

### 一. 选择

1. (13 期中) 对  $x = 1 \frac{1}{8}$  和  $y = 1 \frac{3}{8}$  进行小数点后两位取整(rounding to nearest even), 结果正确的是 ( )

- A.  $1 \frac{1}{4}$ ,  $1 \frac{1}{4}$                       B. 1,  $1 \frac{1}{4}$                       C.  $1 \frac{1}{4}$ ,  $1 \frac{1}{2}$                       D. 1,  $1 \frac{1}{2}$

2. (13 期中) 已知函数 `int x( int n ) { return n*____; }` 对应的汇编代码如下:

```
lea (%rdi, %rdi, 4), %rdi
lea (%rdi, %rdi, 1), %eax
retq
```

请问横线上的数字应该是 ( )

- A. 4                      B. 5                      C. 2                      D. 10

3. (14 期中) 下面说法正确的是:

- A. 数 0 的反码表示是唯一的  
B. 数 0 的补码表示不是唯一的  
C. 1000, 1111, 1110, 1111, 1100, 0000, 0000, 0000 表示唯一的 整数是 0x8FEFC000  
D. 1000, 1111, 1110, 1111, 1100, 0000, 0000, 0000 如果是单精度浮点表示, 则表示的是  $-(1.11011111)_2 * 2^{31-127}$

答: ( )

4. (15 期中) 给定一个实数, 会因为该实数表示成单精度浮点数而发生误差。不考虑 NaN 和 Inf 的情况, 该绝对误差的最大值为

- A.  $2^{103}$   
B.  $2^{104}$   
C.  $2^{230}$   
D.  $2^{231}$

参考信息: 单精度浮点数阶码 8 位, 尾数 23 位

5. (15 期中) 关于浮点数, 以下说法正确的是

- A. 给定任意浮点数 a, b 和 x, 如果  $a > b$  成立(求值为 1), 则一定  $a+x > b+x$  成立  
B. 不考虑结果为 NaN、Inf 或运算过程发生溢出的情况, 高精度浮点数一定 得到比低精度浮点数更精确或相同的结果  
C. 不考虑输入为 NaN、Inf 的情况, 高精度浮点数一定得到比低精度浮点数 更精确或相同的结果  
D. 给定任意浮点数 a, b 和 x, 如果  $a > b$  不成立(求值为 0), 则一定  $a+x > b+x$  不成立。

6. (17期中) 若我们采用基于 IEEE浮点格式的浮点数表示方法, 阶码字段 (exp) 占据 k 位, 小数字段 (frac) 占据 n 位, 则最小的规格化(normalized) 的正数是 \_\_\_\_\_ (结果用含有 n, k 的表达式表示)

- A.  $(1 - 2^{-n}) * 2^{-2^{k-1} + 2}$                       B.  $1 * 2^{-2^{k-1} + 2}$

- C.  $2^{-n} * 2^{-2^{k-1}+2}$  D.  $(1 - 2^{-n}) * 2^{-2^{k+1}}$
7. (17期中) 在下列的 x86-64 汇编代码中, 错误的是:
- A. `movq %rax, (%rsp)`  
 B. `movl $0xFF, (%ebx)`  
 C. `movsbl (%rdi), %eax`  
 D. `leaq (%rdx, 1), %rdx`
8. (18期中) 下列哪种类型转换既可能导致溢出、又可能导致舍入?
- A) int 转 float B) float 转 int C) int 转 double D) float 转 double
9. (18期中) 在 x86-64 下, 以下哪个选项的说法是错误的?
- A) `movl` 指令以寄存器作为目的时, 会将该寄存器的高位 4 字节设置为 0  
 B) `cltq` 指令的作用是将 `%eax` 符号扩展到 `%rax`  
 C) `movabsq` 指令只能以寄存器作为目的  
 D) `movswq` 指令的作用是将零扩展的字传送到四字节的

## 二. 填空与解答

### 1. (13期中)

请按 IEEE 浮点标准的单精度浮点数表示下表中的数值, 首先写出形如  $(-1)^s \times M \times 2^E$  的表达式, 然后给出十六进制的表示。

注: 单精度浮点数的字段划分如下:

符号位 (s): 1-bit; 阶码字段 (exp): 8-bit; 小数字段 (frac): 23-bit; 偏置值 (bias): 127。

Value	$(-1)^s \times M \times 2^E, 1 \leq M < 2$	Hex representation
$\frac{1}{-12}$		
$2^{-149}$		

### 2. (14期中)

请按 IEEE 浮点标准的单精度浮点数表示下表中的数值, 首先写出形如  $(-1)^s \times M \times 2^E$  的表达式, 然后给出十六进制的表示。

注: 单精度浮点数的字段划分如下:

符号位 (s): 1-bit; 阶码字段 (exp): 8-bit; 小数字段 (frac): 23-bit; 偏置值 (bias): 127。

Value	$(-1)^s \times M \times 2^E, 1 \leq M < 2$	Hex representation
0.375		
-12.5		

### 3. (15期中)

2. 考虑一种 12-bit 长的浮点数, 此浮点数遵循 IEEE 浮点数格式, 请回答下列问题。

注: 浮点数的字段划分如下:

符号位(s): 1-bit; 阶码字段(exp): 4-bit; 小数字段(frac): 7-bit。

1) 请写出在下列区间中包含多少个用上面规则精确表示的浮点数(每空 2 分, 共 4 分)

A: [1, 2)

B: [2, 3)

2) 请写出下面浮点数的二进制表示 (每空 1 分, 共 6 分)

数字	二进制表示
最小的正规格化数	
最大的非规格化数	
$\frac{1}{17 \frac{1}{16}}$	
$-1/8192$	
$20 \frac{3}{8}$	
$-\infty$	

4. (17 期中)

考虑有一种基于 IEEE 浮点格式的 9 位浮点表示格式 A。格式 A 有 1 个符号位, k 个阶码位, n 个小数位。现在已知  $\frac{-9}{16}$  的位模式可以表示为 “101100010”, 请回答以下问题: (注: 阶码偏移量为  $2^{k-1} - 1$ )

1. 求 k 和 n 的值。(1 分)

2. 基于格式 A, 请填写下表。值的表示可以写成整数(如 16), 或者写成分数(如  $17/64$ )。(注: 每格 2 分)

描述	二进制位表示	值
最大的非规格化数		
最小的正规格化数		
最大的规格化数		

3. 假设格式 A 变为 1 个符号位, k+1 个阶码位, n-1 个小数位, 那么能表示的实数数量会怎样变化, 数值的精度会怎样变化? (回答增加、降低或不变即可) (2 分)

5. (18 期中)

请补全函数 `nlz`，使之可以用来计算 `unsigned` 类型数据的二进制表示中**前导零**的个数(提示：填写数字)：

```
// TODO : Complete the `nlz` function to
//          count the number of leading zeros
int nlz(unsigned x) {
    double w = 0.5;
    double y = (double)x + w;
    long long z;
    memcpy(&z, &y, sizeof(y));
    return _____ - (z >> _____);
}
```

上式中 `w` 的取值并不唯一。请判断以下哪个/哪些数字也符合 `w` 的要求：

(a) 0.2 (b) 0.3 (c) 0.9 (d) 1.2

下面所示的 `strlen_x` 是字符串求长度的函数在**大端序**电脑中的一种实现，`nlz` 函数的意义如前所述。

```
int func_x(unsigned x) {
    unsigned u = 0x7F7F7F7F;
    unsigned y = (x & u) + u;
    y = ~(y | x | u);
    return nlz(y) >> 3;
}

size_t strlen_x(const char *s) {
    size_t t, n = 0;
    const unsigned *si = (const unsigned *)s;
    while ((t = func_x(*si++)) == 4) { n += t; }
    return n + t;
}
```

不改变 `strlen_x` 的实现，请修改 `func_x` 以使得 `strlen_x` 适用于**小端序**的电脑(提示：仅使用常数、算术/逻辑运算符和已定义变量)：

```
int func_x(unsigned x) {
    unsigned u = 0x7F7F7F7F;
    unsigned y = (x & u) + u;
    y = ~(y | x | u);
    return (____ - nlz((____) & (y-1))) >> 3;
}
```