**Data Mining** 

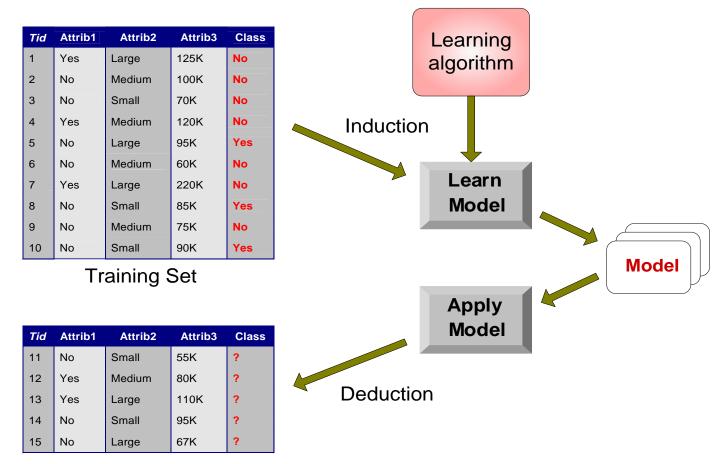
Classificazione supervisionata



### Classificazione: Definizione

- Data una collezione di record (training set)
  - ✓ Ogni record è composto da un insieme di attributi, di cui uno esprime la classe di appartenenza del record.
- Trova un modello per l'attributo di classe che esprima il valore dell'attributo in funzione dei valori degli altri attributi.
- Obiettivo: record <u>non noti</u> devono essere assegnati a una classe nel modo più accurato possibile
  - ✓ Viene utilizzato un test set per determinare l'accuratezza del modello. Normalmente, il data set fornito è suddiviso in training set e test set. Il primo è utilizzato per costruire il modello, il secondo per validarlo.
- I classificatori possono essere utilizzati sia a scopo descrittivo sia a scopo predittivo
- Sono più adatti ad attributi nominali (binari o discreti) poiché faticano a sfruttare le relazioni implicite presenti negli attributi ordinali, numerici o in presenza di gerarchie di concetti (es. scimmie e uomini sono primati)

# Classificazione: un esempio



**Test Set** 

# **Applicazioni**

- Predire se una cellula tumorale è benigna o maligna in base alle sue caratteristiche
- Classificare se una transazione con carta di credito sia o meno fraudolenta
- Classificare le strutture proteiche secondarie in alphahelix, beta-sheet, or random coil
- Classificare le news in base all'argomento:finanza, meteo, sport, intrattenimento, ecc.



- Alberi decisionali o Decision Tree
- Regole di decisione
- Nearest-neighbor
- Reti Bayesiane
- Reti neurali
- Support Vector Machines

### **I Decision Tree**

- È una delle tecniche di classificazione maggiormente utilizzate che permette di rappresentare con un albero un insieme di regole di classificazione.
- Struttura gerarchica che consiste di un insieme di nodi, correlati da archi (rami) orientati ed "etichettati". Si hanno due tipi di nodi:
  - ✓ Le classi sono definite nei nodi foglia mentre i rimanenti nodi sono etichettati in base all'attributo che partiziona i record. Il criterio di partizionamento rappresenta l'etichetta degli archi

Ciascun percorso radice-foglia rappresenta una regola di classificazione

# Decision Tree: un esempio

Categorico Continuo

Tid	Refund	Marital Status	Taxable Income	Cheat
1	Yes	Single	125K	No
2	No	Married	100K	No
3	No	Single	70K	No
4	Yes	Married	120K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
6	No	Married	60K	No
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No	Single	85K	Yes
9	No	Married	75K	No
10	No	Single	90K	Yes

Attributo di Splitting Refund Yes No NO **MarSt** Married Single, Dixorced **TaxInc** NO > 80K < 80K YES NO

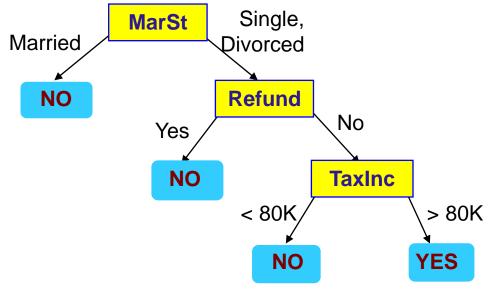
**Training Data** 

**Modello: Decision Tree** 

# Decision Tree: un altro esempio

Categorico Continuo

Tid	Refund	Marital Status	Taxable Income	Cheat
1	Yes	Single	125K	No
2	No	Married	100K	No
3	No	Single	70K	No
4	Yes	Married	120K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
6	No	Married	60K	No
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No	Single	85K	Yes
9	No	Married	75K	No
10	No	Single	90K	Yes



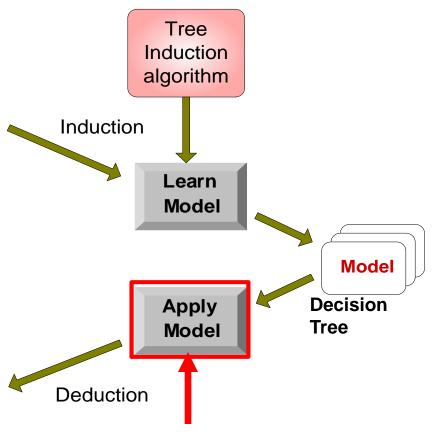
Ci possono essere più alberi di decisione per lo stesso data set

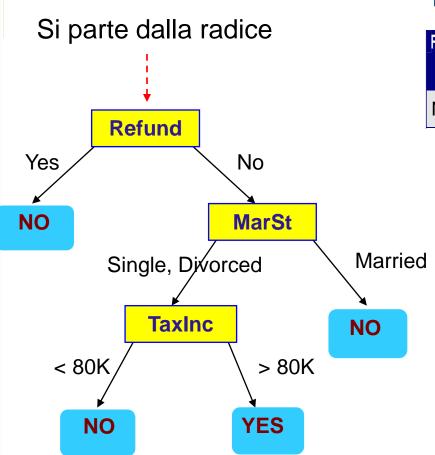


**Training Set** 

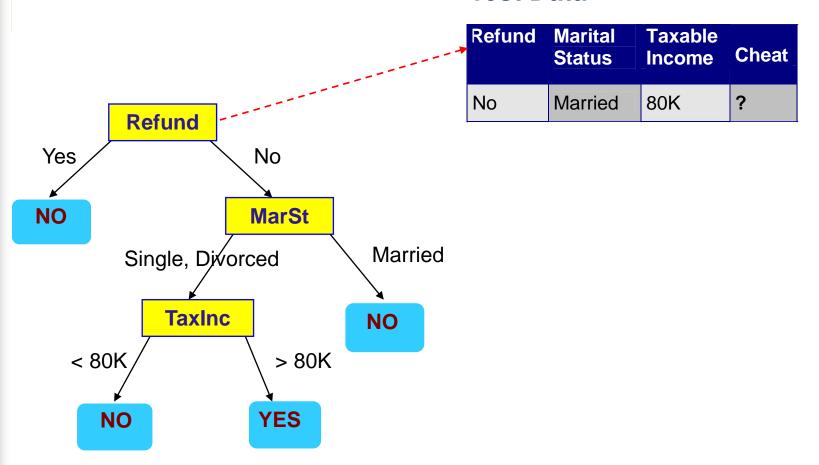
Tid	Attrib1	Attrib2	Attrib3	Class
11	No	Small	55K	?
12	Yes	Medium	80K	?
13	Yes	Large	110K	?
14	No	Small	95K	?
15	No	Large	67K	?

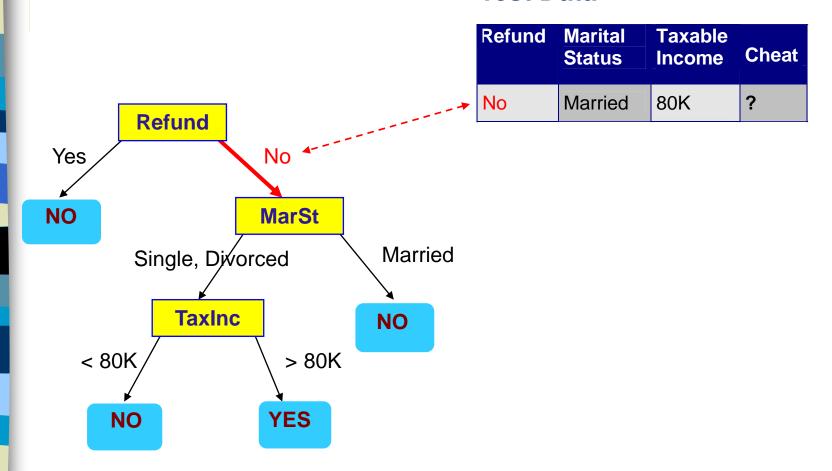
**Test Set** 

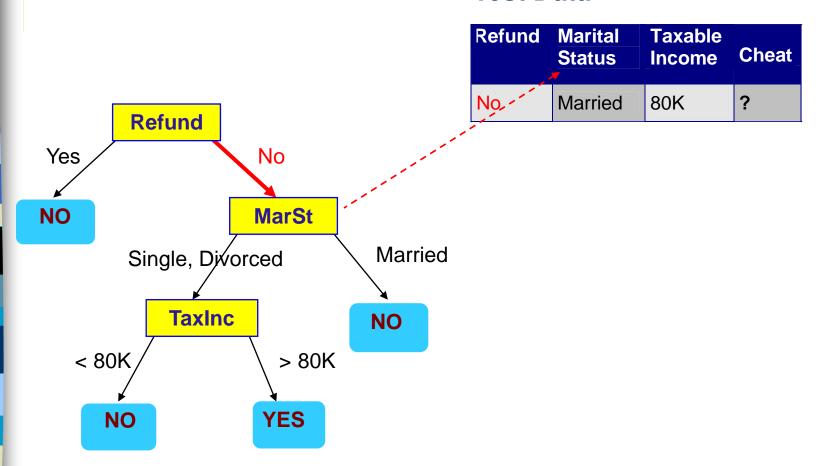


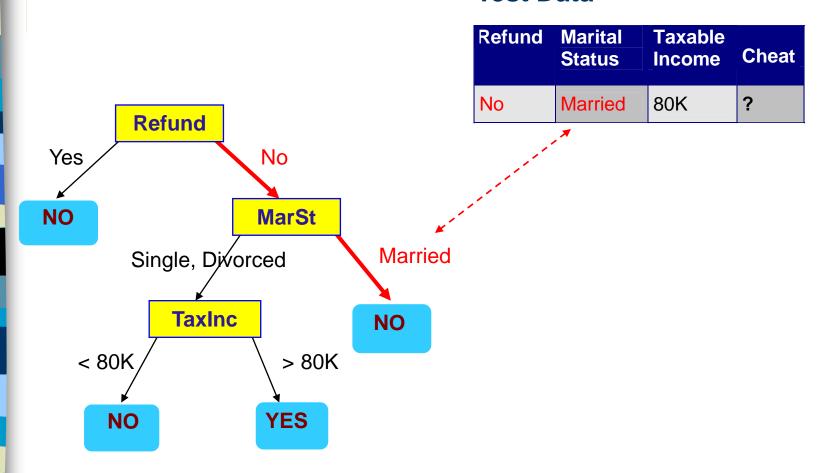


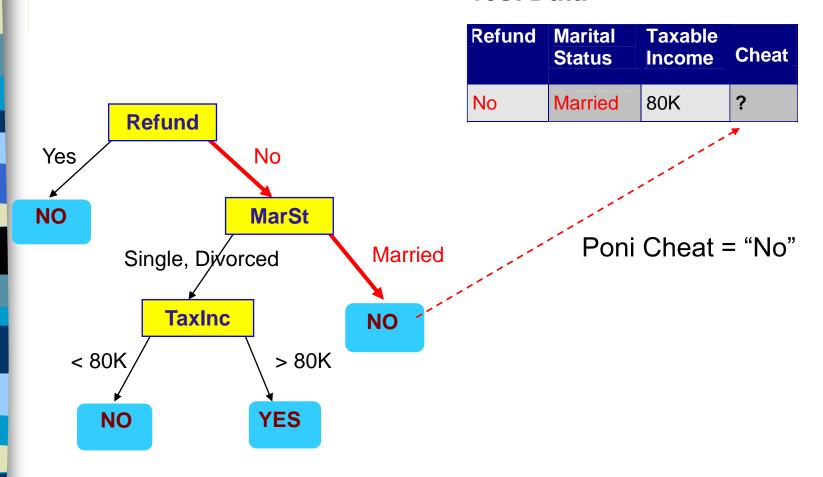
Refund	Marital Status	Taxable Income	Cheat
No	Married	80K	?











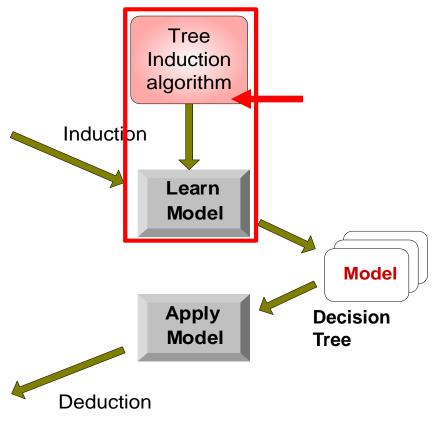
# Decision Tree: imparare il modello



**Training Set** 

Tid	Attrib1	Attrib2	Attrib3	Class
11	No	Small	55K	?
12	Yes	Medium	80K	?
13	Yes	Large	110K	?
14	No	Small	95K	?
15	No	Large	67K	?

**Test Set** 



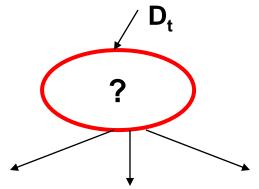
### Induzione con Decision Tree

- Il numero di decision tree cresce esponenzialmente con il numero di attributi
- Gli algoritmi utilizzano generalmente tecniche greedy che fanno localmente la scelta "migliore"
- Sono a disposizione molti algoritmi:
  - ✓ Hunt's Algorithm
  - ✓ CART
  - ✓ ID3, C4.5
  - ✓ SLIQ,SPRINT
- Devono essere affrontati diversi problemi
  - ✓ Scelta del criterio di split
  - ✓ Scelta del criterio di stop
  - ✓ Underfitting
  - ✓ Overfitting
  - ✓ Frammentaizone dei dati
  - ✓ Criterio di ricerca
  - ✓ Espressività
  - ✓ Replicazione degli alberi

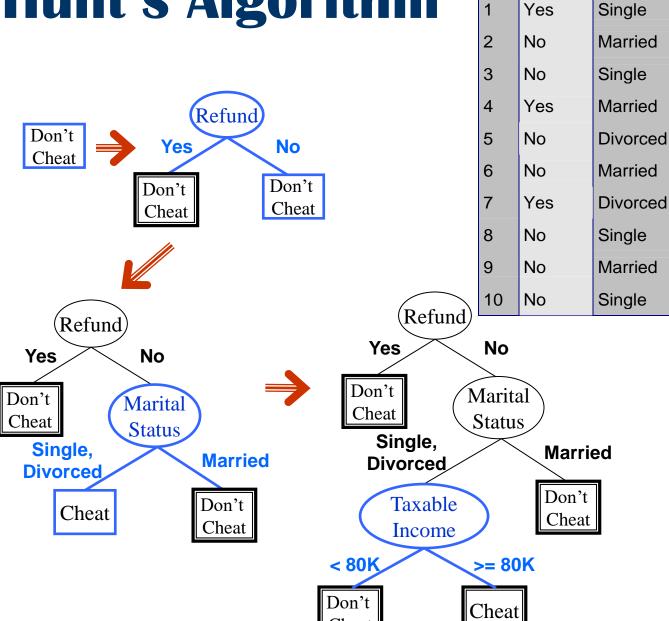
# **Hunt's Algorithm**

- Approccio ricorsivo che suddivide progressivamente un insieme di record D<sub>t</sub> in insiemi di record via via più puri
- Sia D<sub>t</sub> l'insieme dei record del training set corrispondenti al nodo t e y<sub>t</sub>={y<sub>1</sub>,...,y<sub>k</sub>} le possibili label di classe
- Procedura generale:
  - ✓ Se D<sub>t</sub> contiene record appartenenti alla sola classe y<sub>j</sub>, allora t è un nodo foglia con label y<sub>j</sub>
  - ✓ Se D<sub>t</sub> è un insieme vuoto, allora t è un nodo foglia a cui è assegnata una classe del nodo padre
  - ✓ Se D<sub>t</sub> contiene record appartenenti a più classi, si scelga un attributo e un criterio di split per partizionare i record in più sottoinsiemi.
  - ✓ Si riapplichi ricorsivamente la procedura generale ai sottoinsiemi

Tid	Refund	Marital Status	Taxable Income	Cheat
1	Yes	Single	125K	No
2	No	Married	100K	No
3	No	Single	70K	No
4	Yes	Married	120K	No
5	No	Divorced	95K	Yes
6	No	Married	60K	No
7	Yes	Divorced	220K	No
8	No	Single	85K	Yes
9	No	Married	75K	No
10	No	Single	90K	Yes



## **Hunt's Algorithm**



Cheat

Refund

**Marital** 

**Status** 

**Taxable** 

**Income** 

125K

100K

70K

120K

95K

60K

220K

85K

75K

90K

Cheat

No

No

No

No

Yes

No

No

Yes

No

Yes

### Pseudo-codice di massima

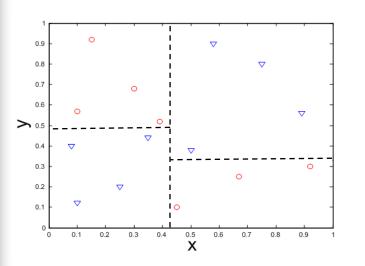
```
// Let E be the training set and F the attributes
result=PostPrune (TreeGrowth (E, F));
TreeGrowth (E, F)
 if StoppingCond (E, F) = TRUE then
   leaf=CreateNode();
   leaf.label=Classify(E);
   return leaf;
 else
  root = CreateNode();
  root.test cond = FindBestSplit(E,F);
   let V = \{v \mid v \text{ is a possible outcome of } root.test cond\}
 for each v \in V do
      E_v = \{e \mid root.test cond (e) = v \text{ and } e \in E\}
      child = TreeGrowth(E_{u}, F);
      add child as descendants of root and label edge
                 (root→child) as v
   end for
 end if
 return root;
end;
```

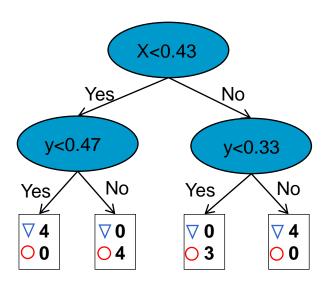


- La ricerca di un albero di decisione ottimo è un problema NP-Completo, ma gli algoritmi eurisitci utilizzati sono molto efficienti
  - ✓ La maggior parte degli approcci eseguono una partizione ricorsiva top down basata su criteri greedy
- La classificazione utilizzando un albero decisionale è estremamente veloce e offre una facile interpretazione dei criteri
  - ✓ Il caso peggiore è O(w) dove w è la profondità dell'albero
- Gli alberi di decisione sono sufficientemente robusti rispetto alla presenza di attributi fortemente correlati
  - ✓ Uno dei due attributi non sarà considerato
  - ✓ E' anche possibile cercare di scartare uno degli attributi in fase di preprocessing mediante opportune tecniche di feature selection

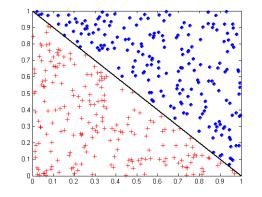
#### Alcune considerazioni...

- L'espressività degli alberi decisionali è limitata alla possibilità di effettuare partizionamenti dello spazio di ricerca con condizioni che coinvolgono un solo attributo per volta
  - ✓ Decision boundary paralleli agli assi





Questa suddivione non è ottenibile con alberi decisionali tradizionali





### Elementi caratterizzanti

- A parte la logica di base per definire completamente un algoritmo per la costruzione di alberi decisionali è necessario definire:
  - ✓ La condizione di split
  - ✓ Il criterio che definisce lo split migliore
  - ✓ Il criterio per interrompere lo splitting
  - ✓ Le modalità per valutare la bontà di un albero decisionale

# Come definire la condizione di split

- Dipende dal tipo di attributo
  - ✓ Nominale
  - ✓ Ordinale
  - ✓ Continuo
- Dipende dal numero di split applicabili ai valori dell'attributo
  - ✓ A 2 vie
  - ✓ A più vie

# Splitting con attributi nominali

Split a più vie: crea tante partizioni quanti sono i valori dell'attributo

Family Luxury
Sports

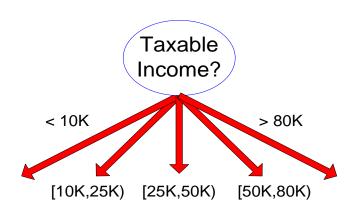
Split a 2 vie: crea due partizioni e richiede di suddividere i possibili valori dell'attributo in modo ottimale



# Splitting con attributi continui

- Split a più vie: la condizione di split può esere espressa come un test di comparazione che ha per risultato più range di valori. L'algoritmo deve considerare tutti i possibili range di valori come possibili punti di split
- Split a 2 vie: la condizione di split può esere espressa come un test di comparazione con risultato binario. L'algoritmo deve considerare tutti i valori come possibili punti di split



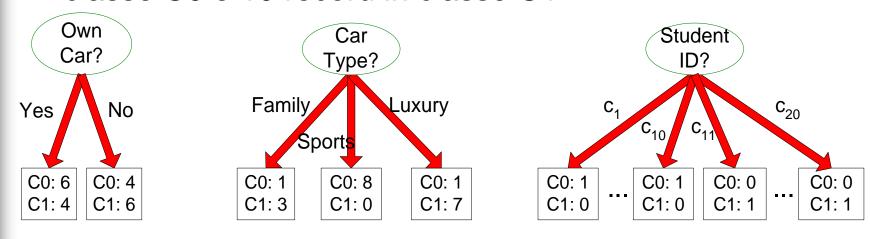


#### Elementi caratterizzanti

- A parte la logica di base per definire completamente un algoritmo per la costruzione di alberi decisionali è necesario definire:
  - ✓ La condizione di split
  - ✓ Il criterio che definisce lo split migliore
  - ✓ Il criterio per interrompere lo splitting
  - ✓ Le modalità per valutare la bontà di un albero decisionale

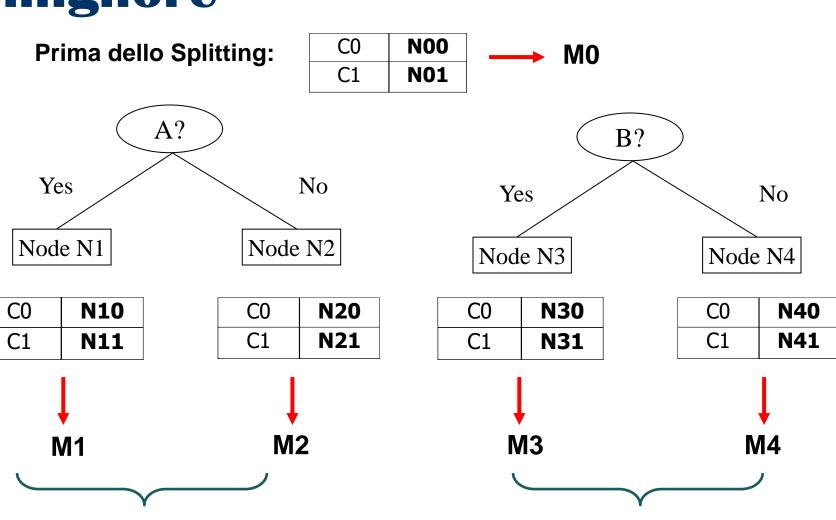
# Come determinare lo split migliore

 Prima dello split una sola classe con 10 record in classe C0 e 10 record in classe C1



- Il criterio di split deve permettere di determinare classi più pure. Serve una misura di purezza
  - ✓ Gini index
  - ✓ Entropia
  - ✓ Misclassification error

# Come determinare lo split migliore



Gain = M0 - M12 vs M0 - M34

**M12** 

**M34** 

# Misure di impurità

- Dato un nodo p con record appartenenti a k classi e un suo partizionamento in n nodi figli
  - ✓ m = numero di record nel padre p
  - ✓ mi = numero di record nel figlio i

ATTENZIONE a non confondere il numero delle classi (k)

e quello dei nodi figli (n)

$$GINI(i) = 1 - \sum_{j=1}^{k} [p(j|i)]^{2}$$

Gini index: usato in CART, SLIQ, SPRINT.

Entropia usato in ID3 e C4.5

$$Entropy(i) = -\sum_{j=1}^{k} p(j|i) \log p(j|i)$$

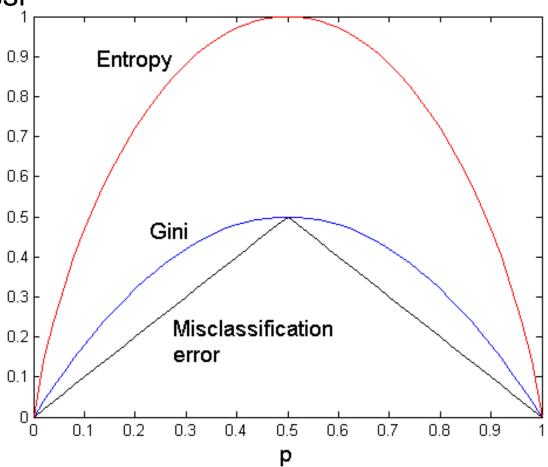
$$Error(i) = 1 - \max_{j \in K} p(j \mid i)$$

 Impurità complessiva dello split è data dalla seguente formula dove meas() è una delle misure introdotte

$$Impurity_{split} = \sum_{i=1}^{n} \frac{m_i}{m} meas(i)$$

# Una comparazione dei criteri di splitting

 Valore dei diversi indici, per un partizionamento in due classi



## Split basato sul GAIN

- Utilizzando misure di impurità delle classi come Gini e Entropy richiede di scegliere il valore di split che massimizza il "guadagno" in termini di riduzione dell'impurità delle classi dopo lo split.
- Per esempio, considerando l'entropia, il guadagno del partizionamento di un nodo p in n nodi figli è:

$$GAIN_{split} = Entropy(p) - \left(\sum_{i=1}^{n} \frac{m_i}{m} Entropy(i)\right)$$

- Selezionare il valore di split che massimizza il GAIN tende a determinare criteri di split che generano un numero molto elevato di classi molto pure e con pochi record.
  - ✓ Partizionare gli studenti in base alla loro matricola garantisce che tutte le classi (formate da un solo studente) siano totalmente pure!!

## Split basato sulle INFO

- Per evitare il problema della polverizzazione delle classi è preferibile massimizzare il Gain Ratio:
  - ✓ n = numero di nodi figli
  - ✓ m = numero di record nel padre p
  - ✓ mi = numero di record nel figlio i

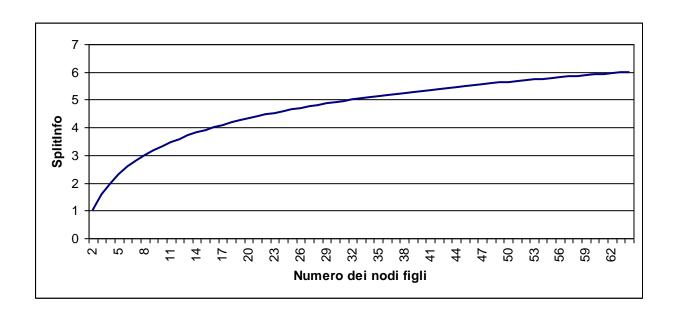
$$GainRATIO_{split} = \frac{GAIN_{Split}}{SplitINFO}$$

$$SplitINFO = -\sum_{i=1}^{n} \frac{m_i}{m} \log \frac{m_i}{m}$$

- ✓ Maggiore il numero dei figli, maggiore il valore di SplitInfo con una conseguente riduzione del GainRatio
- ✓ Per esempio, assumendo che ogni nodo figlio contenga lo stesso numero di record, SplitInfo = log n.
- ✓ C4.5 utilizza il criterio basato su SplitINFO

## Split basato sulle INFO

- Per evitare il problema della polverizzazione delle classi è preferibile massimizzare il Gain Ratio:
  - $\checkmark$  n = da 2 a 64
  - $\sqrt{m} = 100$
  - $\checkmark$  mi = m/n



### Elementi caratterizzanti

- A parte la logica di base per definire completamente un algoritmo per la costruzione di alberi decisionali è necessario definire:
  - ✓ La condizione di split
  - ✓ Il criterio che definisce lo split migliore
  - ✓ Il criterio per interrompere lo splitting
  - ✓ Le modalità per valutare la bontà di un albero decisionale



- Interrompere lo split di un nodo quando tutti i suoi record appartengono alla stessa classe
- Interrompere lo split di un nodo quando tutti i suoi record hanno valori similari su tutti gli attributi
  - ✓ La classificazione sarebbe poco significativa e dipendente da piccole fluttuazioni dei valori
- Interrompere lo split quando il numero dei record nel nodo è inferiore a una certa soglia (data fragmentation)
  - ✓ Il criterio selezionato non sarebbe statisticamente rilevante

### Metriche per la valutazione del modello

- La Confusion Matrix valuta la capacità di un classificatore sulla base dei seguenti indicatori
  - ✓ TP (true positive): record correttamente classificati come classe Yes
  - ✓ FN (false negative): record **in**correttamente classificati come classe No
  - ✓ FP (false positive): record incorrettamente classificati come classe Yes
  - ✓ TN (true negative) record correttamente classificati come classe No

	CI	Classe prevista									
		Class=Yes	Class=No								
Classe	Class=Yes	TP	FN								
effettiva	Class=No	FP	TN								

 Se la classificazione utilizza n classi, la matrice di confusione sarà di dimensione nxn

### Accuratezza

	CI	Classe prevista										
		Class=Yes	Class=No									
Classe	Class=Yes	TP	FN									
effettiva	Class=No	FP	TN									

L'accuratezza è la metrica maggiormente utilizzata per sintetizzare l'informazione di una confusion matrix

Accuracy=
$$\frac{TP+TN}{TP+TN+FP+FN}$$

Equivalentemente potrebbe essere utilizzata la frequenza dell'errore

Error rate = 
$$\frac{FP + FN}{TP + TN + FP + FN}$$

### Limiti dell'accuratezza

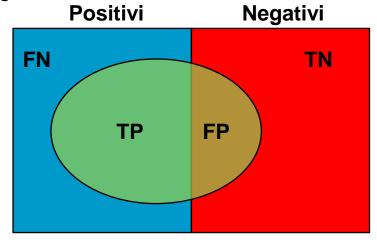
- L'accuratezza non è una metrica adeguata nel caso in cui le classi contengano un numero fortemente diverso di record
  - ✓ Consideriamo un problema di classificazione binario in cui
    - # record della classe 0 = 9990
    - # record della classe 1 = 10
  - ✓ Un modello che predica sempre l'appartenenza alla classe 0 avrà un'accuratezza di 9990/10000 = 99.9 %

Nel caso di problemi di classificazione binaria la classe la classe "rara" è anche chiamata classe positiva, mentre la classe che include la maggioranza dei record è chiamata classe negativa

### Precision e Recall

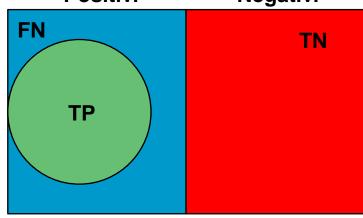
- Precision e Recall sono due metriche utilizzate nelle applicazioni in cui la corretta classificazione dei record della classe positiva riveste una maggiore importanza
  - ✓ Precision misura la frazione di record risultati effettivamente positivi tra tutti quelli che erano stati classificati come tali
    - ✓ Valori elevati indicano che pochi record della classe negativa sono stati erroneamente classificati come positivi.
  - ✓ Recall misura la frazione di record positivi correttamente classificati
    - ✓ Valori elevati indicano che pochi record della classe positiva sono stati erroneamente classificati come negativi.

Precision, 
$$p = \frac{TP}{TP + FP}$$
  
Recall,  $r = \frac{TP}{TP + FN}$ 

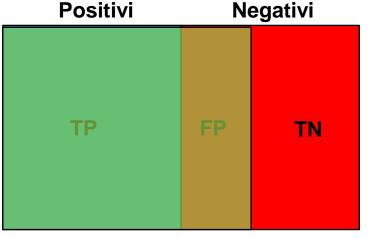


### Precision e Recall

precision = 1 se tutti i record positivi sono stati effettivamente individuati
 Positivi
 Negativi



recall = 1 se non ci sono falsi negativi



Se entrambi valgono 1 le classi predette coincidono con quelle reali1

### Matrice dei costi

- La matrice dei costi codifica la penalità in cui si incorre nel classificare un record in una classe diversa
  - ✓ Una penalità negativa indica il "premio" che si ottiene per una corretta classificazione

 $C(M)=TP\times C(Yes|Yes)+FP\times C(Yes|No) +FN\times C(No|Yes) +TN\times C(No|No)$ 

	Cla	asse previs	ta j
	C(i j)	Class=Yes	Class=No
Classe effettiva	Class=Yes	C(Yes Yes)	C(Yes No)
i	Class=No	C(No Yes)	C(No No)

 Un modello costruito struttando, come funzione di purezza, una matrice di costo tenderà a fornire un modello a costo minimo rispetto ai pesi specificati

### Calcolo del costo

Cost Matrix	PREDI	CTED (	CLASS
	C(i j)	+	•
ACTUAL CLASS	+	-1	100
OLAGO	-	1	0

Model M <sub>1</sub>	PREDI	CTED (	CLASS
		+	•
ACTUAL CLASS	+	150	40
CLAGG	•	60	250

Model M <sub>2</sub>	PREDI	CTED (	CLASS
		+	-
ACTUAL CLASS	+	250	45
OLAGO	-	5	200

Accuracy = 80%

Cost = 3910

Accuracy = 90%

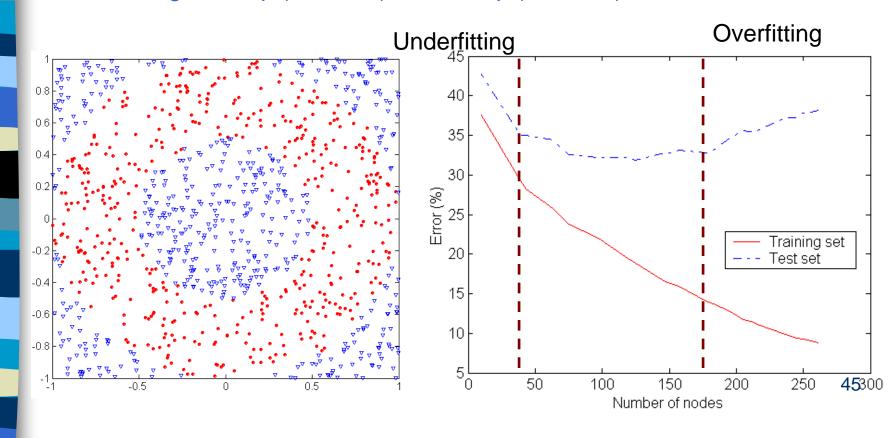
Cost = 4255



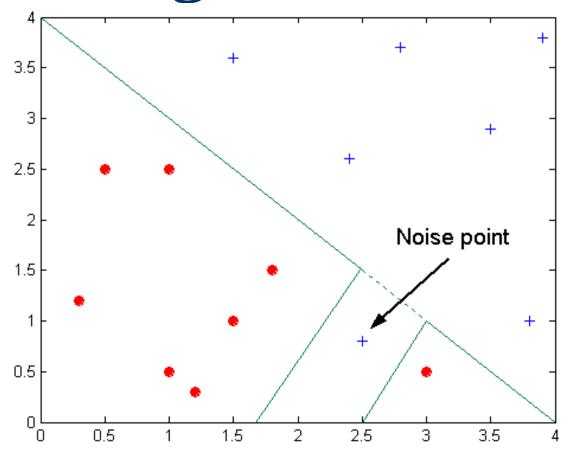
- Training error: sono gli errori che si commettono sul training set
- Generalization error: sono gli errori che si commettono sul test set (record su cui non è stato addestrato il sistema).
- Underfitting: il modello è troppo semplice e non consente una buona classificazione nè del training set, nè del test set
- Overfitting: il modello è troppo complesso, consente un'ottima classificazione del training set, ma una pessima classificazione del test set
  - ✓ Il modello non riesce a generalizzare poiché è basato su peculiarità specifiche del training set che non si ritrovano nel test set (es. rumore presente nel training set)

### Underfitting e Overfitting

- √ 500 cerchi e 500 triangoli
- ✓ Punti circolari:  $0.5 \le \text{sqrt}(x12+x22) \le 1$
- ✓ Punti triangolari: sqrt(x12+x22) > 0.5 o sqrt(x12+x22) < 1</p>

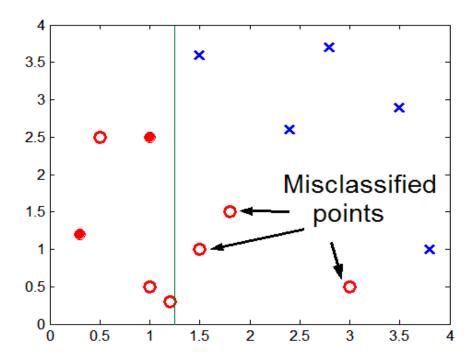


### Overfitting dovuto al rumore



I confini delle aree sono distorte a causa del rumore

# Overfitting dovuto alla ridotta dimensione del training set



Punti presenti nel training set \*

La mancanza dei punti nella parte bassa del diagramma rende difficile individuare una corretta classificazione per quella porzione di regione

### Come gestire l'Overfitting: prepruing (Early stopping rule)

- Interrompere lo splitting prima che si arrivi a un albero di massima profondità
- Un nodo non può essere splittato ulteriormente se:
  - ✓ Il nodo non contiene istanze
  - ✓ Tutte le istanze appartengono alla medesima classe
  - ✓ Tutti gli attributi hanno gli stessi valori
- Condizioni più restrittive potenzialmente adottabili sono:
  - ✓ Interrompi lo splitting se il numero di istanze nel nodo è inferiore a una quantità fissata
  - ✓ Interrompi lo splitting se la distribuzione delle istanze tra le classi è indipendente dai valori degli attributi
  - ✓ Interrompi lo splitting se non si migliora la misura di purezza (es. Gini o information gain).



- Esegui tutti gli split possibili
- Esamina i nodi del decision tree ottenuto con una logica bottom-up
- Collassa un sottoalbero in un nodo foglia se questo permette di ridurre l'errore di generalizzazione (ossia sul validation set)
  - Scegli di collassare il sottoalbero che determina la massima riduzione di errore (N.B. scelta greedy)
- Le istanze nella nuova foglia possono essere etichettate
  - ✓ In base all'etichetta che compare più frequentemente nel sottoalbero
  - ✓ In base all'etichetta che compare più frequentemente nelle istanze del training set che appartengono al sottoalbero
- Il post-pruning è più efficace ma implica un maggior costo computazionale
  - ✓ Si basa sull'evidenza del risultato di un albero completo

### Elementi caratterizzanti

- A parte la logica di base per definire completamente un algoritmo per la costruzione di alberi decisionali è necesario definire:
  - ✓ La condizione di split
  - ✓ Il criterio che definisce lo split migliore
  - ✓ Il criterio per interrompere lo splitting
  - ✓ Le modalità per valutare la bontà di un albero decisionale

### Costruzione del test set

#### Holdout

- ✓ Utilizzare 2/3 dei record per il training e 1/3 per la validazione
- ✓ Svantaggi:
  - Opera con un training set ridotto
  - Il risultato dipende dalla composizione del training set e del test set

#### Random subsampling

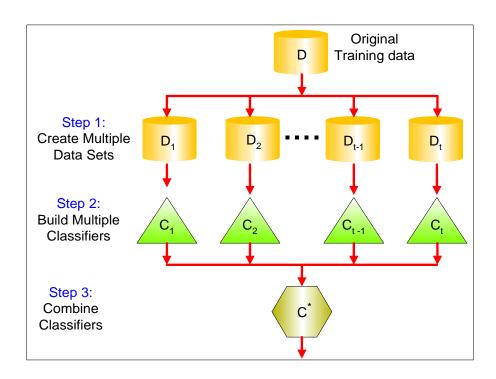
✓ Consiste in una esecuzione ripetuta del metodo holdout in cui il dataset di training è scelto casualmente

#### Cross validation

- ✓ Partiziona i record in k sotto-insiemi distinti
- ✓ Esegui il training su k-1 partizioni ed il test sulla rimanente
- ✓ Ripeti il test k volte e calcola l'accuracy media
- ✓ ATTENZIONE: la cross validation crea k classificatori diversi e quindi la validazione indica quanto il tipo di classificatore e i suoi parametri sono adatti per lo specifico problema
  - I k alberi decisionali costruiti potrebbero avere attributi e condizioni di split diverse a seconda delle caratterisitche del k-esimo training set

### Combinazione di classificatori

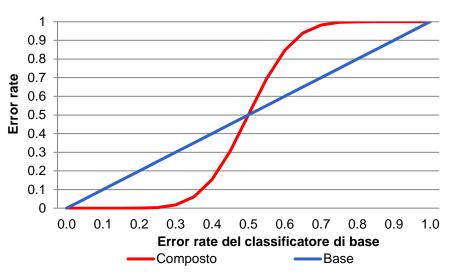
- Idea: costruire più classificatori di base e predire la classe di appartenza di un record aggregando le classificazioni ottenute
  - ✓ Il risultato del classificatore composto è definito per mezzo di una funzione che, per esempio, assegna il record alla classe che è stata "votata" dal maggior numero di classificatori



### Principio di funzionamento

- Supponiamo di avere 25 classificatori semplici
  - ✓ Ogni classificatore ha un error-rate pari a  $\varepsilon$  = 0.35
  - ✓ Si assuma che i classificatori siamo indipendenti
    - Non c'è correlazione tra gli error-rate dei classificatori
- La probabilità che il classificatore composto dia un risultato errato è:

$$\sum_{i=13}^{25} {25 \choose i} \varepsilon^i (1-\varepsilon)^{25-i} = 0.06$$



- Condizioni necessarie perché il classificatore composto dia risultati migliori dei classificatori semplici sono:
  - ✓ Che i classificatori siano indipendenti
  - ✓ Che l'error-rate del singolo classificatore sia inferiore a 0.5

### Come costruire classificatori composti

- Cambiando il training set: si costruiscono più training set a partire dal data set dato
  - ✓ Bagging e Boosting
- Cambiando gli attributi utilizzati: i singoli classificatori sono basati su un sottoinsieme degli attributi
  - ✓ Utile quando gli attributi sono fortemente ridondanti
    - Random Forest
- Cambiando le classi considerate:
  - ✓ Si partizionano le classi in due gruppi A0 e A1 e si trasforma il problema dato in un problema binario. Le classi che appartengono ad A0 sono classificate come 0 le rimanenti come 1.
  - ✓ I diversi classificatori sono costruiti risuddividendo le classi in sottoinsiemi diversi
  - ✓ La classificazione del classificatore composto si ottiene incrementando di 1 il punteggio delle classi che appartengono al sottoinsieme scelto.
  - ✓ Il record è infine assegnato alla classe che ottiene il punteggio maggiore
    - Error-Correcting Output Coding
- Cambiando i parametri dell'algoritmo di learning:
  - ✓ Topologia e pesi di una rete neurale
  - ✓ Alberi decisionali con politiche di scelta random degli attributi da utilizzare

### Bagging vs Boosting vs ...

- Bagging: mira a creare un insieme di classificatori aventi la stessa importanza. All'atto della classificazione, ciascun modello voterà circa l'esito della predizione e l'output complessivo sarà la classe che avrà ricevuto il maggior numero di voti.
- Boosting: a differenza del bagging, ciascun classificatore influisce sulla votazione finale con un certo peso. Tale peso sarà calcolato in base all'errore di accuratezza che ciascun modello commetterà in fase di learning.
- Stacking: mentre nel bagging l'output era il risultato di una votazione, nello stacking viene introdotto un ulteriore classificatore (detto metaclassificatore) che utilizza le predizioni di altri sotto-modelli per effettuare un ulteriore learning.

### **Bagging**

- Permette di costruire classificatori composti che associano un evento alla classe più votata dai classificatori base
- Ogni classificatore è costruito mediante bootstrap di un medesimo trainining set

```
// k = numero di cicli di bootstrap N = card. del training set // \delta()=1 se l'argomento della funzione è TRUE, 0 altrimenti for i=1 to k do Crea un training set D_i di dimensione N Allena un classificatore C_i sul training set D_i end for C^*(\mathbf{x}) = \arg\max_{y} \sum_{i} \delta(C_i(\mathbf{x}) = y)
```

### Bagging: un esempio

- Classificatore di base: albero decisionale binario a un livello
  - ✓ Può solo fare scelte del tipo  $x \le s \to -1 x > s \to 1$  dove s è lo split point
- II data set

X	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	1
У	1	1	1	-1	-1	-1	-1	1	1	1

- L'accuratezza del classificatore base non può superare 70%
  - $\checkmark$  x $\leq$ 0.3  $\rightarrow$ 1 x>0.3  $\rightarrow$ -1
  - $\checkmark x \le 0.7 \rightarrow -1 x > 0.7 \rightarrow 1$

### Bagging: le sessioni

#### Bagging Round 1:

- 55	9										
х	0.1	0.2	0.2	0.3	0.4	0.4	0.5	0.6	0.9	0.9	x <= 0.35 ==> y = 1
У	1	1	1	1	-1	-1	-1	-1	1	1	x > 0.35 ==> y = -1

#### Bagging Round 2:

99	.9										
х	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.8	0.9	1	1	1	x <= 0.65 ==> y = 1
у	1	1	1	-1	-1	1	1	1	1	1	x > 0.65 ==> y = 1

#### Bagging Round 3:

х	0.1	0.2	0.3	0.4	0.4	0.5	0.7	0.7	0.8	0.9	x <= 0.35 ==> y = 1
у	1	1	1	-1	-1	-1	-1	-1	1	1	x > 0.35 ==> y = -1

#### Bagging Round 4:

99	9										
х	0.1	0.1	0.2	0.4	0.4	0.5	0.5	0.7	0.8	0.9	x <= 0.3 ==> y = 1
У	1	1	1	-1	-1	-1	-1	-1	1	1	x > 0.3 ==> y = -1

#### Bagging Round 5:

	~										
х	0.1	0.1	0.2	0.5	0.6	0.6	0.6	1	1	1	x <= 0.35 ==> y = 1
у	1	1	1	-1	-1	-1	-1	1	1	1	x > 0.35 ==> y = -1

#### Bagging Round 6:

х	0.2	0.4	0.5	0.6	0.7	0.7	0.7	0.8	0.9	1	x <= 0.75 ==> y = -1
у	1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	1	1	1	x > 0.75 ==> y = 1

#### Bagging Round 7:

х	0.1	0.4	0.4	0.6	0.7	0.8	0.9	0.9	0.9	1	x <= 0.75 ==> y = -1
У	1	-1	-1	-1	-1	1	1	1	1	1	x > 0.75 ==> y = 1

#### Bagging Round 8:

	9										
х	0.1	0.2	0.5	0.5	0.5	0.7	0.7	0.8	0.9	1	x <= 0.75 ==> y = -1
У	1	1	-1	-1	-1	-1	-1	1	1	1	x > 0.75 ==> y = 1

#### Bagging Round 9:

x	0.1	0.3	0.4	0.4	0.6	0.7	0.7	0.8	1	1	x <= 0.75 ==> y = -1
у	1	1	-1	-1	-1	-1	-1	1	1	1	x > 0.75 ==> y = 1

#### Bagging Round 10:

х	0.1	0.1	0.1	0.1	0.3	0.3	0.8	0.8	0.9	0.9
у	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1

### Bagging: i risultati

Round	x=0.1	x=0.2	x=0.3	x=0.4	x=0.5	x=0.6	x=0.7	x=0.8	x=0.9	x=1.0
1	1	1	1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
2	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
3	1	1	1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
4	1	1	1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
5	1	1	1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1
6	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	1	1	1
7	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	1	1	1
8	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	1	1	1
9	-1	-1	-1	-1	-1	-1	-1	1	1	1
10	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
Sum	2	2	2	-6	-6	-6	-6	2	2	2
Sign	1	1	1	-1	-1	-1	-1	1	1	1
True Class	1	1	1	-1	-1	-1	-1	1	1	1

 Il bagging permette di ottenere il comportamento di un albero decisionale a due livelli



Disegnare l'albero decisionale a due livelli corrispondente al risultato del bagging

### **Random Forest**

- Appartiene alla famiglia di metodi di Bagging:
  - ✓ Estrazione con re-imbussolamento di un sottoinsieme D<sub>i</sub> di pattern dal training set
  - ✓ Addestramento del classificatore  $C_i$  sul sottoinsieme  $D_i$
  - ✓ Fusione dei classificatori (e.g., majority vote rule, somma)
- In Random Forest i singoli classificatori sono alberi decisionali
- Per rendere maggiormente indipendenti i classificatori:
  - ✓ per ogni nodo la scelta della feature migliore su cui partizionare non è fatta sull'intero insieme delle d feature (dimensionalità dei pattern), ma su un sottoinsieme random di d' feature. Valore tipico  $d' = \sqrt{d}$
  - ✓ In assenza di questo accorgimento (noto anche come feature bagging) molti tree sceglierebbero con elevata probabilità le stesse variabili (quelle più discriminanti).
- Pertanto Random Forest opera simultaneamente due tipi di bagging: uno sui pattern del training set e uno sulle feature

### Classificatori K-NN

#### Prof. Matteo Golfarelli

Alma Mater Studiorum - Università di Bologna

### Classificatori Instance-Based

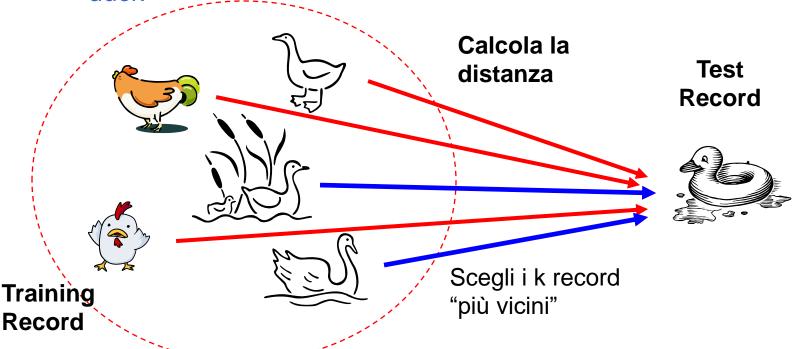
- Non costruiscono modelli ma classificano i nuovi record sulla base della loro somiglianza rispetto agli esempi nel training set
- Sono per questo detti lazy -pigri- learners in contrapposizione agli eager –diligenti, impazienti- learners (rule based, alberi decisionali, reti neurali, ecc.)
  - ✓ Rote-learner: classifica un record solo se coincide con uno del training set
  - Nearest-Neighbor: classifica il record in base ai più simili del training set

Set of Stored Cases

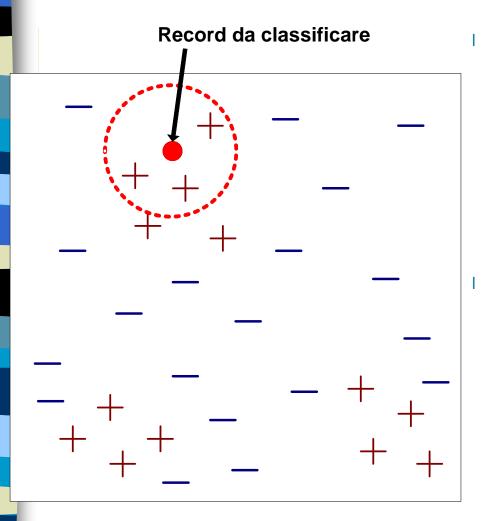
Atr1	 AtrN	Class				
		A				
		В				
		В		Un	seen C	ase.
		С		OII	seen C	ase
		A		Atr1		AtrN
		С				
		В				

### Classificatori Nearest Neighbor

- Utilizzano i k punti "più vicini" (nearest neighbors) per effettuare la classificazione
- Idea di base:
  - ✓ If it walks like a duck, quacks like a duck, then it's probably a duck



### Classificatori Nearest Neighbor



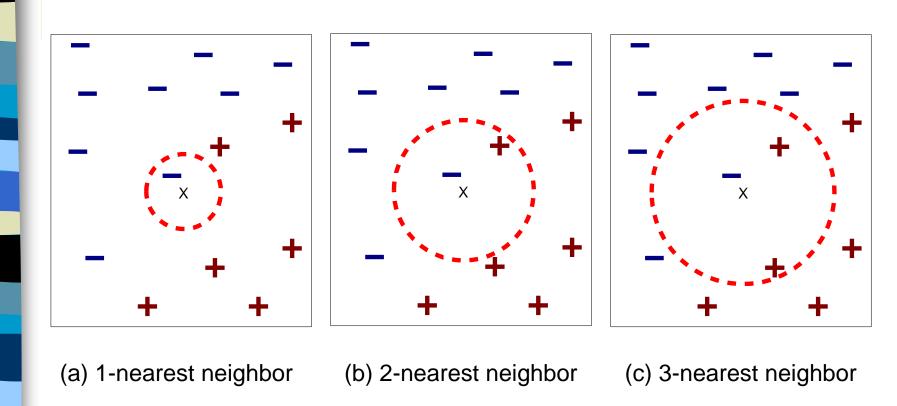
#### Richiedono:

- Un training set
- Una metrica per calcolare la distanza tra i record
- Il valore di k, ossia il numero di vicini da utilizzare

#### Il processo di classificazione:

- Calcola la distanza rispetto ai record nel traing set
- Identifica k nearest neighbors
- Utilizza le label delle classi dei nearest neighbor per determinare la classe del record sconosciuto (es. scegliendo quella che compare con maggiore frequenza)

### Definizione di Nearest Neighbor



I k nearest neighbors di un record  $\mathbf{x}$  sono i record del training set che hanno le più piccole k distance da  $\mathbf{x}$ 

### **K-Nearest Neighbor**

La classificazione di un record z è ottenuta con un processo di majority voting tra i k elementi Dz del training set D più vicini (o simili) a z

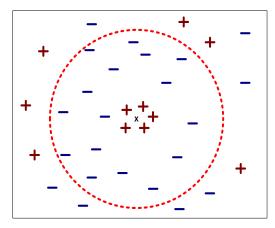
$$\overline{y} = \underset{y \in \mathbf{Y}}{\operatorname{arg\,max}} \sum_{(\mathbf{x}_i, y_i) \in D_z} I(y_i = y)$$

- ✓ Y è l'insieme delle label di classe
- ✓ I() restituisce 1 se il suo argomento è TRUE, 0 altrimenti
- Tutti i vicini hanno lo stesso peso
  - ✓ L'algoritmo è molto sensibile al valore di k
  - ✓ Questo rischio può essere ridotto pesando il contributo dei vicini in base alla distanza  $w = 1/d(\mathbf{z}, \mathbf{x}_i)$

$$\overline{y} = \underset{y \in \mathbf{Y}}{\operatorname{arg\,max}} \sum_{(\mathbf{x}_i, y_i) \in D_z} w \times I(y_i = y)$$

### **K-Nearest Neighbor**

- La scelta di k è importante perchè:
  - ✓ Se k è troppo piccolo, l'approccio è sensibile al rumore
  - ✓ Se k è troppo grande, l'intorno può includere esempi appartenenti ad altre classi



- Per operare correttamente gli attributi devono avere la stessa scala di valori e vanno quindi normalizzati in fase di preprocessing
  - ✓ Esempio: su quale attributo una differenza di 0.5 vale di più?
    - l'altezza di un adulto varia 1.5m to 2.1m
    - il peso di un adulto varia da 40kg a 150kg
    - Lo stipendio di una persona varia da 10K€ to 1M€
- Normalizzare la scala può non essere sufficiente in presenza di diverse distribuzioni dei dati
  - ✓ Mahalanobis distance

# K-Nearest Neighbor: Pro & Contro

#### Pro

- ✓ Non richiedono la costruzione di un modello
- ✓ Rispetto ai sistemi basati su regole o decision tree permettono di costruire "contorni" delle classi non lineari e sono quindi più flessibili

#### Contro

- ✓ Richiedono una misura di similarità o distanza per valutare la vicinanza
- ✓ Richiedono una fase di pre-processing per normalizzare il range di variazione degli attributi
- ✓ La classe è determinata localmente e quindi è suscettibile al rumore dei dati
- ✓ Sono molto sensibili alla presenza di attributi irrilevanti o correlati che falseranno le distanze tra gli oggetti
- ✓ Il costo di classificazione può essere elevato e dipende linearmente dalla dimensione del training set in mancanza di opportune strutture ad indice

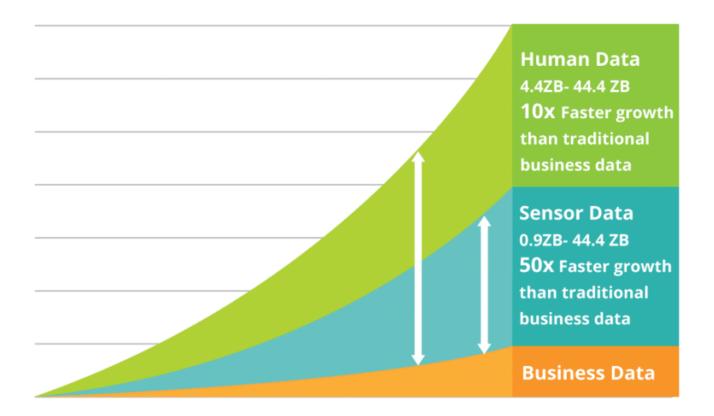
### **AutoMachineLearning**

#### Prof. Matteo Golfarelli

Alma Mater Studiorum - Università di Bologna

### La Crescita dei dati

- La crescita esponenziale dei dati rede difficili analizzarli manualmente, ma....
  - ✓ Anche le tecniche di ML richiedono un processo di tuning oneroso
  - ✓ I data scientist non scalano!



### Data scientist & Data Enthusiast

- I data scientist sono una delle figure prosessionali più ricercate del momento
  - ✓ Sono figure professionali interdisciplinari difficili da formare



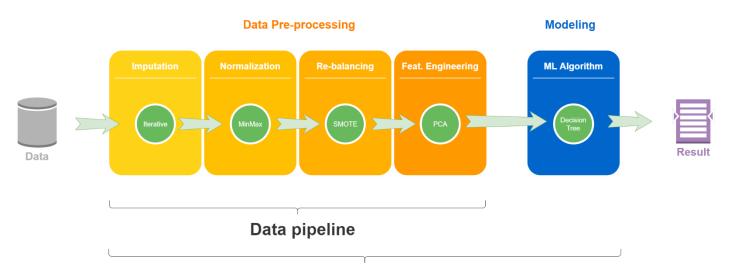
 Sempre più utenti con competenze di base utilizzano tool di Data mining

### **AutoML**

 Automated Machine Learning è il processo di automazione nell'applicazione del ML

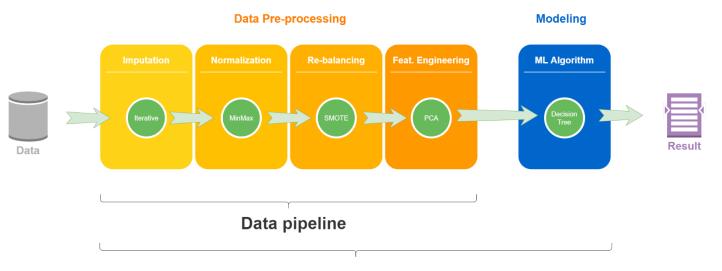


- Ha l'obiettivo di identificare la pipeline ottima
  - ✓ Una pipeline è formata da una sequenza di trasformazioni
  - ✓ Ogni trasformazione può essere scelta tra un insieme di alternative
  - ✓ Ogni operazione ha un insieme di iper-parametri
  - ✓ Ogni iper-parametro ha il suo search space



### Parametri vs Iper-Parametri

- In un sistema di machine learning ci sono due tipi di parametri:
- Parametri del modello: sono i parametri che sono individuati dal processo di allenamento che porta al fitting.
  - ✓ Decision tree: attributi di split, condizioni di split
- Iper-parametri: Questi sono parametri regolabili che devono essere fissati per ottenere un modello con prestazioni ottimali.
  - ✓ K-nearest neighbor: k, funzione distanza...
  - ✓ Decision tree: split a 2-vie o a molte-vie, funzione di purezza...
  - ✓ PCA: numero dimensioni



## CASH: Combined Algorithm Selection and Hyper-parameter optimization problem

- Formalizzato per un singolo operatore la prima volta in Auto-Weka
  - ✓ Dato un dataset D suddiviso in D<sub>train</sub> e D<sub>test</sub>
  - ✓ Un insieme di algoritmi  $A = \{A_1, \ldots, A_j, \ldots, A_n\}$  con gli associati iperparametri  $\{\Theta_1, \ldots, \Theta_j, \ldots, \Theta_n\}$

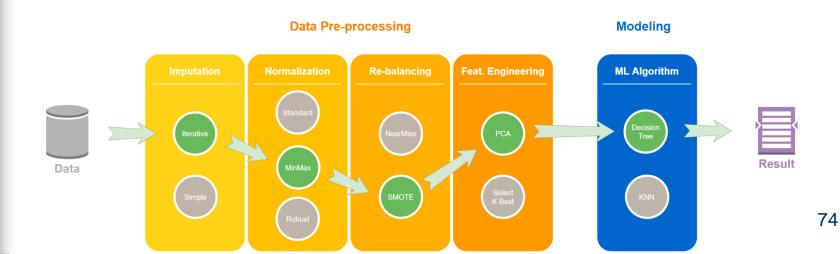
$$\begin{array}{l} A_1 = Decision \ tree \\ \Theta_1 = \{num\_obj, \ pruning\} \\ num\_obj = \{2,3,4\} \\ pruning = \{true, \ false\} \end{array}$$

$$A_2=KNN$$

$$\Theta_2=\{K, weight\}$$

$$K=\{2,3,4,5\}$$

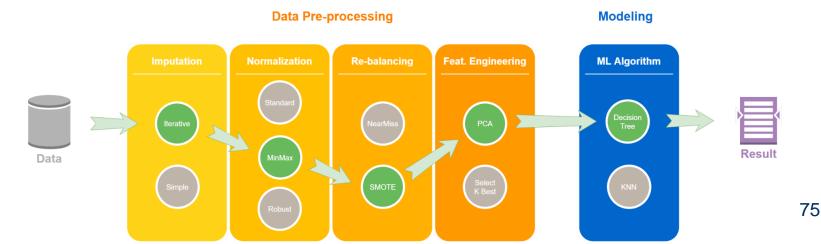
$$weight=\{1/\text{dist}, 1/\text{dist2}\}$$



# CASH: Combined Algorithm Selection and Hyper-parameter optimization problem

- Formalizzato per un singolo operatore la prima volta in Auto-Weka
  - ✓ Dato un dataset D suddiviso in D<sub>train</sub> e D<sub>test</sub>
  - ✓ Un insieme di algoritmi  $A = \{A_1, \ldots, A_j, \ldots, A_n\}$  con gli associati iperparametri  $\{\Theta_1, \ldots, \Theta_j, \ldots, \Theta_n\}$
  - ✓ Una metrica di valutazione M(Aj<sub>θ</sub>, D<sub>train</sub>, D<sub>test</sub>)
    - Accuracy, Precision-Recall
- Trova l'insieme di algoritmi e di iper-parametri che massimizzano la metrica di valutazione

$$A_{\theta^*}^* = \underset{A_j \in A, \theta \in \Theta_j}{\operatorname{argmax}} M(A_{\theta}^j, D_{train}D_{test})$$

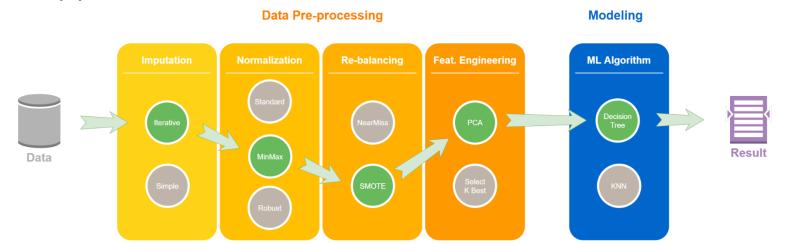


# CASH: Combined Algorithm Selection and Hyper-parameter optimization problem

- Formalizzato per un singolo operatore la prima volta in Auto-Weka
  - ✓ Dato un dataset D suddiviso in D<sub>train</sub> e D<sub>test</sub>
  - ✓ Un insieme di algoritmi  $A = \{A_1, \ldots, A_j, \ldots, A_n\}$  con gli associati iperparametri  $\{\Theta_1, \ldots, \Theta_j, \ldots, \Theta_n\}$
  - ✓ Una metrica di valutazione M(Aj<sub>θ</sub>, D<sub>train</sub>, D<sub>test</sub>)
    - Accuracy, Precision-Recall
- Trova l'insieme di algoritmi e di iper-parametri che massimizzano la metrica di valutazione

$$A_{\theta^*}^* = \underset{A_j \in A, \theta \in \Theta_j}{\operatorname{argmax}} M(A_{\theta}^j, D_{train}D_{test})$$

 La formulazione precedente è valida per un operatore e va estesa a tutta la pipeline



76

### Risoluzione di CASH

- Lo spazio di ricerca può essere enorme sono necessarie tecniche euristiche (che trovino una soluzione ottimale senza esplorarlo tutto)
  - ✓ Grid search
  - ✓ Random search
  - ✓ Heuristics
    - Ant colony optimization
    - Particle Swarm Optimization
    - Simulate Annealing
  - ✓ Genetic algorithms
  - ✓ Multi-resolution optimization
    - Successive Halving
    - Hyper-Band
  - ✓ Bayesian optimization
    - Sequential Model-Based Optimization (SMBO)

### **AutoML Tool**

- Il numero di tool che forniscono funzioni di AutoML è in continua crescita
  - ✓ Cloud-Based
    - Google AutoML
    - Amazon AutoML
    - Azure AutoML
    - Data Iku
    - Data Robot
  - ✓ Distributed
    - MLBase
    - TrasmogrifAl
    - MLBox
    - ATM
    - Rafiki

- ✓ Centralised
  - Auto-Weka
  - Auto-Sklearn
  - HyperOpt
  - HyperOpt-Sklearn
  - TPOT
  - SmartML
  - H2O