课程名称: 高等数学 作业: 习题 4-1

2.(4) 解. 计算可得

$$\int x^2 \sqrt[3]{x} \, \mathrm{d}x = \int x^{\frac{7}{3}} \, \mathrm{d}x = \frac{3}{10} x^{\frac{10}{3}} + C.$$

2.(5) 解. 计算可得

$$\int \frac{\mathrm{d}x}{x^2 \sqrt{x}} = \int x^{-\frac{5}{2}} \, \mathrm{d}x = -\frac{2}{3} x^{-\frac{3}{2}} + C.$$

2.(14) 解. 计算可得

$$\int \left(\frac{3}{1+x^2} - \frac{2}{\sqrt{1-x^2}}\right) dx = 3 \int \frac{1}{1+x^2} dx - 2 \int \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} dx$$
$$= 3 \arctan x - 2 \arcsin x + C.$$

2.(15) 解. 计算可得

$$\int e^x \left( 1 - \frac{e^{-x}}{\sqrt{x}} \right) dx = \int \left( e^x - \frac{1}{\sqrt{x}} \right) dx = \int e^x dx - \int \frac{1}{\sqrt{x}} dx$$
$$= e^x - 2\sqrt{x} + C.$$

2.(21) 解. 计算可得

$$\int \frac{\cos 2x}{\cos x - \sin x} dx = \int \frac{\cos^2 x - \sin^2 x}{\cos x - \sin x} dx = \int (\cos x + \sin x) dx$$
$$= \int \cos x dx + \int \sin x dx = \sin x - \cos x + C.$$

2.(25) 解. 计算可得

$$\int \frac{x^2}{x^2 + 1} dx = \int \left(1 - \frac{1}{x^2 + 1}\right) dx = \int dx - \int \frac{1}{x^2 + 1} dx$$
$$= x - \arctan x + C.$$

- 不定积分的结果中要记得加上积分常量。
- 没有"乘积的积分等于积分的乘积"的公式。