# 【数理逻辑】谓词逻辑的等值演算与推理演算( 个体词 | 谓词 | 量词 | 谓词逻辑公式 | 两个基本公 式 | 命题符号化技巧 | 命题符号化示例 ) ★★



## 文章目录

- 一、谓词逻辑相关概念
  - 1、个体词
  - 2、谓词
  - 3、量词
- 二、一阶谓词逻辑公式
- 三、两个基本公式
  - 1、公式一
  - 2、公式二
- 四、命题符号化技巧
  - 1、 命题符号化方法
  - 2、 谓词逻辑组合
  - 3、 当且仅当谓词逻辑
- 五、命题符号化示例

### 参考博客:

- 【数理逻辑】谓词逻辑(个体词|个体域|谓词|全称量词|存在量词|谓词公式|
- 【数理逻辑】谓词逻辑(一阶谓词逻辑公式|示例)
- 【数理逻辑】谓词逻辑(判断一阶谓词逻辑公式真假|解释|示例|谓词逻辑公式 类型 | 永真式 | 永假式 | 可满足式 | 等值式 )
- 【数理逻辑】谓词逻辑(谓词逻辑基本等值式|消除量词等值式|量词否定等值式| 量词辖域收缩扩张等值式 | 量词分配等值式 )
- 【数理逻辑】谓词逻辑(前束范式|前束范式转换方法|谓词逻辑基本等值式|换 名规则 | 谓词逻辑推理定律 )

# 一、 谓词逻辑相关概念



#### 个体词:

- ② 个体 概念:将 独立存在的 客体,具体事物,抽象事物(概念)称为 个体 或 个体词;
- ③ **个体 变元**:使用 a, b, c 表示个体变元;
- ④ **个体 常元**:使用 x, y, z 表示个体常元;
- ⑤ 个体域 概念: 个体 变元 的取值 称为 个体域;
- ⑥ 个体域 取值: 个体域 可以 取值 有穷集合 或 无穷集合;
- ⑦ 全总个体域:宇宙间一切事物 组成的 个体域 称为 全总个体域;

命题是陈述句,其中陈述句由主语,谓语,宾语组成,主语宾语就是个体,谓语就是谓词;

谓词逻辑由个体,谓词,量词组成;

## 2、谓词

## 谓词:

- ① 谓词概念: 将表示 个体性质 或 彼此之间关系 的 词 称为 谓词;
- ② **谓词表示**:使用 F, G, H 表示谓词 常元 或 变元;
- ③ 个体性质谓词表示: F(x) 表示 x 具有 性质 F, 如 F(x) 表示 x 是黑的;
- ④ 关系性质谓词表示示例: F(x,y) 表示 x,y 具有 关系 F, 如: FG(x,y) 表示 x 大于 y ;

## 存在量词: Exist 中的 E 左右翻转后倒过来;

- ① **语言对应**:对应 自然语言 中 "有一个", "存在着", "有的"等;
- ② 表示方式:使用符号∃表示;
- ③ 解读1:∃x 表示个体域中 存在着的 x;
- ④ 解读2:  $\exists x(F(x))$  表示, 个体域中存在 x 具有性质 F;

## 3、量词

全称量词: Any 中的 A 上下颠倒过来;

- ① 语言对应:对应 自然语言中 "任意", "所有的", "每一个"等;
- ② 表示方式:使用符号 ∀表示;
- ③ 解读1: ∀x 表示个体域中 所有的 x;
- ④ 解读2:  $\forall x(F(x))$  表示, 个体域中所有的 x 都具有性质 F;



参考博客:【数理逻辑】谓词逻辑(个体词|个体域|谓词|全称量词|存在量词|谓词 公式 | 习题)

# 二、一阶谓词逻辑公式

命题公式:基本命题(命题常元/变元)和若干联结词形成有限长度的字符串;

- ① 单个 命题变元 / 命题常元 是命题公式;
- ② 如果 A 是命题公式,则 $(\neg A)$  也是命题公式;
- ③ 如果 A,B 是命题公式,则  $(A \land B), (A \lor B), (A \to B), (A \leftrightarrow B)$  也是命题公
- ④ 有限次 应用 ① ② ③ 形成的符号串 是命题公式; (无限次不行)

一阶谓词逻辑公式:在命题公式的基础上,加上一条条件:

如果 A 是公式,则  $\forall xA$  和  $\exists xA$  也是公式

**一阶谓词逻辑公式相关概念**:以 $\forall x A$ , ∃x A 公式为例;

**指导变元**:  $\forall$ , ∃量词后面的 x 称为 指导变元

辖域: A 称为对应量词的辖域;

**约束出现**:在 $\forall x$ ,  $\exists x$  辖域 A 中, x 出现都是受约束的, 称为约束出现;

自由出现:辖域 A + , 不是约束出现的变元, 都是自由出现;

参考博客: 【数理逻辑】谓词逻辑(一阶谓词逻辑公式 | 示例)

# 三、两个基本公式

## 1、公式一

个体域中 所有 有性质 F 的 个体 , 都 具有 性质 G ;

使用谓词逻辑如下表示:

① F(x): x 具有性质 F; ② G(x): x 具有性质 G;

奦 韩曙亮 ( 关注 )



③ 命题符号化为:

 $\forall x (F(x) \rightarrow G(x))$ 

# 2、公式二

个体域 中 存在有性质 F 同时有性质 G 的个体;

使用谓词逻辑如下表示:

- ① F(x): x 具有性质 F;
- ② G(x): x 具有性质 G;
- ③ 命题符号化为:

 $\exists x (F(x) \land G(x))$ 

# 四、命题符号化技巧

## 1、 命题符号化方法

命题符号化方法:

- ① **写出个体域**: 先把 个体域 写明白,即 表明  $\forall x$ ,代表 所有的什么事物,如果是一切事物,那么必须注明是全总个体域;
- ② 写出性质个关系谓词: 使用 F,G,H 表明 个体的 性质 或 关系;
- ③ 命题符号:将 命题符号化 结果 注明,最好带上详细的解释;

# 2、谓词逻辑组合

由 全称量词 或 存在量词 个体词 谓词 组合成的 谓词逻辑,也可以当做 一个 谓词逻辑 F(x) 或 G(x,y) 部件 再次进行组合;

如下 谓词逻辑:

 $\forall x (F\left(x\right) \rightarrow \forall y (G(y) \rightarrow H(x,y)))$ 

其中  $\forall y(G(y) \to H(x,y))$  是已经组合过的 谓词逻辑,现在将其当做一个 性质,或者 谓词逻辑部件 A,再次组合成 更加 复杂 和 庞大的 谓词逻辑,得到如下:



$$\forall x(F(x) \rightarrow \forall y(G(y) \rightarrow H(x,y)))$$

# 3、 当且仅当谓词逻辑

#### 当且仅当 谓词逻辑 符号化:

- (1)第三变量:一定要引入第三方的变量;
- (2)性质或关系正向推演:一般模式是
- ① 对于所有的 x 与 存在的一个 y 有 某种性质或关系,
- ② 对于所有的 x 和 所有的 z 存在某种性质或关系;
- ③ y 与 z 具有相等的属性;
- (3)性质或关系反向推演:一般模式是
- ① 对于所有的 x 与 存在的一个 y 有 某种性质或关系,
- ② y 与 所有的 z 有另一种性质 或 关系, 一般是相等 或 不等 关系,
- ③ 可以推出 x 和 z 有 或者 没有 某种 性质 或 关系;

# 五、 命题符号化示例

参考:【数理逻辑】谓词逻辑(个体词|个体域|谓词|全称量词|存在量词|谓词公式|习题)三. 命题符号化 习题

离散数学学习笔记——第四讲——<mark>谓词逻辑</mark> (第一部分) ... 预见未来to50的专栏 ◎ 4260

谓词逻辑之 语法规则 经过一个过程,然后成为自己 ◎ 2196 谓词逻辑公式涉及两种事物: (1)是我们谈及的对象,如a和p这样的个体,以及x和u这样的变量...

离散数学\_谓词公式和等值演算 asapigi的博客 ◎ 198 谓词公式 一些约定 个体项 谓词公式定义 量词与谓词公式 谓词公式的等值与蕴含 所有人会画画...

知识图谱赵军学习笔记(九)-- 郑 知识图谱中的推理任务知识推理是人

