

## Zadanie A. Przetestuj liczbę

Limit czasowy: 10 sekund  
Na ocenę: dostateczną

Dzielniki  $1$ ,  $-1$ ,  $n$ ,  $-n$  liczby  $n$  nazywa się dzielnikami *trywialnymi*, wszystkie pozostałe nazywa się *nietrywialnymi*. Odczytaj ze standardowego wejścia liczbę całkowitą dodatnią  $n$ , a następnie sprawdź, czy suma jej dodatnich dzielników nietrywialnych jest większa od  $n$ . Na przykład  $12$  jest taką liczbą, bo  $2 + 3 + 4 + 6 > 12$ ;  $13$  nie jest, bo nie ma żadnych nietrywialnych dzielników; natomiast  $14$  nie jest, bo  $2 + 7 \leq 14$ .

### Wejście

Liczba całkowita  $n$  ( $1 \leq n \leq 2 \cdot 10^4$ ).

### Wyjście

Na wyjściu mamy wypisać odpowiedź: tak lub nie.

### Przykład

Dla danych wejściowych	poprawnym wynikiem jest
24	tak

## Zadanie B. Haszowanie uniwersalne

Limit czasowy: 10 sekund  
Na ocenę: dobrą, jeśli rozwiązano też zadanie A

Niech  $U$  będzie zbiorem łańcuchów nad alfabetem  $\{a, b, \dots, z, A, B, \dots, Z\}$ , a  $m$  liczbą całkowitą dodatnią. Każdą funkcję  $h$  typu  $h: U \rightarrow \{0, 1, \dots, m-1\}$  nazywamy *haszującą*. Rozważmy następującą metodę konstruowania funkcji haszującej:

1. Przyjmujemy, że  $m > 130$  jest liczbą pierwszą, a łańcuch  $x$  składa się z  $r+1$  bajtów, co zapisujemy jako  $x = \langle x_0, x_1, \dots, x_r \rangle$ .
2. Niech  $a = \langle a_0, a_1, \dots, a_r \rangle$  oznacza ciąg elementów wybranych losowo ze zbioru  $\{0, 1, \dots, m-1\}$ .
3. Definiujemy  $h$  za pomocą wzoru  $h(x) = \sum_{i=0}^r a_i x_i \bmod m$ .

Zadanie polega na wyznaczeniu  $h(x)$  dla podanego łańcucha  $x$ . Zakładamy, że  $m = 251$ ,  $r = 6$ ,  $a = \langle 160, 212, 199, 96, 63, 35, 98 \rangle$ .

### Wejście

Łańcuch  $x$  nad alfabetem  $\{a, b, \dots, z, A, B, \dots, Z\}$  składający się z dokładnie 7 znaków.

### Wyjście

Liczba równa  $h(x)$ .

### Przykład

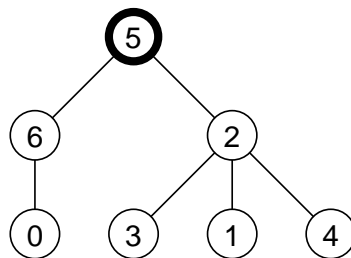
Dla danych wejściowych	poprawnym wynikiem jest
Roksana	100

## Zadanie C. Drzewo ukorzenione

Limit czasowy: 10 sekund  
Na ocenę: bardzo dobrą, jeśli rozwiązano też zadania A i B

Przez *drzewo* będziemy rozumieli nieskierowany graf spójny nie posiadający cykli. *Drzewo ukorzenione* jest drzewem, w którym wyróżniono jeden z wierzchołków; ten wyróżniony wierzchołek nazywamy *korzeniem*. *Liściem* w drzewie ukorzenionym nazywamy każdy wierzchołek (wyłączając korzeń) o stopniu równym 1. *Ścieżką* w drzewie ukorzenionym nazywamy ciąg wierzchołków  $v_1, v_2, \dots, v_t$  ( $t > 1$ ) o tej własności, że  $v_1$  jest korzeniem oraz wierzchołki  $v_i$  i  $v_{i+1}$  są połączone krawędzią dla każdego  $1 \leq i < t$ . Ponadto wierzchołek  $v_i$  nazywamy *rodzicem* wierzchołka  $v_{i+1}$ . Liczbę wierzchołków minus jeden w najdłuższej ścieżce nazywamy *wysokością* drzewa ukorzenionego.

Założmy, że każdemu wierzchołkowi drzewa ukorzenionego,  $n$  wierzchołkowego, przypisano liczbę ze zbioru  $I = \{0, 1, \dots, n-1\}$  w taki sposób, że dwa różne wierzchołki mają przypisane różne liczby. Wówczas  $n$  elementowa tablica  $a$  może reprezentować drzewo ukorzenione w następujący sposób: jeśli rodzicem wierzchołka o numerze  $i$  jest wierzchołek o numerze  $j$ , to  $a[i] = j$ . Niech korzeniem będzie wierzchołek o numerze  $k$ . Ponieważ korzeń nie ma rodzica, przyjmujemy, że  $a[k] = -1$ . Dla przykładowego drzewa



odpowiednią tablicą będzie  $a = [6, 2, 5, 2, 2, -1, 5]$ . Drzewo to ma 7 wierzchołków, korzeniem jest wierzchołek o numerze 5, liśćmi są wierzchołki: 0, 1, 3 i 4, a jego wysokość wynosi 2.

Napisz program, który na podstawie tablicy  $a$  wyznacza wysokość odpowiadającego jej drzewa.

### Wejście

Najpierw podajemy  $n$ , a potem  $n$  kolejnych liczb w tablicy  $a$ . Uwaga: pierwsza liczba na wejściu nie jest zatem częścią wejściowej tablicy; to informacja o długości tablicy  $a$ .

### Wyjście

Liczba całkowita równa wysokości drzewa.

### Przykład

Dla danych wejściowych	poprawnym wynikiem jest
3 1 -1 1	1