Typage Langage de types Vérification de types Inférence de type

# Compilation

CM4 - Typage & Vérification de type

ISTIC, Université de Rennes 1 Sebastien.Ferre@irisa.fr

COMP, M1 info

### Plan

- Typage
- 2 Langage de types
- Vérification de types
- Inférence de type

### Plan

- Typage
- 2 Langage de types
- Vérification de types
- Inférence de type

## Typer c'est quoi?

#### Typer c'est:

- classer et normaliser les objets élémentaires
  - ex : entiers, booléens, flottants, caractères
- afin de savoir les composer
  - ex : tableaux, structures
- en se protégeant contre des erreurs courantes
  - **ex**:tab.champ, entier[i], entier + booléen

#### Langage de types :

- types élémentaires : ex, entier, booléen
- 2 types composés : ex, tableau, structure, fonction
- ightarrow fait partie ou non du langage source

## Typer c'est quoi?

#### Typer c'est:

- classer et normaliser les objets élémentaires
  - ex : entiers, booléens, flottants, caractères
- afin de savoir les composer
  - ex : tableaux, structures
- en se protégeant contre des erreurs courantes
  - **ex**:tab.champ, entier[i], entier + booléen

#### Langage de types :

- types élémentaires : ex, entier, booléen
- 2 types composés : ex, tableau, structure, fonction
- → fait partie ou non du langage source

### Pourquoi typer?

- rôle d'abstraction
  - les expressions 1, 1+2, (3\*x)+1 sont toutes de type entier utilisables partout où un entier est attendu
  - analogie : une ampoule à vis peut être utilisée dans n'importe quelle douille à vis
- prévenir les erreurs de type
  - ex : entier utilisé là où un booléen est attendu
  - analogie : une ampoule à vis dans une douille à baionnette
  - analogie : une prise male USB dans une prise femelle 220V!

#### Remarque

La machine ne voit que des emplacement mémoires et des octets!

### Histoire des langages de programmation

- apparition pragmatique en C et Fortran [1960s]
  - conditionne allocation mémoire + détection erreurs
- formalisation très complète en ML [1970s]
  - type = propriété abstraite des expressions expressions entières
  - règles de propagation des types
    - la somme de deux entiers est un entier
    - si T est un tableau de chaines et i est un entier, alors T[i] est une chaine
  - le tout forme une théorie logique avec axiomes et règles

## Distinctions entre langages (1/3)

- vérification (C, Java) déclarations de type des variables
  - ex:int x;  $\Rightarrow x + 1$  est correct
- inférence (ML)
   déduction des types d'après l'utilisation des variables
  - $ex : x + 1 \Rightarrow x : int$

## Distinctions entre langages (2/3)

- typage statique (ML) vs dynamique (Lisp, Smalltalk) vs mixte (C, Java)
  - statique : tout est vérifié à la compilation avantage : les erreurs sont détectées plus tôt
  - dynamique : tout est vérifié à l'éxécution avantage : offre plus de flexibilité
- typage fort (ML, Lisp, Java) vs faible (C)
  - typage fort : aucune opération mal typée n'est permise
  - certaines vérifications sont possibles à la compilation ex.:tab["toto"]
  - d'autres doivent être faites à l'éxécution ex. : dépassement des bornes d'un tableau
- ATTENTION : les deux aspects sont orthogonaux

### Distinctions entre langages (2/3)

- typage statique (ML) vs dynamique (Lisp, Smalltalk) vs mixte (C, Java)
  - statique : tout est vérifié à la compilation avantage : les erreurs sont détectées plus tôt
  - dynamique : tout est vérifié à l'éxécution avantage : offre plus de flexibilité
- typage fort (ML, Lisp, Java) vs faible (C)
  - typage fort : aucune opération mal typée n'est permise
  - certaines vérifications sont possibles à la compilation ex.:tab["toto"]
  - d'autres doivent être faites à l'éxécution ex. : dépassement des bornes d'un tableau
- ATTENTION : les deux aspects sont orthogonaux

## Distinctions entre langages (3/3)

#### notation littérale des valeurs d'un type

seulement pour les types élémentaires (C)

```
entier: 1, 127
chaine: "Hello"
arbre (type composé):
déf. type: struct tree { int val; struct tree* left, right; }
création valeur: code nécessaire.....
```

- pour la plupart des types (ML, Prolog)
  - entier, chaine : idem C
  - arbre :

```
• déf. type : type tree = Leaf of int | Node of
  tree * int * tree
```

• notation valeur: Node (Leaf(2), 1, Leaf(3))

### Typage

#### 3 ingrédients

- constructions du langages source (syntaxe du langage) grammaire du langage source
- 2 langage de types (élémentaires et complexes)
- système de type (association entre les deux) grammaire attribuée dont les attributs contiennent des expressions de type

### Plan

- Typage
- 2 Langage de types
- Vérification de types
- Inférence de type

### Langage de types

- directement sous forme de syntaxe abstraite
  - ⇒ pour être indépendant de la syntaxe concrète de tel ou tel langage
- on retrouve peu ou prou les mêmes expressions de types d'un langage à l'autre
  - expressions élémentaires
  - expressions complexes

## Expressions de types élémentaires

- booléen : valeurs vrai ou faux
- entier : signés ou non, courts ou longs, etc.
- flottants : à precision simple ou double
- chaine : ASCII ou UTF
- vide : information vide, 1 seule valeur
  - unit en ML, void en C
- exec : type des instructions, des procédures et effets de bord
  - cas particulier du type vide

tableau(A,B): indices de type A et valeurs de type B

a <sub>1</sub>	<b>a</b> <sub>2</sub>	<b>a</b> <sub>3</sub>	
<i>b</i> <sub>1</sub>	<i>b</i> <sub>2</sub>	<i>b</i> <sub>3</sub>	

- en général, A = entier
- sinon, tables de hachage
- en C : B[]
- en ML: B array, (A, B) Hashtbl.t

#### Remarque

tableau est un constructeur de type, et les paramètres A et B peuvent être des expressions de type quelconques.

 fonction(A,B): fonctions à un argument de type A et un résultat de type B

• en C : B(A)

• en ML :  $A \rightarrow B$ 

- struct( $a_1 : A_1, ..., a_n : A_n$ ): structure, enregistrement (*record*), type produit
  - les a<sub>i</sub> sont des noms de champs et les A<sub>i</sub> leurs types
  - les valeurs définissent tous les champs (type produit)
  - en C: struct { A<sub>1</sub> a<sub>1</sub>; ...; A<sub>n</sub> a<sub>n</sub> }
  - en ML: {  $a_1 : A_1; \ldots; a_n : A_n$  }

- union( $a_1 : A_1, \ldots, a_n : A_n$ ): union, type somme
  - les *a<sub>i</sub>* sont des noms de champs ou constructeurs
  - les valeurs définissent un seul champ (type somme)
  - en C: union {  $A_1 \ a_1; \ldots; A_n \ a_n$  }
  - en ML:  $a_1$  of  $A_1 \mid \ldots \mid a_n$  of  $A_n$

- pointeur(A): pointeur ou référence sur un A
  - les valeurs sont des adresses d'emplacements mémoires de type A
  - en C : A∗
  - en ML: A ref

### Expressions de type

Ce sont les types les plus courants.

#### Il manque:

- les types des langages OO (ex., classes)
  - classe  $\approx$  structure dont les champs sont des fonctions (méthodes)
  - objet ≈ structure(id, classe, attributs)
- les définitions de type
  - ex : type dictionnaire = tableau(chaine,chaine)

### AST des expressions de types

Les expressions de type peuvent être représentées par des arbres de même nature que les AST :

• .....

• .....

• . . . . .

### Discussion sur les tableaux

- dans tableau(A,B)
  - A n'est pas un intervalle de positions
  - ne pas confondre le "10" avec A dans B[10] (positions 0..9)
- on pourrait avoir tableau(A,Inf,Sup,B)
  - avec Inf et Sup les bornes du tableau
  - mais on ne sait pas vérifier le respect de ces bornes de façon statique (à la compilation)
  - ces bornes serviront à produire le code d'adressage (et de vérification dynamique) lors de la traduction du code source en code intermédiaire/cible

### Discussion sur les fonctions

- Les fonctions peuvent être combinées récursivement de façon arbitraire
  - fonction en argument ou en résultat
  - ex: fonction(fonction(A,B), fonction(fonction(B,C), fonction(A,C)))
    - en ML :  $(A \rightarrow B) \rightarrow (B \rightarrow C) \rightarrow (A \rightarrow C)$
  - c'est le type de la composition de fonction
- Cela ne gêne pas la vérification de type, ni ne la complexifie!
- Par contre, cela implique un schéma d'exécution particulier, pour manipuler les fonctions passées en paramètre
  - valeurs d'ordre supérieur

### Discussion sur les fonctions

- Les fonctions peuvent être combinées récursivement de façon arbitraire
  - fonction en argument ou en résultat
  - ex: fonction(fonction(A,B), fonction(fonction(B,C), fonction(A,C)))
    - en ML :  $(A \rightarrow B) \rightarrow (B \rightarrow C) \rightarrow (A \rightarrow C)$
  - c'est le type de la composition de fonction
- Cela ne gêne pas la vérification de type, ni ne la complexifie!
- Par contre, cela implique un schéma d'exécution particulier, pour manipuler les fonctions passées en paramètre
  - valeurs d'ordre supérieur

### Ordre d'un type

#### Definition (Ordre d'un type)

- L'ordre d'un type peut être défini de façon récursive comme suit :
  - Ordre(fonction(A, B)) = Max(Ordre(A) + 1, Ordre(B))
  - Ordre(A) = 0, pour tout type non fonctionnel
- Un type A est dit d'ordre supérieur si Ordre(A) > 0 (fonctions)
- Une fonction de type T est dite d'ordre supérieur si Ordre(T) > 1 (fonctions de fonctions)

### Fonctions d'ordre supérieur?

```
fonction(chaine, fonction(entier, fonction(entier, chaine)))?
```

```
    fonction(fonction(chaine,exec),
fonction(tableau(entier,chaine), exec))?
```

```
fonction(entier, fonction(fonction(entier,entier),
fonction(entier,entier)))?
```

. . . . . .

#### Remarque

Les fonctions d'ordre 2 sont communes dans les langages fonctionnels (ex., map, fold). Les fonctions d'ordre 3 ou plus sont rarrissimes en pratique.

### Fonctions d'ordre supérieur?

```
    fonction(chaine, fonction(entier, fonction(entier, chaine)))?
    fonction(fonction(chaine, exec), fonction(tableau(entier, chaine), exec))?
    fonction(entier, fonction(fonction(entier, entier), fonction(entier, entier)))?
```

#### Remarque

Les fonctions d'ordre 2 sont communes dans les langages fonctionnels (ex., map, fold). Les fonctions d'ordre 3 ou plus sont rarrissimes en pratique.

### Curryfication des fonctions

#### Definition (Curryfication)

La curryfication est le codage d'une fonction n-aire en une imbrication de fonctions unaires.

- type C :  $R(A_1,...,A_n)$  $\rightarrow$  fonction $(A_1,...,$  fonction $(A_n,R)$ )
- appel C :  $f(x_1,...,x_n)$  $\to f(x_1)(x_2)...(x_n)$

### Centralité du type fonction

#### Rôle central des fonctions :

- tableau(A,B) peut être assimilé à une fonction (de A vers B) définie en extension (au cas par cas)
- dans struct( $a_1 : A_1, ..., a_n : A_n$ ), les champs  $a_i$  peuvent être assimilés à des fonctions
  - $a_i$ : fonction(struct( $a_1 : A_1, ..., a_n : A_n$ ),  $A_i$ )
- dans union( $a_1 : A_1, ..., a_n : A_n$ ), les constructeurs  $a_i$  peuvent être assimilés à des fonctions
  - $a_i$ : fonction( $A_i$ , union( $a_1 : A_1, \ldots, a_n : A_n$ ))

#### Remarque

Le  $\lambda$ -calcul est un formalisme Turing-complet qui ne connaît que les fonctions. Même les entiers et les booléens y sont codés par des fonctions !

### Centralité du type fonction

#### Rôle central des fonctions :

- tableau(A,B) peut être assimilé à une fonction (de A vers B) définie en extension (au cas par cas)
- dans struct( $a_1 : A_1, ..., a_n : A_n$ ), les champs  $a_i$  peuvent être assimilés à des fonctions
  - $a_i$ : fonction(struct( $a_1 : A_1, ..., a_n : A_n$ ),  $A_i$ )
- dans union( $a_1 : A_1, ..., a_n : A_n$ ), les constructeurs  $a_i$  peuvent être assimilés à des fonctions
  - $a_i$ : fonction( $A_i$ , union( $a_1 : A_1, \ldots, a_n : A_n$ ))

#### Remarque

Le  $\lambda$ -calcul est un formalisme Turing-complet qui ne connaît que les fonctions. Même les entiers et les booléens y sont codés par des fonctions !

## Exemples d'expressions de types en C et ML

. . . . . .

### Plan

- Typage
- 2 Langage de types
- Vérification de types
- Inférence de type

## Vérification de types

Exemple courant de vérification contextuelle non exprimable dans la grammaire :

- ⇒ analyse sémantique
- ⇒ grammaire attribuée

attribut	description	type
BT	"bien typé"	booléen
TS	table des symboles	tableau(ident,type)
type	expression de type	type

- ident est le type des identificateurs des programmes sources
- type est le type des expressions de type
  - les valeurs sont des types (AST)!

### Le type des types

#### Comment définir le type des types?

On retouve la distinction «en texte» / «en actes» pour les types, parallèle à celle des programmes :

- «en texte»: le type est une valeur du type type ci-dessus et apparaît dans un programme «en texte» (source)

### Le type des types

Comment définir le type des types?

On retouve la distinction «en texte» / «en actes» pour les types, parallèle à celle des programmes :

- «en texte»: le type est une valeur du type type ci-dessus et apparaît dans un programme «en texte» (source)
- «en actes» : le type est une propriété d'une valeur manipulée par un programme «en actes»

### Exemple : déclarations et expressions

Grammaire attribuée pour la vérification de type d'un petit langage de déclarations et d'expressions.

### Extension de l'exemple

Pour chaque nouvelle construction du langage

- accès tableau tab[i]
- accès champ structure point.x

il suffit d'ajouter une règle syntaxique pour E et de définir les attributs : BT, TS et type.

#### Notation formelle et concise

#### Remarque

On peut adopter une présentation plus formelle et plus concise pour la vérification de type.

- La notation E : τ équivaut aux équations
  - E.BT := vrai
  - E.type :=  $\tau$
  - la table des symboles est implicite
- La notation H1 H2 Signifie que si H1 et H2 sont vérifiés, alors C l'est aussi

## Notations formelles pour l'exemple étendu

# Système formel

On vient de construire un système formel permettant de prouver si une expression est bien typée et de calculer son type

- — est un axiome
- $\frac{H1 \ H2}{C}$  est une règle d'inférence

### Du système formel à la grammaire attribuée

Un tel système formel se traduit directement en grammaire attribuée

- compilable par un compilateur de compilateurs (ANTLR)
- axiome : force la valeur de l'attribut "type"

```
• ex : \frac{}{int : entier} E \rightarrow int \{ E.type := entier \}
```

- règle : le type dépend des types à droite
  - + contraintes de "bon typage"
    - les différentes occurences d'une variable doivent être égales
    - les types à droite doivent "matcher" les constructeurs de type
    - les conditions sur la TS doivent être vérifiées
  - ex:

$$\frac{t : \text{tableau}(\tau_1 = \text{entier}, \tau_2) \quad \text{"x"} : \tau_1 = \text{chaine}}{t[\text{"x"}] : \tau_2 = \text{erreur}}$$

- contrainte non vérifiée : 2 valeurs différents pour  $\tau_1$
- échec vérification : BT = faux, type = erreur

#### Extension de la vérification aux instructions

La vérification de type peut être étendue aux instructions

- instruction = expression de type 'exec'
- affectation

$$\frac{\textit{ident} : \tau \quad E : \tau}{(\textit{ident} := E) : exec}$$

conditionnelle

$$\frac{E_1 : \text{booleen} \quad E_2 : \text{exec} \quad E_3 : \text{exec}}{(\text{si } E_1 \text{ alors } E_2 \text{ sinon } E_3) : \text{exec}}$$

...

# Exemple complet de vérification de type

### Vérification de type statique/dynamique

La vérification de type peut être

statique : lors de la compilation

au seul vu du programme source

dynamique : lors de l'exécution

les valeurs des variables sont connues

les deux

La vérification dynamique s'impose pour les propriétés non-décidables statiquement

ex : respect des bornes d'un tableau

# Typage statique fort

Certains langages tels que ML ont un système de typage statique et fort.

#### Definition (typage statique fort)

Dans un langage de programmation à typage statique fort, un programme bien typé (statiquement) ne peut pas échouer à la vérification dynamique.

- la vérification dynamique devient donc inutile
- il n'est plus nécessaire de représenter les types à l'exécution ni de faire des tests
- → gain en sûreté ET en efficacité

#### Plan

- Typage
- 2 Langage de types
- Vérification de types
- Inférence de type

# Inférence de type

#### **Principe**

Laisser le compilateur inférer les types des variables plutôt que de demander au programmeur de les déclarer. Cela permet une plus grande concision des programmes.

- le type d'une variable est inféré à partir de ses contextes d'utilisation
  - ex : dans x + 1, x doit avoir le type entier
- la table des symbole est synthétisée par les expressions
- il faut vérifier qu'une même variable a toujours le même type!
  - ex : dans x + strlen(x), les 2 occurences de x ont des types incompatibles (entier vs chaine)
- on s'appuie sur le même système formel (axiomes et règles)

#### Exemple d'inférence

#### Exemple d'inférence avec erreur

```
Typage de x + strlen(x) où :
```

strlen : fonction(chaine, entier)

### Autre exemple d'inférence

```
Typage de print((*objet).m1(x))(10) où :
• print : fonction(chaine, fonction(entier, exec))
```