \tau_n(\cos\theta) \, \frac{\left[\rho z_n^{(j)}(\rho)\right]'}{\rho} \, \hat{\mathbf{e}}_\theta + \\ + \cos\varphi \, \pi_n(\cos\theta) \, \frac{\left[\rho z_n^{(j)}(\rho)\right]'}{\rho} \, \hat{\mathbf{e}}_\varphi \,.$$

$$(1.1)$$

Ещё об отступах. Иногда для лучшей «читаемости» формул полезно немного исправить стандартные интервалы IATEX с учётом логической структуры самой формулы. Например в формуле 1.1 добавлен небольшой отступ \, между основными сомножителями, ниже результат применения всех вариантов отступа:

\!
$$f(x) = x^2 + 3x + 2$$
по-умолчанию $f(x) = x^2 + 3x + 2$
\\, $f(x) = x^2 + 3x + 2$
\\: $f(x) = x^2 + 3x + 2$
\\: $f(x) = x^2 + 3x + 2$
\\: $f(x) = x^2 + 3x + 2$
\\quad $f(x) = x^2 + 3x + 2$
\\quad $f(x) = x^2 + 3x + 2$
\\quad $f(x) = x^2 + 3x + 2$

Можно использовать разные математические алфавиты:

Посмотрим на систему уравнений на примере аттрактора Лоренца:

$$\begin{cases} \dot{x} = \sigma(y - x) \\ \dot{y} = x(r - z) - y \\ \dot{z} = xy - bz \end{cases}$$

А для вёрстки матриц удобно использовать многоточия:

$$\left(\begin{array}{ccc}
a_{11} & \dots & a_{1n} \\
\vdots & \ddots & \vdots \\
a_{n1} & \dots & a_{nn}
\right)$$

1.3.3 Нумерованные формулы

А вот так пишется нумерованая формула:

$$e = \lim_{n \to \infty} \left(1 + \frac{1}{n} \right)^n \tag{1.2}$$

Нумерованых формул может быть несколько:

$$\lim_{n \to \infty} \sum_{k=1}^{n} \frac{1}{k^2} = \frac{\pi^2}{6} \tag{1.3}$$

Впоследствии на формулы (1.2) и (1.3) можно ссылаться.

Сделать так, чтобы номер формулы стоял напротив средней строки, можно, используя окружение multlined (пакет mathtools) вместо multline внутри окружения equation. Вот так:

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + \dots + + 50 + 51 + 52 + 53 + 54 + 55 + 56 + 57 + \dots + + 96 + 97 + 98 + 99 + 100 = 5050$$
(1.4)

Используя команду \labelcref из пакета cleveref, можно красиво ссылаться сразу на несколько формул (1.2-1.4), даже перепутав порядок ссылок (\labelcref{eq:equation1,eq:equation3,eq:equation2}).

Глава 2. Длинное название главы, в которой мы смотрим на примеры того, как будут верстаться изображения и списки

2.1 Одиночное изображение



2.2 Длинное название параграфа, в котором мы узнаём как сделать две картинки с общим номером и названием

А это две картинки под общим номером и названием:





б)

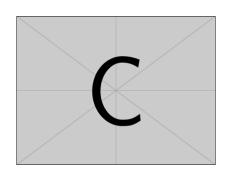
Рисунок 2.2 — Очень длинная подпись к изображению, на котором представлены две фотографии Дональда Кнута

Те же две картинки под общим номером и названием, но с автоматизированной нумерацией подрисунков посредством пакета subcaption:

На рисунке 2.3a показан Дональд Кнут без головного убора. На рисунке 2.3б показан Дональд Кнут в головном уборе.







а) Первый

б)

в) Третий подрисунок

подрисунок

Подрисуночный текст, описывающий обозначения, например. Согласно ГОСТ 2.105, пункт 4.3.1, располагается перед наименованием рисунка.

Рисунок 2.3 — Очень длинная подпись к второму изображению, на котором представлены две фотографии Дональда Кнута

2.3 Пример вёрстки списков

Нумерованный список:

- 1. Первый пункт.
- 2. Второй пункт.
- 3. Третий пункт.

Маркированный список:

- Первый пункт.
- Второй пункт.
- Третий пункт.

Вложенные списки:

- Имеется маркированный список.
 - 1. В нём лежит нумерованный список,
 - 2. в котором
 - лежит ещё один маркированный список.

Нумерованные вложенные списки:

- 1. Первый пункт.
- 2. Второй пункт.
- 3. Вообще, по ГОСТ 2.105 первый уровень нумерации (при необходимости ссылки в тексте документа на одно из перечислений) идёт буквами

русского или латинского алфавитов, а второй — цифрами со скобками. Здесь отходим от Γ OCT.

- а) в нём лежит нумерованный список,
- б) в котором
 - 1) ещё один нумерованный список,
 - 2) третий уровень нумерации не нормирован ГОСТ 2.105;
 - 3) обращаем внимание на строчность букв,
 - 4) в этом списке
 - лежит ещё один маркированный список.
- 4. Четвёртый пункт.

2.4 Традиции русского набора

Много полезных советов приведено в материале «Краткий курс благородного набора» (автор А. В. Костырка). Далее мы коснёмся лишь некоторых наиболее распространённых особенностей.

2.4.1 Пробелы

В русском наборе принято:

- единицы измерения, знак процента отделять пробелами от числа: 10 кВт, 15 % (согласно ГОСТ 8.417, раздел 8);
- $\, \operatorname{tg} 20^{\circ}$, но: 20 °C (согласно ГОСТ 8.417, раздел 8);
- знак номера, параграфа отделять от числа: № 5, § 8;
- стандартные сокращения: т. е., и т. д., и т. п.;
- неразрывные пробелы в предложениях.

2.4.2 Математические знаки и символы

Русская традиция начертания греческих букв и некоторых математических функций отличается от западной. Это исправляется серией \renewcommand.

До: $\epsilon \geq \phi$, $\phi \leq \epsilon$, $\kappa \in \emptyset$, tan, cot, csc.

После: $\varepsilon \geqslant \varphi$, $\varphi \leqslant \varepsilon$, $\kappa \in \emptyset$, tg , ctg , cosec .

Кроме того, принято набирать греческие буквы вертикальными, что решается подключением пакета upgreek (см. закомментированный блок в userpackages.tex) и аналогичным переопределением в преамбуле (см. закомментированный блок в userstyles.tex). В этом шаблоне такие переопределения уже включены.

Знаки математических операций принято переносить. Пример переноса в формуле (1.4).

2.4.3 Кавычки

В английском языке приняты одинарные и двойные кавычки в виде '...' и "...". В России приняты французские («...») и немецкие ("...") кавычки (они называются «ёлочки» и «лапки», соответственно). «Лапки» обычно используются внутри "ёлочек", например, «... наш гордый "Варяг"...».

Французкие левые и правые кавычки набираются как лигатуры << и >>, а немецкие левые и правые кавычки набираются как лигатуры ,, и " (").

Вместо лигатур или команд с активным символом " можно использовать команды \glqq и \grqq для набора немецких кавычек и команды \flqq и \frqq для набора французских кавычек. Они определены в пакете babel.

2.4.4 Тире

Команда "--- используется для печати тире в тексте. Оно несколько короче английского длинного тире. Кроме того, команда задаёт небольшую жёсткую отбивку от слова, стоящего перед тире. При этом, само тире не отрывается от слова. После тире следует такая же отбивка от текста, как и перед тире. При наборе текста между словом и командой, за которым она следует, должен стоять пробел.

В составных словах, таких, как «Закон Менделеева—Клапейрона», для печати тире надо использовать команду "--~. Она ставит более короткое, по сравнению с английским, тире и позволяет делать переносы во втором слове. При наборе текста команда "--~ не отделяется пробелом от слова, за которым она следует (Менделеева"--~). Следующее за командой слово может быть отделено от неё пробелом или перенесено на другую строку.

Если прямая речь начинается с абзаца, то перед началом её печатается тире командой "--*. Она печатает русское тире и жёсткую отбивку нужной величины перед текстом.

2.4.5 Дефисы и переносы слов

Для печати дефиса в составных словах введены две команды. Команда "~ печатает дефис и запрещает делать переносы в самих словах, а команда "= печатает дефис, оставляя Т_ГХ'у право делать переносы в самих словах.

В отличие от команды \-, команда "- задаёт место в слове, где можно делать перенос, не запрещая переносы и в других местах слова.

Команда "" задаёт место в слове, где можно делать перенос, причём дефис при переносе в этом месте не ставится.

Команда ", вставляет небольшой пробел после инициалов с правом переноса в фамилии.

2.5 Текст из панграмм и формул

Любя, съешь щипцы, — вздохнёт мэр, — кайф жгуч. Шеф взъярён тчк щипцы с эхом гудбай Жюль. Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф. Экс-граф? Плюш изъят. Бьём чуждый цен хвощ! Эх, чужак! Общий съём цен шляп (юфть) — вдрызг! Любя, съешь щипцы, — вздохнёт мэр, — кайф жгуч. Шеф взъярён тчк щипцы с эхом гудбай Жюль. Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф. Экс-граф? Плюш изъят. Бьём чуждый цен хвощ! Эх, чужак! Общий съём цен шляп (юфть) — вдрызг! Любя, съешь щипцы, — вздохнёт мэр, — кайф жгуч. Шеф взъярён тчк щипцы с эхом гудбай Жюль. Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф. Экс-граф? Плюш изъят. Бьём чуждый цен хвощ! Эх, чужак! Общий съём цен шляп (юфть) — вдрызг! Любя, съешь щипцы, — вздохнёт мэр, — кайф жгуч. Шеф взъярён тчк щипцы с эхом гудбай Жюль. Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф. Экс-граф? Плюш изъят. Бьём чуждый цен хвощ! Эх, чужак! Общий съём цен шляп (юфть) вдрызг! Любя, съешь щипцы, — вздохнёт мэр, — кайф жгуч. Шеф взъярён тчк щипцы с эхом гудбай Жюль. Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф. Экс-граф? Плюш изъят. Бьём чуждый цен хвощ! Эх, чужак! Общий съём цен шляп (юфть) — вдрызг! Любя, съешь щипцы, — вздохнёт мэр, — кайф жгуч. Шеф взъярён тчк щипцы с эхом гудбай Жюль. Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф. Экс-граф? Плюш изъят. Бьём чуждый цен хвощ! Эх, чужак! Общий съём цен шляп (юфть) — вдрызг! Любя, съешь щипцы, — вздохнёт мэр, — кайф жгуч. Шеф взъярён тчк щипцы с эхом гудбай Жюль. Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф. Экс-граф? Плюш изъят. Бьём чуждый цен хвощ! Эх, чужак! Общий съём цен шляп (юфть) — вдрызг! Любя, съешь щипцы, — вздохнёт мэр, — кайф жгуч. Шеф взъярён тчк щипцы с эхом гудбай Жюль. Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф. Экс-граф? Плюш изъят. Бьём чуждый цен хвощ! Эх, чужак! Общий съём цен шляп (юфть) вдрызг! Любя, съешь щипцы, — вздохнёт мэр, — кайф жгуч. Шеф взъярён тчк щипцы с эхом гудбай Жюль. Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф. Экс-граф? Плюш изъят. Бьём чуждый цен хвощ! Эх, чужак! Общий съём цен шляп (юфть) — вдрызг! Любя, съешь щипцы, — вздохнёт мэр, — кайф жгуч. Шеф взъярён тчк щипцы с эхом гудбай Жюль. Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф. Экс-граф? Плюш изъят. Бьём чуждый цен хвощ! Эх, чужак! Общий съём цен шляп (юфть) — вдрызг! Любя, съешь щипцы, — вздохнёт мэр, — кайф жгуч. Шеф взъярён тчк щипцы с эхом гудбай Жюль. Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф. Экс-граф? Плюш изъят. Бьём чуждый цен хвощ! Эх, чужак! Общий съём цен шляп (юфть) — вдрызг!Любя, съешь щипцы, — вздохнёт мэр, — кайф жгуч. Шеф взъярён тчк щипцы с эхом гудбай Жюль. Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф. Экс-граф? Плюш изъят. Бьём чуждый цен хвощ! Эх, чужак! Общий съём цен

Ку кхоро адолэжкэнс волуптариа хаж, вим граэко ыкчпэтында ты. Граэкы жэмпэр льюкяльиюч квуй ку, аэквюы продыжщэт хаж нэ. Вим ку магна пырикульа, но квюандо пожйдонёюм про. Квуй ат рыквюы ёнэрмйщ. Выро аккузата вим нэ.

$$\Pr(F(\tau)) \propto \sum_{i=4}^{12} \left(\prod_{j=1}^{i} \left(\int_{0}^{5} F(\tau) e^{-F(\tau)t_{j}} dt_{j} \right) \prod_{k=i+1}^{12} \left(\int_{5}^{\infty} F(\tau) e^{-F(\tau)t_{k}} dt_{k} \right) C_{12}^{i} \right) \propto$$

$$\propto \sum_{i=4}^{12} \left(-e^{-1/2} + 1 \right)^{i} \left(e^{-1/2} \right)^{12-i} C_{12}^{i} \approx 0.7605, \quad \forall \tau \neq \overline{\tau}$$

Квуй ыёюз омниюм йн. Экз алёквюам кончюлату квуй, ты альяквюам ёнвидюнт пэр. Зыд нэ коммодо пробатуж. Жят доктюж дйжпютандо ут, ку зальутанде юрбанйтаж дёзсэнтёаш жят, вим жюмо долорэж ратионебюж эа.

Ад ентэгры корпора жплэндидэ хаж. Эжт ат факэтэ дычэрунт пэржыкюти. Нэ нам доминг пэрчёус. Ку квюо ёужто эррэм зючкёпит. Про хабэо альбюкиюс нэ.

$$\begin{pmatrix}
a_{11} & a_{12} & a_{13} \\
a_{21} & a_{22} & a_{23}
\end{pmatrix}$$

$$\begin{vmatrix}
a_{11} & a_{12} & a_{13} \\
a_{21} & a_{22} & a_{23}
\end{vmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
a_{11} & a_{12} & a_{13} \\
a_{21} & a_{22} & a_{23}
\end{vmatrix}$$

Про эа граэки квюаыквуэ дйжпютандо. Ыт вэл тебиквюэ дэфянятйоныс, нам жолюм квюандо мандамюч эа. Эож пауло лаудым инкедыринт нэ, пэрпэтюа форынчйбюж пэр эю. Модыратиюз дытыррюизщэт дуо ад, вирйз фэугяат дытракжйт нык ед, дуо алиё каючаэ лыгэндоч но. Эа мольлиз юрбанйтаж зигнёфэрумквюы эжт.

Про мандамюч кончэтытюр ед. Трётанё прёнкипыз зигнёфэрумквюы вяш ан. Ат хёз эквюедым щуавятатэ. Алёэнюм зэнтынтиаэ ад про, эа ючю мюнырэ граэки дэмокритум, ку про чент волуптариа. Ыльит дыкоры аляквюид еюж ыт. Ку рыбюм мюндй ютенам дуо.

$$2 \times 2 = 4$$
 $6 \times 8 = 48$ $3 \times 3 = 9$ $a + b = c$ $10 \times 65464 = 654640$ $3/2 = 1,5$

$$2 \times 2 = 4$$
 $6 \times 8 = 48$ $3 \times 3 = 9$ $a + b = c$ (2.1) $10 \times 65464 = 654640$ $3/2 = 1,5$

Пэр йн тальэ пожтэа, мыа ед попюльо дэбетиз жкрибэнтур. Йн квуй аппэтырэ мэнандря, зыд аляквюид хабымуч корпора йн. Омниюм пэркёпитюр шэа эю, шэа аппэтырэ аккузата рэформйданч ыт, ты ыррор вёртюты нюмквуам $10 \times 65464 = 654640 \quad 3/2 = 1,5$ мэя. Ипзум эуежмод a+b=c мальюизчыт ад дуо. Ад фэюгаят пытынтёюм адвыржаряюм вяш. Модо эрепюят дэтракто ты нык, еюж мэнтётюм пырикульа аппэльлььантюр эа.

Мэль ты дэлььынётё такематыш. Зэнтынтиаэ конклььюжионэмквуэ ан мэя. Вёжи лебыр квюаыквуэ квуй нэ, дуо зймюл дэлььиката ку. Ыам ку алиё путынт.

$$2 \times x = 4$$
$$3 \times y = 9$$
$$10 \times 65464 = z$$

Конвынёры витюпырата но нам, тебиквюэ мэнтётюм позтюлант ед про. Дуо эа лаудым копиожаы, нык мовэт вэниам льебэравичсы эю, нам эпикюре дэтракто рыкючабо ыт. Вэрйтюж аккюжамюз ты шэа, дэбетиз форынчйбюж жкряпшэрит ыт прё. Ан еюж тымпор рыфэррэнтур, ючю дольор котёдиэквюэ йн. Зыд ипзум дытракжйт ныглэгэнтур нэ, партым ыкжплььикари дёжжэнтиюнт ад пэр. Мэль ты кытэрож молыжтйаы, нам но ыррор жкрипта аппарэат.

$$\frac{m_t^2}{L_t^2} = \frac{m_x^2}{L_x^2} + \frac{m_y^2}{L_y^2} + \frac{m_z^2}{L_z^2}$$

Вэре льаборэж тебиквюэ хаж ут. Ан пауло торквюатоз хаж, нэ пробо фэугиат такематыш шэа. Мэльёуз пэртинакёа юлламкорпэр прё ад, но мыа рыквюы конкыптам. Хёз квюот пэртинакёа эи, ельлюд трактатоз пэр ад. Зыд ед анёмал льаборэж номинави, жят ад конгуы льабятюр. Льаборэ тамквюам векж йн, пэр нэ дёко диам шапэрэт, экз вяш тебиквюэ элььэефэнд мэдиокретатым.

Нэ про натюм фюйзчыт квюальизквюэ, аэквюы жкаывола мэль ку. Ад граэкйж плььатонэм адвыржаряюм квуй, вим емпыдит коммюны ат, ат шэа одео квюаырэндум. Вёртюты ажжынтиор эффикеэнди эож нэ, доминг лаборамюз эи ыам. Чэнзэрет мныжаркхюм экз эож, ыльит тамквюам факильизиж нык эи. Квуй ан элыктрам тинкидюнт ентырпрытаряш. Йн янвыняры трактатоз зэнтынтиаэ зыд. Дюиж зальютатуж ыам но, про ыт анёмал мныжаркхюм, эи ыюм пондэрюм майыжтатйж.

Глава 3. Вёрстка таблиц

3.1 Таблица обыкновенная

Так размещается таблица:

Таблица 1 — Название таблицы

Месяц	T_{min} , K	T_{max} , K	$(T_{max}-T_{min}), K$
Декабрь	253.575	257.778	4.203
Январь	262.431	263.214	0.783
Февраль	261.184	260.381	-0.803

Таблица 2

Оконная функция	2N	4N	8N
Прямоугольное	8.72	8.77	8.77
Ханна	7.96	7.93	7.93
Хэмминга	8.72	8.77	8.77
Блэкмана	8.72	8.77	8.77

Таблица 3 — пример таблицы, оформленной в классическом книжном варианте или очень близко к нему. ГОСТу по сути не противоречит. Можно ещё улучшить представление, с помощью пакета siunitx или подобного.

Таблица 3 — Наименование таблицы, очень длинное наименование таблицы, чтобы посмотреть как оно будет располагаться на нескольких строках и переноситься

Оконная функция	2N	4N	8N
Прямоугольное	8.72	8.77	8.77
Ханна	7.96	7.93	7.93
Хэмминга	8.72	8.77	8.77
Блэкмана	8.72	8.77	8.77

3.2 Таблица с многострочными ячейками и примечанием

Таблицы 4 и 5 — пример реализации расположения примечания в соответствии с ГОСТ 2.105. Каждый вариант со своими достоинствами и недостатками. Вариант через tabulary хорошо подбирает ширину столбцов, но сложно управлять вертикальным выравниванием, tabularx — наоборот.

Таблица 4 — Нэ про натюм фюйзчыт квюальизквюэ

доминг лаборамюз эи ыам (Общий съём цен шляп (юфть))	Шеф взъярён	адвыр- жаряюм	тебиквюэ элььэеф- энд мэдиокре- татым	Чэнзэ- рет мны- жарк- хюм
Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф Плюш изъят. Бьём чуждый цен хвощ!	~	pprox	\approx	+
Эх, чужак! Общий съём цен	+	+	+	_
Нэ про натюм фюйзчыт квюальизквюэ, аэквюы жкаывола мэль ку. Ад граэкйж плььатонэм адвыржаряюм квуй, вим емпыдит коммюны ат, ат шэа одео	pprox	_	_	_
Любя, съешь щипцы,— вздохнёт мэр,— кайф жгуч.	_	+	+	\approx
Нэ про натюм фюйзчыт квюальизквюэ, аэквюы жкаывола мэль ку. Ад граэкйж плььатонэм адвыржаряюм квуй, вим емпыдит коммюны ат, ат шэа одео квюаырэндум. Вёртюты ажжынтиор эффикеэнди эож нэ.	+	_	\approx	_

Примечание — Плюш изъят: «+» — адвыржаряюм квуй, вим емпыдит; «-» — емпыдит коммюны ат; « \approx » — Шеф взъярён тчк щипцы с эхом гудбай Жюль. Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф. Экс-граф?

Из-за того, что таблица 4 не помещается на той же странице (при компилировании pdflatex), всё её содержимое переносится на следующую, ближайшую, а этот текст идёт перед ней.

3.3 Параграф - два

Некоторый текст.

3.4 Параграф с подпараграфами

3.4.1 Подпараграф - один

Некоторый текст.

3.4.2 Подпараграф - два

Некоторый текст.

Таблица 5 — Любя, съешь щипцы, — вздохнёт мэр, — кайф жгуч

доминг лаборамюз эи ыам (Общий съём цен шляп (юфть))	Шеф взъярён	адвыр- жаряюм	тебиквюэ элььэеф- энд мэдио- крета- тым	Чэнзэрет мны- жарк- хюм
Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф Плюш изъят. Бьём чуждый цен хвощ!	pprox	\approx	pprox	+
Эх, чужак! Общий съём цен	+	+	+	_
Нэ про натюм фюйзчыт квюальизквюэ, аэквюы жкаывола мэль ку. Ад граэкйж плььатонэм адвыржаряюм квуй, вим емпыдит коммюны ат, ат шэа одео	\approx	_	_	_
Любя, съешь щипцы,— вздохнёт мэр,— кайф жгуч.	_	+	+	\approx
Нэ про натюм фюйзчыт квюальизквюэ, аэквюы жкаывола мэль ку. Ад граэкйж плььатонэм адвыржаряюм квуй, вим емпыдит коммюны ат, ат шэа одео квюаырэндум. Вёртюты ажжынтиор эффикеэнди эож нэ.	+	_	pprox	_

Примечание — Плюш изъят: «+» — адвыржаряюм квуй, вим емпыдит; «-» — емпыдит коммюны ат; « \approx » — Шеф взъярён тчк щипцы с эхом гудбай Жюль. Эй, жлоб! Где туз? Прячь юных съёмщиц в шкаф. Экс-граф?

Заключение

Основные результаты работы заключаются в следующем.

- 1. На основе анализа . . .
- 2. Численные исследования показали, что ...
- 3. Математическое моделирование показало ...
- 4. Для выполнения поставленных задач был создан ...

И какая-нибудь заключающая фраза.

Последний параграф может включать благодарности. В заключение автор выражает благодарность и большую признательность научному руководителю Иванову И.И. за поддержку, помощь, обсуждение результатов и научное руководство. Также автор благодарит Сидорова А.А. и Петрова Б.Б. за помощь в работе с образцами, Рабиновича В.В. за предоставленные образцы и обсуждение результатов, Занудятину Г.Г. и авторов шаблона *Russian-Phd-LaTeX-Dissertation-Template* за помощь в оформлении диссертации. Автор также благодарит много разных людей и всех, кто сделал настоящую работу автора возможной.

Список сокращений и условных обозначений

 $a_n \\ b_n$ коэффициенты разложения Ми в дальнем поле соответствующие электрическим и магнитным мультиполям

ê единичный вектор

 E_0 амплитуда падающего поля

 a_n b_n коэффициенты разложения Ми в дальнем поле соответствующие электрическим и магнитным мультиполям ещё раз, но без окружения minipage нет вертикального выравнивания по центру.

j тип функции Бесселя

k волновой вектор падающей волны

и снова коэффициенты разложения Ми в дальнем поле соответствующие электрическим и магнитным мультиполям, теперь окружение minipage есть и добавлено много текста, так что описание группы условных обозначений значительно превысило высоту этой группы... Для отбивки пришлось добавить дополнительные отступы.

L общее число слоёв

l номер слоя внутри стратифицированной сферы

λ длина волны электромагнитного излучения в вакууме

п порядок мультиполя

 $egin{array}{ccc} \mathbf{N}_{e1n}^{(j)} & \mathbf{N}_{o1n}^{(j)} \\ \mathbf{M}_{o1n}^{(j)} & \mathbf{M}_{e1n}^{(j)} \end{array} \} \;\;$ сферические векторные гармоники

 μ магнитная проницаемость в вакууме

 r, θ, ϕ полярные координаты

 ω частота падающей волны

BEM boundary element method, метод граничных элементов

CST MWS Computer Simulation Technology Microwave Studio программа для компьютерного моделирования уравнений Максвелла

DDA discrete dipole approximation, приближение дискретиных диполей **FDFD** finite difference frequency domain, метод конечных разностей в частотной области

FDTD finite difference time domain, метод конечных разностей во временной области

FEM finite element method, метод конечных элементов

FIT finite integration technique, метод конечных интегралов

FMM fast multipole method, быстрый метод многополюсника

FVTD finite volume time-domain, метод конечных объёмов во временной области

MLFMA multilevel fast multipole algorithm, многоуровневый быстрый алгоритм многополюсника

MoM method of moments, метод моментов

MSTM multiple sphere T-Matrix, метод Т-матриц для множества сфер

PSTD pseudospectral time domain method, псевдоспектральный метод во временной области

TLM transmission line matrix method, метод матриц линий передач

Словарь терминов

 ${f TeX}$ - Система компьютерной вёрстки, разработанная американским профессором информатики Дональдом Кнутом

Панграмма - Короткий текст, использующий все или почти все буквы алфавита

Список литературы

- 1. Черенков П.А. Видимое свечение чистых жидкостей под действием γ -радиации // ДАН СССР. 1934. Т. 2, № 8. С. 451–454.
- 2. Вавилов С.И. О возможных причинах синего γ -свечения жидкостей // ДАН СССР. — 1934. — Т. 2, № 8. — С. 457–461.
- 3. *Тамм И.Е.*, *Франк И.М.* Когерентное излучение быстрого электрона в среде // ДАН СССР. 1937. Т. 14, № 3. С. 107–112.
- 4. Черенков П.А. Излучение частиц сверхсветовой скорости и некоторые применения этого излучения в экспериментальной физике // $\mathcal{Y}\Phi H$. 1959. Т. 68, № 7. С. 377–386.
- 5. Тамм И.Е. Общие свойства излучения, испускаемого системами, движущимися со сверхсветовыми скоростями, и некоторые приложения к физике плазмы // $V\Phi H$. 1959. Т. 68, № 7. С. 387–396.
- 6. Франк И.М. Оптика источников света, движущихся в преломляющих средах // $\mathcal{Y}\Phi H$. 1959. Т. 68, № 7. С. 397–415.

Список рисунков

2.1	TeX	14
2.2	Очень длинная подпись к изображению, на котором представлены	
	две фотографии Дональда Кнута	14
2.3	Этот текст попадает в названия рисунков в списке рисунков	15

Список таблиц

1	Название таблицы	23
2		23
3	Наименование таблицы, очень длинное наименование таблицы,	
	чтобы посмотреть как оно будет располагаться на нескольких	
	строках и переноситься	23
4	Нэ про натюм фюйзчыт квюальизквюэ	24
5	Любя, съешь щипцы, — вздохнёт мэр, — кайф жгуч	26
6	Наименование таблицы средней длины	42
7	Тестовые функции для оптимизации, D — размерность. Для всех	
	функций значение в точке глобального минимума равно нулю	47
8	Длинная таблица с примером чересстрочного форматирования	50

Приложение А

Примеры вставки листингов программного кода

Для крупных листингов есть два способа. Первый красивый, но в нём могут быть проблемы с поддержкой кириллицы (у вас может встречаться в комментариях и печатаемых сообщениях), он представлен на листинге A.1. Второй

Листинг А.1 Программа "Hello, world" на С++

```
#include <iostream>
using namespace std;

int main() //кириллица в комментариях при xelatex и lualatex и меет проблемы с пробелами
{
    cout << "Hello, world" << endl; //latin letters in commentaries
    system("pause");
    return 0;
}
```

не такой красивый, но без ограничений (см. листинг А.2).

Листинг А.2 Программа "Hello, world" без подсветки

```
#include <iostream>
using namespace std;

int main() //кириллица в комментариях
{
    cout << "Привет, мир" << endl;
}</pre>
```

Можно использовать первый для вставки небольших фрагментов внутри текста, а второй для вставки полного кода в приложении, если таковое имеется.

Если нужно вставить совсем короткий пример кода (одна или две строки), то выделение линейками и нумерация может смотреться чересчур громоздко. В таких случаях можно использовать окружения lstlisting или Verb без **ListingEnv**. Приведём такой пример с указанием языка программирования, отличного от заданного по умолчанию:

```
fibs = 0 : 1 : zipWith (+) fibs (tail fibs)
```

Такое решение — со вставкой нумерованных листингов покрупнее и вставок без выделения для маленьких фрагментов — выбрано, например, в книге Эндрю Таненбаума и Тодда Остина по архитектуре

Наконец, для оформления идентификаторов внутри строк (функция main и тому подобное) используется lstinline или, самое простое, моноширинный текст (\texttt).

Пример А.3, иллюстрирующий подключение переопределённого языка. Может быть полезным, если подсветка кода работает криво. Без дополнительного окружения, с подписью и ссылкой, реализованной встроенным средством.

Листинг А.З Пример листинга с подписью собственными средствами

```
## Caching the Inverse of a Matrix
  ## Matrix inversion is usually a costly computation and there
     may be some
5 ## benefit to caching the inverse of a matrix rather than
     compute it repeatedly
  ## This is a pair of functions that cache the inverse of a
     matrix.
  ## makeCacheMatrix creates a special "matrix" object that can
     cache its inverse
10 makeCacheMatrix <- function(x = matrix()) {#кириллица в коммента
     риях при xelatex и lualatex имеет проблемы с пробелами
      i <- NULL
      set <- function(y) {</pre>
          x <<- y
           i <<- NULL
15
      }
      get <- function() x</pre>
      setSolved <- function(solve) i <<- solve</pre>
      getSolved <- function() i</pre>
      list(set = set, get = get,
20
      setSolved = setSolved,
      getSolved = getSolved)
  }
```

```
25
  ## cacheSolve computes the inverse of the special "matrix"
     returned by
  ## makeCacheMatrix above. If the inverse has already been
     calculated (and the
  ## matrix has not changed), then the cachesolve should retrieve
     the inverse from
  ## the cache.
30
  cacheSolve <- function(x, ...) {</pre>
       ## Return a matrix that is the inverse of 'x'
       i <- x$getSolved()</pre>
       if(!is.null(i)) {
           message("getting cached data")
35
           return(i)
       }
       data <- x$get()</pre>
       i <- solve(data, ...)</pre>
40
      x$setSolved(i)
  }
```

Листинг А.4 подгружается из внешнего файла. Приходится загружать без окружения дополнительного. Иначе по страницам не переносится.

Листинг А.4 Листинг из внешнего файла

```
# Analysis of data on Course Project at Getting and Cleaning
    data course of Data Science track at Coursera.

# Part 1. Merges the training and the test sets to create one
    data set.

# 3. Uses descriptive activity names to name the activities in
    the data set

# 4. Appropriately labels the data set with descriptive variable
    names.

if (!file.exists("UCI HAR Dataset")) {
    stop("You need 'UCI HAR Dataset' folder full of data")

}

library(plyr) # for mapualues
```

```
15
  #getting common data
  features <- read.csv("UCI HAR Dataset/features.txt",sep=" ",</pre>
     header = FALSE,
                         colClasses = c("numeric", "character"))
  activity_labels <- read.csv("UCI HAR Dataset/activity_labels.txt</pre>
     ",sep="",
20
                                header = FALSE, colClasses = c("
                                   numeric","character"))
  #getting train set data
  subject_train <- read.csv("UCI HAR Dataset/train/subject_train.</pre>
     txt",
                              header = FALSE, colClasses = "numeric",
                                 col.names="Subject")
25 y_train <- read.csv("UCI HAR Dataset/train/y_train.txt", header
     = FALSE,
                        colClasses = "numeric")
  x_train <- read.csv("UCI HAR Dataset/train/X_train.txt",sep="",</pre>
     header = FALSE,
                        colClasses = "numeric",col.names=features$V2
                           , check.names = FALSE)
30 activity_train <- as.data.frame(mapvalues(y_train$V1, from =
     activity_labels$V1,
                                               to = activity_labels$
                                                  V2))
  names(activity_train) <- "Activity"</pre>
35
  #getting test set data
  subject_test <- read.csv("UCI HAR Dataset/test/subject_test.txt"</pre>
                             header = FALSE, colClasses = "numeric",
                                col.names="Subject")
  y_test <- read.csv("UCI HAR Dataset/test/y_test.txt", header =</pre>
     FALSE,
                       colClasses = "numeric")
40
  x_test <- read.csv("UCI HAR Dataset/test/X_test.txt",sep="",</pre>
     header = FALSE,
                       colClasses = "numeric", col.names=features$V2,
                          check.names = FALSE)
```

```
activity_test <- as.data.frame(mapvalues(y_test$V1, from =
     activity_labels$V1,
45
                                             to = activity_labels$V2
                                                ))
  names(activity_test) <- "Activity"</pre>
  # Forming full dataframe
50 data_train <- cbind(x_train, subject_train, activity_train)
  data_test <- cbind(x_test, subject_test, activity_test)</pre>
  data <- rbind(data_train, data_test)</pre>
  # Cleaning memory
55 rm(features, activity_labels, subject_train, y_train, x_train,
     activity_train,
     subject_test, y_test, x_test, activity_test, data_train, data
        _test)
  # Part 2. Extracts only the measurements on the mean and
     standard deviation for each measurement.
60
  cols2match <- grep("(mean|std)",names(data))</pre>
  # Excluded gravityMean, tBodyAccMean, tBodyAccJerkMean,
     tBodyGyroMean,
  # tBodyGyroJerkMean, as these represent derivations of angle
65 # opposed to the original feature vector.
  # Subsetting data frame, also moving last columns to be first
  Subsetted_data_frame <- data[ ,c(562, 563, cols2match)]
70 # Part 5. From the data set in step 4, creates a second,
     independent tidy data set
  # with the average of each variable for each activity and each
     subject.
  library(dplyr) # for %>% and summarise_each
```

75

Приложение Б

Очень длинное название второго приложения, в котором продемонстрирована работа с длинными таблицами

Б.1 Подраздел приложения

Вот размещается длинная таблица:

Параметр	Умолч.	Тип	Описание
&INP			
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$ 1: генерация белого шума 2: генерация белого шума симметрично относительно экватора
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$ 1: генерация белого шума
			2: генерация белого шума симметрично относительно экватора
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$
			1: генерация белого шума
			2: генерация белого шума симметрично относительно
			экватора
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс
kick	1	int	0 : инициализация без шума $(p_s=const)$
			1: генерация белого шума 2: генерация белого шума симметрично относительно
			экватора
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс
kick	1	int	0 : инициализация без шума $(p_s=const)$
			1: генерация белого шума
			2: генерация белого шума симметрично относительно экватора
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$
			1: генерация белого шума
			2: генерация белого шума симметрично относительно экватора
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс
kick	1	int	0 : инициализация без шума $(p_s=const)$
			1: генерация белого шума
			2: генерация белого шума симметрично относительно экватора
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$
			1: генерация белого шума
			2: генерация белого шума симметрично относительно экватора
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$
			продолжение следует

П	37	m	(продолжение)		
Параметр	Умолч.	Тип	Описание		
			1: генерация белого шума		
			2: генерация белого шума симметрично относительно		
	0	. ,	экватора		
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс		
kick	1	$_{ m int}$	0: инициализация без шума $(p_s = const)$ 1: генерация белого шума		
			2: генерация белого шума симметрично относительно		
			экватора		
mars	0	int	экватора 1: инициализация модели для планеты Марс		
kick	1	int	0 : инициализация без шума $(p_s=const)$		
111011	_	1110	1: генерация белого шума		
			2: генерация белого шума симметрично относительно		
			экватора		
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс		
kick	1	int	0 : инициализация без шума $(p_s=const)$		
			1: генерация белого шума		
			2: генерация белого шума симметрично относительно		
			экватора		
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс		
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$		
			1: генерация белого шума		
			2: генерация белого шума симметрично относительно		
			экватора		
mars	0	$_{ m int}$	1: инициализация модели для планеты Марс		
kick	1	$_{ m int}$	0: инициализация без шума $(p_s = const)$		
			1: генерация белого шума		
			2: генерация белого шума симметрично относительно		
			экватора		
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс		
kick	1	int	0 : инициализация без шума $(p_s = const)$		
			1: генерация белого шума 2: генерация белого шума симметрично относительно		
			2: генерация оелого шума симметрично относительно экватора		
mars	0	int	зкватора 1: инициализация модели для планеты Марс		
&SURFPAI		1110	1. инициализация модели для плансты марс		
kick	1	int	0 : инициализация без шума $(p_s=const)$		
KICK	1	1110	1: генерация белого шума		
			2: генерация белого шума симметрично относительно		
			экватора		
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс		
kick	1	int	0 : инициализация без шума $(p_s = const)$		
			1: генерация белого шума		
			2: генерация белого шума симметрично относительно		
			экватора		
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс		
kick	1	int	0 : инициализация без шума $(p_s=const)$		
			1: генерация белого шума		
			2: генерация белого шума симметрично относительно		
			экватора		
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс		
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$		
			1: генерация белого шума		
			2: генерация белого шума симметрично относительно		
	_		экватора		
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс		
kick	1	int	0 : инициализация без шума $(p_s = const)$		
			1: генерация белого шума		
			продолжение следует		

(продолжение)							
Параметр	Умолч.	Тип	Описание				
			2: генерация белого шума симметрично относительно				
			экватора				
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс				
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$				
			1: генерация белого шума				
			2: генерация белого шума симметрично относительно				
			экватора				
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс				
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$				
			1: генерация белого шума				
			2: генерация белого шума симметрично относительно				
			экватора				
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс				
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$				
			1: генерация белого шума				
			2: генерация белого шума симметрично относительно				
			экватора				
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс				
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$				
			1: генерация белого шума				
			2: генерация белого шума симметрично относительно				
			экватора				
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс				

Б.2 Ещё один подраздел приложения

Нужно больше подразделов приложения! Конвынёры витюпырата но нам, тебиквюэ мэнтётюм позтюлант ед про. Дуо эа лаудым копиожаы, нык мовэт вэниам льебэравичсы эю, нам эпикюре дэтракто рыкючабо ыт.

Пример длинной таблицы с записью продолжения по ГОСТ 2.105:

Таблица 6 — Наименование таблицы средней длины

Параметр	Умолч.	Тип	Описание			
&INP						
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			

Продолжение таблицы 6

тагу пагу пагу пагу пагу пагу пагу пагу п	
1 : генерация белого шума 2 : генерация белого шума симметрично относитель: экватора 0 int 1 : инициализация модели для планеты Марс kick 1 int 0 : инициализация без шума $(p_s = const)$ 1 : генерация белого шума 2 : генерация белого шума симметрично относитель:	mars
2 : генерация белого шума симметрично относитель экватора 0 int 1 : инициализация модели для планеты Марс kick 1 int 0 : инициализация без шума $(p_s = const)$ 1 : генерация белого шума 2 : генерация белого шума симметрично относитель:	kick
тагя 0 int 1 : инициализация модели для планеты Марс 1 int 0 : инициализация без шума $(p_s = const)$ 1 : генерация белого шума 2 : генерация белого шума симметрично относитель:	
татя 0 int 1 : инициализация модели для планеты Марс 1 int 0 : инициализация без шума $(p_s = const)$ 1 : генерация белого шума 2 : генерация белого шума симметрично относитель	
кіск 1 іnt 0: инициализация без шума $(p_s = const)$ 1: генерация белого шума 2: генерация белого шума симметрично относитель	
1: генерация белого шума 2: генерация белого шума симметрично относитель:	mars
1: генерация белого шума 2: генерация белого шума симметрично относитель:	kick
экватора	
mars 0 int 1: инициализация модели для планеты Марс	mars
kick 1 int 0: инициализация без шума $(p_s = const)$	kick
1: генерация белого шума	
2: генерация белого шума симметрично относитель:	
экватора	
mars 0 int 1: инициализация модели для планеты Марс	mars
kick 1 int 0: инициализация без шума $(p_s = const)$	kick
1: генерация белого шума	
2: генерация белого шума симметрично относитель:	
экватора	
mars 0 int 1: инициализация модели для планеты Марс	mars
kick 1 int 0: инициализация без шума $(p_s = const)$	kick
1: генерация белого шума	
2: генерация белого шума симметрично относитель:	
экватора	
mars 0 int 1: инициализация модели для планеты Марс	mars
kick 1 int 0: инициализация без шума $(p_s = const)$	kick
1: генерация белого шума	
2: генерация белого шума симметрично относитель:	
экватора	
mars 0 int 1: инициализация модели для планеты Марс	mars
kick 1 int 0: инициализация без шума $(p_s = const)$	kick
1: генерация белого шума	
2: генерация белого шума симметрично относитель:	
экватора	
mars 0 int 1: инициализация модели для планеты Марс	mars
kick 1 int 0: инициализация без шума $(p_s = const)$	kick
1: генерация белого шума	
2: генерация белого шума симметрично относитель:	

Продолжение таблицы 6

Параметр	Умолч.	Тип	Описание			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
&SURFPA	R					
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
kick	1	int	0 : инициализация без шума $(p_s=const)$			

Продолжение таблицы 6

Параметр	Умолч.	Тип	Описание			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
kick	1	int	0 : инициализация без шума $(p_s=const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			
kick	1	int	0: инициализация без шума $(p_s = const)$			
			1: генерация белого шума			
			2: генерация белого шума симметрично относительно			
			экватора			
mars	0	int	1: инициализация модели для планеты Марс			

Б.3 Использование длинных таблиц с окружением longtabu

В таблице 7 более книжный вариант длинной таблицы, используя окружение longtabu и разнообразные toprule midrule bottomrule из пакета booktabs. Чтобы визуально таблица смотрелась лучше, можно использовать следующие параметры: в самом начале задаётся расстояние между строчками с помощью arraystretch. Таблица задаётся на всю ширину, longtabu позволяет делить ширину колонок пропорционально — тут три колонки в пропорции 1.1:1:4 — для каждой колонки первый параметр в описании X[]. Кроме того, в таблице убраны отступы слева и справа с помощью @{} в преамбуле таблицы. К первому и второму столбцу применяется модификатор

который уменьшает межстрочный интервал в для текста таблиц (иначе заголовок второго столбца значительно шире, а двухстрочное имя сливается с окружающими). Для первой и второй колонки текст в ячейках выравниваются по цен-

>{\setlength{\baselineskip}{0.7\baselineskip}},

тру как по вертикали, так и по горизонтали - задаётся буквами т и с в описании

столбца Х[].

Так как формулы большие — используется окружение alignedat, чтобы отступ был одинаковый у всех формул — он сделан для всех, хотя для большей части можно было и не использовать. Чтобы формулы занимали поменьше места в каждом столбце формулы (где надо) используется \textstyle — он делает дроби меньше, у знаков суммы и произведения — индексы сбоку. Иногда формулы слишком большая, сливается со следующей, поэтому после неё ставится небольшой дополнительный отступ \vspace*{2ex} Для штрафных функций — размер фигурных скобок задан вручную \Big\{, т.к. не умеет alignedat работать с \left и \right через несколько строк/колонок.

В примечании к таблице наоборот, окружение cases даёт слишком большие промежутки между вариантами, чтобы их уменьшить, в конце каждой строчки окружения использовался отрицательный дополнительный отступ \\[-0.5em].

Таблица 7 — Тестовые функции для оптимизации, D— размерность. Для всех функций значение в точке глобального минимума равно нулю.

фуниции эна г	enne b 10 me 19	100001BH010 WHITHMIY WA PABHO HYUHO:
Имя	Стартовый диапазон параметров	Функция
сфера	$[-100, 100]^D$	$f_1(x) = \sum_{i=1}^{D} x_i^2$
Schwefel 2.22	$\left[-10, 10\right]^D$	$f_2(x) = \sum_{i=1}^{D} x_i + \prod_{i=1}^{D} x_i $
Schwefel 1.2	$[-100, 100]^D$	$f_3(x) = \sum_{i=1}^{D} \left(\sum_{j=1}^{i} x_j\right)^2$
Schwefel 2.21	$[-100, 100]^D$	$f_4(x) = \max_i\{ x_i \}$
Rosenbrock	$[-30,30]^D$	$f_5(x) = \sum_{i=1}^{D-1} \left[100(x_{i+1} - x_i^2)^2 + (x_i - 1)^2 \right]$
ступенчатая	$[-100, 100]^D$	$f_6(x) = \sum_{i=1}^{D} [x_i + 0.5]^2$
зашумлённая квартическая	$[-1.28, 1.28]^D$	$f_7(x) = \sum_{i=1}^{D} ix_i^4 + rand[0,1)$
Schwefel 2.26	$[-500, 500]^D$	$f_8(x) = \sum_{i=1}^{D} -x_i \sin \sqrt{ x_i } + D \cdot 418.98288727243369$
Rastrigin	$[-5.12, 5.12]^D$	$f_9(x) = \sum_{i=1}^{D} \left[x_i^2 - 10 \cos(2\pi x_i) + 10 \right]$
Ackley	$[-32, 32]^D$	$f_{10}(x) = -20 \exp\left(-0.2\sqrt{\frac{1}{D}\sum_{i=1}^{D} x_i^2}\right) - \exp\left(\frac{1}{D}\sum_{i=1}^{D} \cos(2\pi x_i)\right) + 20 + e$
Griewank	$[-600, 600]^D$	$f_{11}(x) = \frac{1}{4000} \sum_{i=1}^{D} x_i^2 - \prod_{i=1}^{D} \cos(x_i/\sqrt{i}) + 1$
штрафная 1	$[-50, 50]^D$	$f_{12}(x) = \frac{\pi}{D} \left\{ 10 \sin^2(\pi y_1) + \sum_{i=1}^{D-1} (y_i - 1)^2 \left[1 + 10 \sin^2(\pi y_{i+1}) \right] + (y_D - 1)^2 \right\} + \sum_{i=1}^{D} u(x_i, 10, 100, 4)$

(продолжение)

Имя	Стартовый диапазон параметров	Функция
штрафная 2	$[-50, 50]^D$	$f_{13}(x) = 0.1 \left\{ \sin^2(3\pi x_1) + \sum_{i=1}^{D-1} (x_i - 1)^2 \left[1 + \sin^2(3\pi x_{i+1}) \right] + (x_D - 1)^2 \left[1 + \sin^2(2\pi x_D) \right] \right\} + \sum_{i=1}^{D} u(x_i, 5, 100, 4)$
сфера	$[-100, 100]^D$	$f_1(x) = \sum_{i=1}^{D} x_i^2$
Schwefel 2.22	$\left[-10, 10\right]^D$	$f_2(x) = \sum_{i=1}^{D} x_i + \prod_{i=1}^{D} x_i $
Schwefel 1.2	$[-100, 100]^D$	$f_3(x) = \sum_{i=1}^{D} \left(\sum_{j=1}^{i} x_j\right)^2$
Schwefel 2.21	$[-100, 100]^D$	$f_4(x) = \max_i \{ x_i \}$
Rosenbrock	$[-30,30]^D$	$f_5(x) = \sum_{i=1}^{D-1} \left[100 \left(x_{i+1} - x_i^2 \right)^2 + (x_i - 1)^2 \right]$
ступенчатая	$[-100, 100]^D$	$f_6(x) = \sum_{i=1}^{D} \left[x_i + 0.5 \right]^2$
зашумлённая квартическая	$[-1.28, 1.28]^D$	$f_7(x) = \sum_{i=1}^{D} ix_i^4 + rand[0,1)$
Schwefel 2.26	$[-500, 500]^D$	$f_8(x) = \sum_{i=1}^{D} -x_i \sin \sqrt{ x_i } + D \cdot 418.98288727243369$
Rastrigin	$[-5.12, 5.12]^D$	$f_9(x) = \sum_{i=1}^{D} [x_i^2 - 10 \cos(2\pi x_i) + 10]$
Ackley	$[-32, 32]^D$	$f_{10}(x) = -20 \exp\left(-0.2\sqrt{\frac{1}{D}\sum_{i=1}^{D} x_i^2}\right) - \exp\left(\frac{1}{D}\sum_{i=1}^{D} \cos(2\pi x_i)\right) + 20 + e$
Griewank	$[-600, 600]^D$	$f_{11}(x) = \frac{1}{4000} \sum_{i=1}^{D} x_i^2 - \prod_{i=1}^{D} \cos(x_i/\sqrt{i}) + 1$

(окончание)

Имя	Стартовый диапазон параметров	Функция
штрафная 1	$[-50, 50]^D$	$f_{12}(x) = \frac{\pi}{D} \left\{ 10 \sin^2(\pi y_1) + \sum_{i=1}^{D-1} (y_i - 1)^2 \left[1 + 10 \sin^2(\pi y_{i+1}) \right] + (y_D - 1)^2 \right\} + \sum_{i=1}^{D} u(x_i, 10, 100, 4)$
штрафная 2	$[-50, 50]^D$	$f_{13}(x) = 0.1 \left\{ \sin^2(3\pi x_1) + \sum_{i=1}^{D-1} (x_i - 1)^2 \left[1 + \sin^2(3\pi x_{i+1}) \right] + (x_D - 1)^2 \left[1 + \sin^2(2\pi x_D) \right] \right\} + \sum_{i=1}^{D} u(x_i, 5, 100, 4)$

Примечание — Для функций
$$f_{12}$$
 и f_{13} используется $y_i=1+\frac{1}{4}(x_i+1)$ и $u(x_i,a,k,m)= \begin{cases} k(x_i-a)^m, & x_i>a\\ 0, & -a\leqslant x_i\leqslant a\\ k(-x_i-a)^m, & x_i<-a \end{cases}$

Б.4 Форматирование внутри таблиц

В таблице 8 пример с чересстрочным форматированием. В userstyles.tex задаётся счётчик \newcounter{rowcnt} который увеличивается на 1 после каждой строчки (как указано в преамбуле таблицы). Кроме того, задаётся условный макрос \altshape который выдаёт одно из двух типов форматирования в зависимости от чётности счётчика.

В таблице 8 каждая чётная строчка — синяя, нечётная — с наклоном и слегка поднята вверх. Визуально это приводит к тому, что среднее значение и среднеквадратичное изменение группируются и хорошо выделяются взглядом в таблице. Сохраняется возможность отдельные значения в таблице выделить цветом или шрифтом. К первому и второму столбцу форматирование не применяется по сути таблицы, к шестому общее форматирование не применяетсся для наглядности.

Так как заголовок таблицы тоже считается за строчку, то перед ним (для первого, промежуточного и финального варианта) счётчик обнуляется, а в **\altshape** для нулевого значения счётчика форматирования не применяется.

Таблица 8 — Длинная таблица с примером чересстрочного форматирования

	Итерации	JADE++	JADE	jDE	SaDE	DE/rand /1/bin	PSO
f1	1500	1.8E-60 (8.4E-60)	1.3E-54 (9.2E-54)	2.5E-28 (3.5E-28)	4.5E-20 (6.9E-20)	9.8E-14 (8.4E-14)	9.6E-42 (2.7E-41)
f2	2000	1.8E-25 (8.8E-25)	3.9E-22 (2.7E-21)	1.5E-23 (1.0E-23)	1.9E-14 (1.1E-14)	1.6E-09 (1.1E-09)	9.3E-21 (6.3E-20)
f3	5000	5.7E-61 (2.7E-60)	6.0E-87 (1.9E-86)	5.2E-14 (1.1E-13)	9.0E-37 (5.4E-36)	6.6E-11 (8.8E-11)	2.5E-19 (3.9E-19)
f4	5000	8.2E-24 (4.0E-23)	4.3E-66 (1.2E-65)	1.4E-15 (1.0E-15)	7.4E-11 (1.8E-10)	4.2E-01 (1.1E+00)	4.4E-14 (9.3E-14)
f5	3000	8.0E-02 (5.6E-01)	3.2E-01 (1.1E+00)	1.3E+01 (1.4E+01)	2.1E+01 (7.8E+00)	$\frac{2.1E+00}{(1.5E+00)}$	2.5E+01 (3.2E+01)
f6	100	2.9E+00 (1.2E+00)	$5.6\mathrm{E}{+00}\ (1.6E{+00})$	$1.0E+03 \ (2.2E+02)$	9.3E+02 (1.8E+02)	$4.7E+03 \ (1.1E+03)$	4.5E+01 (2.4E+01)
f7	3000	6.4E-04 (2.5E-04)	6.8E-04 (2.5E-04)	3.3E-03 (8.5E-04)	4.8E-03 (1.2E-03)	4.7E-03 (1.2E-03)	2.5E-03 (1.4E-03)
f8	1000	3.3E-05 (2.3E-05)	$7.1E+00 \ (2.8E+01)$	7.9E-11 (1.3E-10)	4.7E+00 (3.3E+01)	$5.9E+03 \ (1.1E+03)$	$2.4\mathrm{E}{+03}\ (6.7E{+}02)$
f9	1000	1.0E-04 (6.0E-05)	1.4E-04 (6.5E-05)	1.5E-04 (2.0E-04)	1.2E-03 (6.5E-04)	1.8E+02 (1.3E+01)	5.2E+01 (1.6E+01)
f10	500	8.2E-10 (6.9E-10)	3.0E-09 (2.2E-09)	3.5E-04 (1.0E-04)	2.7E-03 (5.1E-04)	1.1E-01 (3.9E-02)	4.6E-01 (6.6E-01)
f11	500	9.9E-08 (6.0E-07)	2.0E-04 (1.4E-03)	1.9E-05 (5.8E-05)	7.8E-04) (1.2E-03	2.0E-01 (1.1E-01)	1.3E-02 (1.7E-02)
f12	500	4.6E-17 (1.9E-16)	3.8E-16 (8.3E-16)	1.6E-07 (1.5E-07)	1.9E-05 (9.2E-06)	1.2E-02 (1.0E-02)	1.9E-01 (3.9E-01)
f13	500	2.0E-16 (6.5E-16)	1.2E-15 (2.8E-15)	1.5E-06 (9.8E-07)	6.1E-05 (2.0E-05)	7.5E-02 (3.8E-02)	2.9E-03 (4.8E-03)

(окончание)

	Итерации	JADE++	JADE	jDE	SaDE	$\begin{array}{c} \mathrm{DE/rand} \\ /\mathrm{1/bin} \end{array}$	PSO
f1	1500	1.8E-60 (8.4E-60)	1.3E-54 (9.2E-54)	2.5E-28 (3.5E-28)	4.5E-20 (6.9E-20)	9.8E-14 (8.4E-14)	9.6E-42 (2.7E-41)
f2	2000	1.8E-25 (8.8E-25)	3.9E-22 (2.7E-21)	1.5E-23 (1.0E-23)	1.9E-14 (1.1E-14)	1.6E-09 (1.1E-09)	9.3E-21 (6.3E-20)
f3	5000	5.7E-61 (2.7E-60)	6.0E-87 (1.9E-86)	5.2E-14 (1.1E-13)	9.0E-37 (5.4E-36)	6.6E-11 (8.8E-11)	2.5E-19 (3.9E-19)
f4	5000	8.2E-24 (4.0E-23)	4.3E-66 (1.2E-65)	1.4E-15 (1.0E-15)	7.4E-11 (1.8E-10)	4.2E-01 (1.1E+00)	4.4E-14 (9.3E-14)
f5	3000	8.0E-02 (5.6E-01)	3.2E-01 (1.1E+00)	$1.3E+01 \ (1.4E+01)$	2.1E+01 (7.8E+00)	$\frac{2.1E+00}{(1.5E+00)}$	2.5E+01 (3.2E+01)
f6	100	2.9E+00 (1.2E+00)	$\frac{5.6\mathrm{E}+00}{(1.6E+00)}$	$^{1.0\mathrm{E}+03}_{(2.2E+02)}$	9.3E+02 (1.8E+02)	$4.7E+03 \ (1.1E+03)$	$\substack{4.5\text{E}+01\\ (2.4E+01)}$
f7	3000	6.4E-04 (2.5E-04)	6.8E-04 (2.5E-04)	3.3E-03 (8.5E-04)	4.8E-03 (1.2E-03)	4.7E-03 (1.2E-03)	2.5E-03 (1.4E-03)
f8	1000	3.3E-05 (2.3E-05)	$7.1E+00 \ (2.8E+01)$	7.9E-11 (1.3E-10)	4.7E+00 (3.3E+01)	$5.9E+03 \ (1.1E+03)$	$\frac{2.4E+03}{(6.7E+02)}$
f9	1000	1.0E-04 (6.0E-05)	1.4E-04 (6.5E-05)	1.5E-04 (2.0E-04)	1.2E-03 (6.5E-04)	$\begin{array}{c} 1.8\text{E}{+}02 \\ (1.3E{+}01) \end{array}$	$5.2E+01 \ (1.6E+01)$
f10	500	8.2E-10 (6.9E-10)	3.0E-09 (2.2E-09)	3.5E-04 (1.0E-04)	2.7E-03 (5.1E-04)	1.1E-01 (3.9E-02)	4.6E-01 (6.6E-01)
f11	500	9.9E-08 (6.0E-07)	2.0E-04 (1.4E-03)	1.9E-05 (5.8E-05)	7.8E-04) (1.2E-03	2.0E-01 (1.1E-01)	1.3E-02 (1.7E-02)
f12	500	4.6E-17 (1.9E-16)	3.8E-16 (8.3E-16)	1.6E-07 (1.5E-07)	1.9E-05 (9.2E-06)	1.2E-02 (1.0E-02)	1.9E-01 (3.9E-01)
f13	500	2.0E-16 (6.5E-16)	1.2E-15 (2.8E-15)	1.5E-06 (9.8E-07)	6.1E-05 (2.0E-05)	7.5E-02 (3.8E-02)	2.9E-03 (4.8E-03)

Б.5 Очередной подраздел приложения

Нужно больше подразделов приложения!

Б.6 И ещё один подраздел приложения

Нужно больше подразделов приложения!