TRABAJO PRÁCTICO GRUPO 11

Autores

Genaro Alfonso Aristizabal Echeverri Martín Emilio Marín Gutiérrez Valentina Vanessa Rodríguez Villamizar Carmen Daniela Zabaleta Cardeño

Docente

Victor Ignacio López Rios

Asignatura

Diseño de Expermientos



Sede Medellín Noviembre 2022

Índice

1.	Intr	troducción				3
2.	Rec	econocimiento y planteamiento del problema				3
	2.1.	1. Planteamiento del problema	 	 		3
	2.2.	2. Objetivo general	 		•	4
3.	Dise	iseño expermiental				4
	3.1.	1. Descripción detallada del diseño experimental	 			4
		3.1.1. Tipo de diseño experimental	 			4
		3.1.2. Definiciones del diseño experimental	 			5
		3.1.3. Factores principales	 			5
		3.1.4. Efectos fijos	 			7
	3.2.	2. Previo al diseño experimental	 			7
		3.2.1. Prueba piloto	 	 		7
	3.3.	3. Realización del diseño experimental	 		•	8
4.	Res	esultados				8
	4.1.	1. Muestreo piloto	 			8
	4.2.	2. Aplicación del diseño experimental	 			8
		4.2.1. Estimación de los efectos de los niveles de los facacciones(tratamientos)	v			9
	4.3.	3. Modelo del diseño experimental	 	 		11
	4.4.	4. Verificación de los supuestos	 	 		11
		4.4.1. Normalidad	 	 		11
		4.4.2. Homogeneidad de varianza	 		•	12
5.	Con	onclusiones				14
6.	Refe	eferencias				15

Índice de figuras

1.	Tipos de tela: a) Scuba, b) Poliéster, c) Microfibra y d) Lino	6
2.	Tipos de detergente líquido: a) Bonaropa, b) Límpido y c) Vanish ropa blanca	6
3.	Gráfico Qqplot	12
4.	Residuales vs. Valores ajustados	13
Índi	ce de cuadros	
1.	Muestreo piloto	9
2.	Resultados aplicación del diseño	9
3.	Medias de cada uno de los factores e interacción entre ellos	10
4	Resultados de R del test de Barlett para homogeneidad de varianza	13

1. Introducción

El detergente es una sustancia con capacidad peptizante física y química. Esto significa que cuando se diluye con líquido, atraerá y dispersará partículas de suciedad en ropa, platos u otros objetos. Todo esto en general sin causar desgaste ni corrosión, es decir, se utiliza para la limpieza porque tiene propiedades que permiten eliminar la suciedad sin afectar el material [1]. Por ello, podemos hablar de diferentes categorías de detergentes en función de su uso o en distintas presentaciones, como líquido, polvo o pastillas. También se dividen en agentes de limpieza orgánicos y agentes de limpieza químicos. Los limpiadores orgánicos se refieren a limpiadores que no contienen contaminantes y sustancias tóxicas para el medio ambiente y los seres humanos, mientras que los limpiadores químicos están hechos de sustancias sintéticas que han sido probadas en laboratorios y generalmente tienen un rendimiento superior a los limpiadores orgánicos.

En este Diseño de Experimentos se intentará resolver un problema surgido de una situación cotidiana: ir de compras. Cuando compramos detergentes para ropa, nos damos cuenta del cambio en el precio de las diferentes marcas existentes en el mercado, pero ¿este aumento de precio está relacionado con una mayor eficiencia? El diseño presentado incluirá el uso de tres tipos de detergentes para la eliminación de nuestras manchas, presentados más adelante, con el objetivo de incluirlos en la comparativa de su efectividad.

En base a los resultados que podemos obtener, se podrá concluir cómo pueden cambiar nuestros hábitos de consumo para mejorar la economía doméstica, en base a los productos que usamos a diario, como en el caso de los detergentes para ropa. Este informe presenta la realización del proyecto experimental, que consiste principalmente en mediciones de la eficacia de algunas marcas de detergentes líquidos en determinados tipos de tejidos. trata de determinar si el tipo de tela y la marca de detergente son factores importantes que afectan significativamente la variable respuesta (eficiencia de remoción de manchas). Lo que sigue es una descripción general del problema a tratar, así como una explicación de cómo se llevó a cabo el diseño experimental.

2. Reconocimiento y planteamiento del problema

2.1. Planteamiento del problema

Es bien sabido que en cada uno de los hogares se presenta el problema de la remoción de las manchas causadas por diferentes sustancias que caen sobre la ropa, o en cualquier lugar del hogar; esto se presenta en cualquier circunstancia de la vida cotidiana; es por esto que los detergentes más comunes son los que se usan en los hogares, ya sea para la limpieza de la zona de la cocina o para el lavado de la ropa. Este trabajo se enfocará en los detergentes líquidos y su eficiencia a la hora de remover manchas en cuatro diferentes tipos de tela (scuba, microfibra, lino y poliéster). Por lo tanto, se desea conocer qué tipo de marca de detergente líquido resulta ser más eficiente al momento de eliminar un tipo de mancha en específico, sobre determinados tipos de tela. Entonces, de ahí parte el interés en encontrar

evidencia suficiente que permita recomendar alguna marca en específico, en su eficacia en la eliminación de manchas por sobre las demás que son puestas a prueba.

2.2. Objetivo general

Observar y determinar que tipo de detergente es el más efectivo para la remoción de un tipo de mancha en específico, sobre determinados tipos de tela, con el fin de encontrar diferencias significativas entre las marcas de detergentes y su eficiencia; así mismo, conocer como reaccionan las diferentes marcas de detergente frente a los tipos de tela. También, reconocer si esta influye en la remoción de la mancha. Además, Observar si el detergente más económico es aquel que presenta la menor eficacia a la hora de eliminar manchas.

3. Diseño expermiental

Para determinar la eficiencia de los tres tipos de detergente: Bonaropa, Límpido y Vanish, se seleccionó 4 tipos de tela: Poliester, Microfibra, Lino y Scuba, en donde se obtuvieron retazos para cada una de las telas, cada uno de igual medida, 20×20 cm. A estos retazos de tela se les aplicó por igual 3 gotas de vino medidas con un gotero, y esta se dejó secar sobre cada retazo un aproximado de 5 minutos en cada uno.

3.1. Descripción detallada del diseño experimental

3.1.1. Tipo de diseño experimental

A fin de estudiar el efecto de los tres tipos de detergentes sobre los cuatro distintos tipos de tela a la hora de mitigar la mancha causada por vino, se propone un diseño factorial de dos factores con efectos fijos cuyo modelo estadístico se presenta a continuación:

Modelo estadístico:

$$Y_{ijk} = \mu + \tau_i + \beta_j + (\tau \beta)_{ij} + \varepsilon_{ijk}$$

- μ : Media global.
- τ_i : Efecto del i-esimo nivel del factor A (Tipos de tela), con i=1,2,3,4.
- β_j : Efecto del j-esimo nivel del factor B (marcas de detergente liquido), con j=1,2,3.
- $(\tau\beta)_{ij}$: Efecto de la interacción entre A y B, con i=1,2,3,4 y j=1,2,3.
- ε_{ijk} : Término de error.

Supuestos

$$\varepsilon_{ijk} \sim NID(0, \sigma^2)$$

Restricción

$$\sum \tau_i = \sum \beta_j = \sum_i (\tau \beta)_{ij} = \sum_j (\tau \beta)_{ij} = 0$$

3.1.2. Definiciones del diseño experimental

- Unidad experimental: Cada uno de los retazos de tela.
- Factores: Tipo de tela y las distintas marcas de detergente líquido.
- Niveles del factor: Las combinaciones resultantes de combinar los niveles del factor tela: Scuba, Lino, Microfibra y Poliéster; y los niveles del factor detergente desde el más económico, hasta el más costoso: Bonaropa, Límpido y Vanish.
- Variable respuesta: Calificación promedio de la eficiencia de los detergentes obtenida gracias a las observaciones de los cuatro integrantes del equipo, siendo 5 la calificación más alta y 1 la más baja.

3.1.3. Factores principales

- 1. Tipo de tela
 - Scuba: Grueso tejido de punto con trama en Licra e hilado de fibra torzal, con un gramaje de 275gsm. Scuba es una tela sólida realizada a través de la combinación de fibras de poliéster, entre las que se incluye el Policloropeno. Con una estructura con elasticidad en los 4 sentidos, especialmente en la trama. [2]
 - Poliéster: El Poliéster es una fibra sintética que ofrece un abanico muy amplio de posibilidades: La intensidad del color de la estampación es mayor. Mayor resistencia a humedades, abrasiones y condiciones climáticas extremas. Fácil lavado. [3]
 - Microfribra: La Microfibra es una fibra sintética y es altamente empleada en el mundo textil tanto para la elaboración de Toallas Deportivas y de Playa como material de limpieza. Se caracterizan por los hilos empleados en su fabricación, siendo cien veces más finos que el cabello humano. [4]
 - Lino: La tela de lino es una fibra vegetal que se compone principalmente de celulosa. Procede del tallo de la planta de lino, cuya semilla, comestible, se llama linaza. [5]
- 2. Tipo de detergente, ordenados del más económico al más costoso, con la descripción que traen en sus etiquetas:
 - Bonaropa: quitamanchas para ropa blanca. 1000 ml precio: \$3.890 pesos.

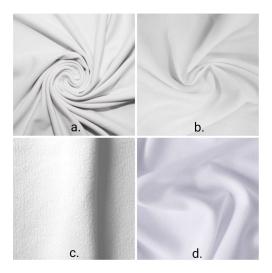


Figura 1: Tipos de tela: a) Scuba, b) Poliéster, c) Microfibra y d) Lino

- **Límpido:** ofrece un gran poder de desinfección necesario para la limpieza del hogar. Su alto nivel de concentración elimina hasta el 99,9 % de gérmenes y bacterias. También es un excelente producto para remover las manchas difíciles. 1000 ml precio: \$4.328 pesos.
- Vanish: es un quitamanchas sin cloro que elimina las manchas más dificiles de tus prendas a la vez que hace tus blancos más blancos. Ahora con su fórmula mejorada tambien elimina hasta el 99.9 % de bacterias.. 1000 ml precio \$10.278 pesos.



Figura 2: Tipos de detergente líquido: a) Bonaropa, b) Límpido y c) Vanish ropa blanca

3.1.4. Efectos fijos

■ A cada retazo de tela de 20x20 cm se les aplicó 3 gotas de vino (medidas mediante un gotero) y se dejó actuar 5 minutos en cada uno.

3.2. Previo al diseño experimental

Para llevar a cabo este diseño experimental, primero se compró medio metro de tela de cada uno de los tipos de tela (scuba, poliéster, microfibra y lino). Dado que se buscaba tener cierto nivel de variabilidad en cuanto los tipos de tela, la scuba resulta ser muy fina y delgada, mientras que la tela en lino resulta ser un poco más gruesa y lisa. Por otro lado, la tela en microfibra resulta ser la más lanuda y gruesa a diferencia de la tela poliéster que presenta ser la más delgada y "fragil" de todas. Con la compra de estas cuatro telas, cuyos precios por medio metro fueron de 9.000 pesos colombianos para la tela en microfibra, 9.500 pesos para la tela en poliéster, 8.000 para la tela en lino y 8.500 para la tela en Scuba. Se espera tener una variedad suficiente de telas que permita dar a conocer el efecto del detergente líquido a la hora de remover manchas, en este caso en particular una mancha de vino.

Posteriormente, se compró en un almacén del D1 la sustancia a ser echada en la tela, en este caso se optó por el vino, puesto que se concluyo que con estos cuatro tipos de tela blanca la mancha sería muy visible, en consecuencia esto permite que a la hora de realizar la calificación por cada uno de los integrantes la mancha sea lo que más resalte de la tela, ya sea por su ausencia o presencia de la misma después de aplicar el tratamiento (detergente líquido). Después se compraron las tres distintas marcas de detergente líquido también en un establecimiento D1 los cuales fueron Bonaropa de 1000 ml costo 3.890 pesos, Limpido de 1000 ml costo 4.328 pesos y Vanish de 1000 ml costo 10.278 pesos.

Adicionalmente, se compraron materiales secundarios para la realización de dicho experimento, materiales tales como: 2 tarros de orina, tijeras, cinta de enmascarar, un paquete de resortes, vasos desechables y un gotero. Ya después de haber conseguido estos materiales se procedió a realizar la muestra piloto, dicho procedimiento se detalla seguidamente.

3.2.1. Prueba piloto

Se realiza una prueba piloto con el fin de identificar qué inconvenientes se pueden llegar a presentar al momento de realizar el experimento final. El diseño piloto se llevará a cabo de la siguiente manera: de las 20 divisiones de cada tipo de tela se escogió de manera aleatoria 1 retazo de tela para cada uno de los 3 diferentes tipos de detergentes, estos retazos fueron cortados y luego manchados cada uno con 3 gotas de vino y se esperó un lapso de 1 minuto para que la mancha se acentuará sobre la tela y luego se procedió a dejar el el retazo de tela remojando en la solución de agua con cada uno de los detergentes durante dos minutos.

Se contempló además de vino, usar chocolate para manchar los retazos de tela, pero debido al espesor del chocolate, las gotas de chocolate que se aplicaban no se adherían a los

retazos de tela.

De los resultados obtenidos de la realización de la prueba piloto, se llego a las siguientes observaciones:

- A la tela *scuba* le tomaba más tiempo absorber las gotas de vino en comparación a los otros 3 tipos de tela.
- Las 20 divisiones de 10x10cm, fueron escogidas de manera que se optimizará la limitada cantidad de tela que se tenía a disposición.
- Para medir la eficacia del detergente al eliminar la mancha de vino, cada uno de los experimentadores le dió una calificación de 1 a 5, siendo 1 que no quitó nada la mancha y 5 quitó completamente la mancha.
- Para evitar sesgos a la hora de dar la calificación a cada detergente, cada uno de los experimentadores dio una nota sin conocer la nota dada por los otros experimentadores.
- El estudio piloto sirvió para determinar cuál era el tiempo adecuado para dejar acentuar la mancha en la tela.
- El estudio piloto sirvió para determinar cuál era el tiempo adecuado para dejar el retazo de tela sumergido en la solución de agua con cada uno de los diferentes tipos de tela.

3.3. Realización del diseño experimental

4. Resultados

4.1. Muestreo piloto

Resultados obtenidos:

4.2. Aplicación del diseño experimental

Se realizaron 3 réplicas del diseño factorial para investigar el efecto de las telas y de los detergentes en la eficiencia al eliminar una mancha de vino. Los promedios obtenidos por cada detergente y tipo de tela en cada réplica aparece en la tabla siguiente:

■ Dado que los detergentes y los tipos de telas fueron seleccionados explicitamente por los integrnates del grupo, se considera un diseño de efectos fijos, por lo tanto, se Plantean, interpretan y realizan las pruebas de hipotesis que establecen la significancia de la interaccion y de los factores y se Analiza el posible encubrimiento de los factores.

Cuadro 1: Muestreo piloto

	Tipo de tela	Tipo de detergente	Genaro	Martín	Valentina	Daniela	Promedio: Y_i
1	Escuba	Bonaropa	4	4	4	4	4
2	Poliéster	Bonaropa	4	5	4	4	4.25
3	Microfibra	Bonaropa	5	5	4	5	4.75
4	Lino	Bonaropa	5	4	5	4	4.5
5	Escuba	Límpido	5	5	5	5	5
6	Poliéster	Límpido	5	5	5	5	5
7	Microfibra	Límpido	4	5	5	4	4.5
8	Lino	Límpido	5	5	5	5	5
9	Escuba	Vanish	3	2	4	3	3.25
10	Poliéster	Vanish	3	1	2	2	2
11	Microfibra	Vanish	5	3	4	4	4
12	Lino	Vanish	4	5	5	4	4.5

Cuadro 2: Resultados aplicación del diseño

	Detergente				
	Más económico	Medio	Más costoso		
Tela	Bonaropa	Límpido	Vanish		
	3.25	4.5	2.5		
Scuba	3.25	4.75	2.5		
	3.75	5	1.5		
	1.5	5	1.5		
Poliéster	1.25	4	1.25		
	1.5	5	1.5		
	3.25	5	3.5		
Microfibra	3.75	5	3.25		
	4.25	4.5	4		
	3.75	5	4.75		
Lino	4.5	5	4.5		
	4.5	5	3.75		

4.2.1. Estimación de los efectos de los niveles de los factores y de las interacciones(tratamientos)

- En el siguiente gráfico se presentan las medias por cada nivel de los factores y de la interacción entre ellos:
- 1. Estimación de la media global μ , siendo $N=n\times 12=3\times 12=36$:

$$\hat{\mu} = \bar{\mathbf{Y}}... = \frac{Y_{\cdots}}{\mathbf{N}} = 3.63$$

Cuadro 3: Medias de cada uno de los factores e interacción entre ellos							
Factor	Factor Tela				Media de niveles		
Detergente	Lino	Microfibra	Poliéster	Scuba	de factor Detergente		
Bonaropa	4.25	3.75	1.42	3.42	3.21		
Límpido	5.00	4.83	4.67	4.75	4.81		
Vanish	4.33	3.58	1.42	2.17	2.88		
Media por nivel	4.53	4.06	2.50	3.44	$3.63 = \bar{\mathbf{Y}}_{}$		

2. Estimación del efecto **Detergente** τ_i , i = 1 : Bonaropa, 2 : Límpido, 3 : Vanish

$$\hat{\tau}_i = \bar{\mathbf{Y}}_{i..} - \bar{\mathbf{Y}}_{...}, \quad i = 1, 2, 3$$

•
$$\hat{\tau}_1 = \bar{\mathbf{Y}}_{1..} - \bar{\mathbf{Y}}_{...}$$

 $\hat{\tau}_1 = 3.21 - 3.63 = -0.42$

•
$$\hat{\tau}_2 = \bar{\mathbf{Y}}_{2..} - \bar{\mathbf{Y}}_{...}$$

 $\hat{\tau}_2 = 4.81 - 3.63 = 1.18$

$$\hat{\tau}_3 = \bar{\mathbf{Y}}_{3..} - \bar{\mathbf{Y}}_{...}$$
$$\hat{\tau}_3 = 2.88 - 3.63 = -0.75$$

3. Estimación del efecto **Tela** β_j

$$\hat{\beta_j} = \bar{\mathbf{Y}}_{.j.} - \bar{\mathbf{Y}}_{...}, \quad j = 1:Lino, \ 2:Microfibra, \ 3:Poliéster, \ 4:Scuba$$

$$\hat{\beta}_1 = \bar{\mathbf{Y}}_{.1.} - \bar{\mathbf{Y}}_{...} \hat{\beta}_1 = 4.53 - 3.63 = 0.9$$

$$\hat{\beta}_2 = \bar{\mathbf{Y}}_{.2.} - \bar{\mathbf{Y}}_{...} \hat{\beta}_2 = 4.06 - 3.63 = 0.43$$

$$\hat{\beta}_3 = \bar{\mathbf{Y}}_{.1.} - \bar{\mathbf{Y}}_{...} \hat{\beta}_3 = 2.50 - 3.63 = -1.13$$

$$\hat{\beta}_4 = \bar{\mathbf{Y}}_{.2.} - \bar{\mathbf{Y}}_{...} \ \hat{\beta}_4 = 3.44 - 3.63 = -0.19$$

4. Estimación de las *interacciones* $(\hat{\tau \beta})_{ij}$

$$(\hat{\tau \beta})_{ij} = \bar{Y}_{ij.} - \bar{Y}_{i..} - \bar{Y}_{.j.} + \bar{Y}_{...}$$

$$\hat{(\tau\beta)}_{11} = \bar{Y}_{11.} - \bar{Y}_{1..} - \bar{Y}_{1..} + \bar{Y}_{...}$$

$$\hat{(\tau\beta)}_{11} = 601.6667 - 3.21 - 516.6667 + 3.63 = 90$$

•
$$(\hat{\tau \beta})_{12} = \bar{Y}_{12.} - \bar{Y}_{1..} - \bar{Y}_{2.} + \bar{Y}_{...}$$

 $(\hat{\tau \beta})_{12} = 486.6667 - 3.21 - 581.6667 + 3.63 = -90$

$$\hat{(\tau \beta)}_{21} = \bar{Y}_{21.} - \bar{Y}_{2..} - \bar{Y}_{1.} + \bar{Y}_{...}$$

$$\hat{(\tau \beta)}_{21} = 498.3333 - 4.81 - 516.6667 + 3.63 = -19.1667$$

•
$$(\hat{\tau \beta})_{22} = \bar{Y}_{22.} - \bar{Y}_{2..} - \bar{Y}_{2.} + \bar{Y}_{...}$$

 $(\hat{\tau \beta})_{22} = 601.6667 - 4.81 - 581.6667 + 3.63 = 19.1667$

$$\hat{(\tau \beta)}_{31} = \bar{Y}_{31.} - \bar{Y}_{3..} - \bar{Y}_{1.} + \bar{Y}_{...}$$

$$\hat{(\tau \beta)}_{31} = 450.0000 - 2.88 - 516.6667 + 3.63 = -70.8333$$

•
$$(\hat{\tau \beta})_{32} = \bar{Y}_{32.} - \bar{Y}_{3..} - \bar{Y}_{.2.} + \bar{Y}_{...}$$

 $(\hat{\tau \beta})_{32} = 656.6667 - 2.88 - 581.6667 + 3.63 = 70.8333$

4.3. Modelo del diseño experimental

$$Y_{ijk} = \mu + \tau_i + \beta_j + (\tau \beta)_{ij} + \varepsilon_{ijk}$$

• insertar formula látex!!!

4.4. Verificación de los supuestos

Se procede a verificar los supuestos de normalidad y homogeneidad de varianza sobre los residulaes del modelo expuesto anteriormente.

4.4.1. Normalidad

Se plantea la siguiente prueba de hipótesis sobre los errores del modelo:

$$\begin{cases} H_0: \epsilon_{ij} \sim Normal \\ H_a: \epsilon_{ij} \nsim Normal \end{cases}$$

Luego, se presenta el gráfico de normalidad así como los resultados de la prueba de Shapiso-Wilk:

Test de Shapiro-Wilk Statistic W 0.942699 p-value 0.061668 -2 -1 0 1 2 Theoretical Quantiles

Gráfico de normalidad de los residuos del modelo

Figura 3: Gráfico Qqplot

■ Puesto que el p-value = $0.06 > \alpha = 0.05$. A un nivel de confianza del 95 % se concluye que, no se rechaza la hipótesis nula, es decir, los residuales del modelo cumplen con el supuesto de normalidad.

4.4.2. Homogeneidad de varianza

Se busca corroborar si los residuales presentan una varianza homogenea, por ello se realiza la siguiente prueba de hipótesis sobre los errores del modelo:

$$\begin{cases} H_0: V(\varepsilon_{ij}) = \sigma^2, & \sigma^2 \text{ constante} \\ H_a: V(\varepsilon_{ij}) \text{ no es constante} \end{cases}$$

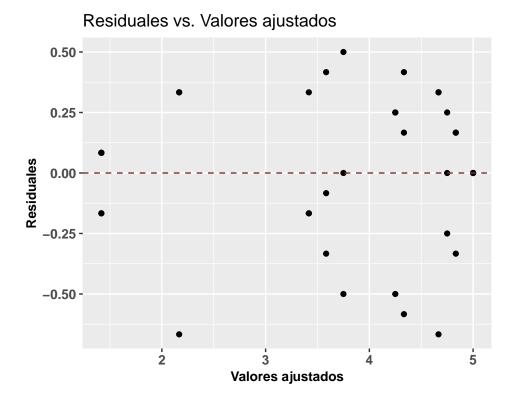


Figura 4: Residuales vs. Valores ajustados

■ De este gráfico que muestra los residuales versus los valores ajustados, se observa como todos ellos se distribuyen aleatoriamente alrededor del cero, variando entre valores de -0.5 a 0.5. Además, no se evidencia un patrón aparente en forma de parlante, cono o balón de futbol americano. Por lo cual se puede decir, al menos desde una prueba gráfica, que existe homogeneidad de varianza en los residuales del modelo en cuestión.

Cuadro 4: Resultados de R del test de Barlett para homogeneidad de varianza

Bartlett test of homogeneity of variances				
Residuales y Detergente				
Bartlett's K-squared = 0.66288 , df = 2 , p-value = 0.7179				
Residuales y Tela				
Bartlett's K-squared = 0.15063 , df = 3 , p-value = 0.9851				

■ De los resultados presentados en el cuadro 4, se observa como, usando el test de Barlett, para el caso de los residuales y el detergente se obtuvo un p-value = $0.7179 > \alpha = 0.05$. A un nivel de confianza del 95 % se concluye que, no se rechaza H_0 . Mientras que, para el caso de los residuales y la tela se obtuvo un p-value = $0.9851 > \alpha = 0.05$. Por lo cual, análogamente al caso anterior, se rechaza h_0 . Y en definitiva, se concluye que existe evidencia suficiente a favor del supuesto de homogeneidad de varianza sobre los residuales del modelo.

5. Conclusiones

6. Referencias

- [1] https://definicion.de/detergente/
- [2] https://www.contrado.es/impresion-en-tela-scuba
- [3] https://waixo.com/blog/tela-de-poliester-que-es-para-que-utilizarla-ventajas-y-desventajas
- [4] https://waixo.com/blog/que-es-la-tela-de-microfibra-todos-los-tipos-y-usos
- [5] https://www.norvilsa.com/tela-de-lino