

# Formale Grundlagen der Informatik II - Blatt 09

Vincent Dahmen 6689845      Mirco  
Tim Jammer 6527284

9. Dezember 2015

## 09.3

1.

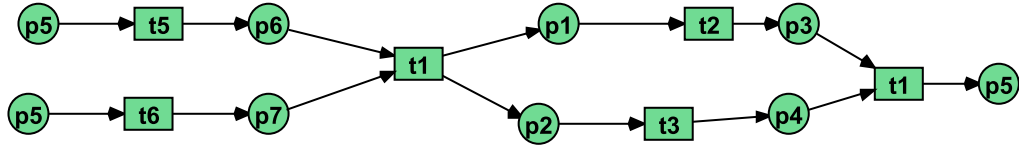
$$B = \left\{ \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 3 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 3 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}, \right. \\ \left. \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \\ 2 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \\ 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 5 \\ 2 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}, \right. \\ \left. \begin{pmatrix} 0 \\ 10 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 8 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 7 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right\}$$

Die Ersten Beiden Zeilen Beschreiben die Markierungen, bei denen c für unbeschränktheit in  $p_4$  sorgt.

Die Letzte Zeile Beschreibt die möglichkeiten, bei denen der Zyklus a,b für unbeschränktheit z.b. in  $p_3$  sorgt. TODO

(Graph ist sehr groß )

2.



3.

PSchnitt:  $p_6, p_7$

TSchnitt:  $t_1$

Allgemeiner Schnitt:  $t_2, p_2$

Einen Schnitt mit mehr als drei Elementen anzugeben ist nicht möglich, da es nicht mehr als drei Nebenläufige "Aktionslinien" gibt.

4.

Der Angegebene Prozess ist ein Verzweigungsprozess

## 09.4

### 1.

Um Die Reihenfolge der einträge eindeutig zu machen mit zeilen bzw. spalten beschriftung

$$\begin{pmatrix} & t_1 & t_2 & t_3 & t_4 & t_5 & t_6 \\ pa & -1 & 0 & 1 & -1 & 0 & 1 \\ p_1 & +1 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ p_2 & 0 & 1 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ p_3 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1 & 0 \\ p_4 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1 \\ pp & 0 & -1 & 1 & 0 & -4 & 4 \end{pmatrix}$$

Lösen des Gleichungssystems

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 & -1 & 0 & 1 \\ +1 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1 \\ 0 & -1 & 1 & 0 & -4 & 4 \end{pmatrix} * i = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Ergibt u.A. als Lösung für die S-Invarianten-Vektoren

$$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ x \\ x \\ x \end{pmatrix} \text{ mit } x \in \mathbb{N}$$

Für Die T-Invarianten gilt:

$$p * \begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 & -1 & 0 & 1 \\ +1 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1 \\ 0 & -1 & 1 & 0 & -4 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}^T$$

$$(0 \ 0 \ 0 \ x \ 4x \ x) \text{ mit } x \in \mathbb{N}$$

## 2.

$$p_2 + p_9 + p_8 = 1$$

$$p_3 + p_{10} + p_7 = 2$$

$$p_4 + p_{11} + p_6 = 1$$

Diese 3 Invarianten stehen dafür, dass der jeweilige abschnitt nur von einer bzw 2 marken gleichzeitig belegt sein darf.

Außerdem gilt:

$$p_1 + p_2 + p_3 + p_4 = 1$$

$$p_5 + p_6 + p_7 + p_8 = 1$$

Was dafür steht, dass in jedem der Beiden Moddelierten Prozesse nur eine Make sein kann.

Als Gesamtinvariante ergibt sich:

$$p_1 + 2p_2 + 2p_3 + 2p_4 + 2p_5 + 2p_6 + 2p_7 + p_8 + p_9 + p_{10} + p_{11} = 6$$

## 4.

(Reihenfolge nach Aufsteigenden Platznummern und Alphabetishcen Transitionen)

$$\begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -2 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$

## 5.

Lösen des Gleichugssystems gibt

$$\begin{pmatrix} x \\ x \\ y \\ y \\ x \\ x \end{pmatrix} \text{ mit } x, y \in \mathbb{N}$$