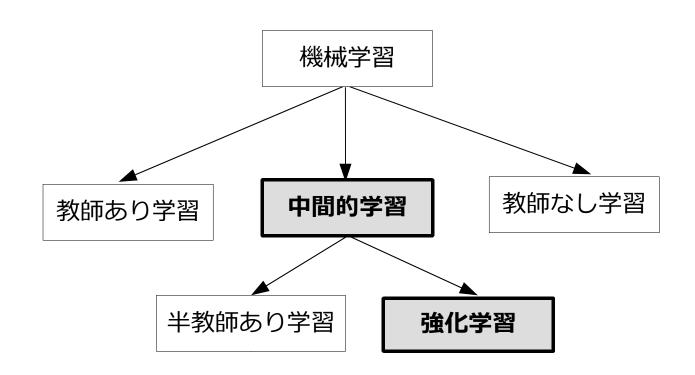
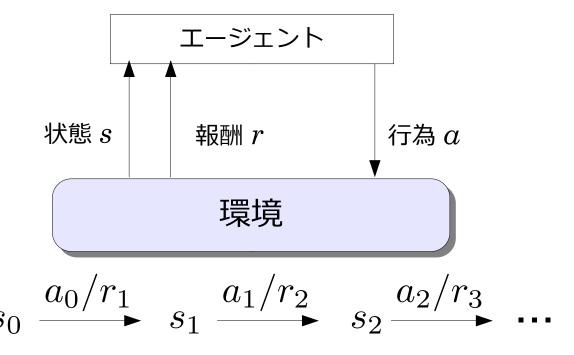
15. 強化学習

• 正解情報が、報酬という形式で時間遅れで与えられる



15.1 強化学習とは

- 強化学習の設定
 - 教師信号が間接的
 - 報酬が遅れて与え られる
 - 探索が可能
 - ・ 状態・報酬が非確 定的な場合がある

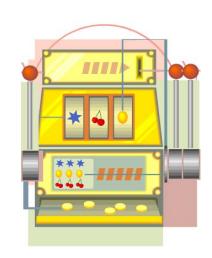


15.2 1 状態問題の定式化 -K-armed bandit 問題 -

- K-armed bandit の定義
 - *K*本の腕を持つスロットマシン
 - i 番目の腕を引く行為: a_i
 - その行為の価値:Q(a_i)
 - 報酬 r が確定的な場合
 - 全ての可能な a_i を試み、 $Q(a_i) = r(a_i)$ が最大となる a_i を探す
 - 報酬 r_t が確率的な場合

$$Q_{t+1}(a_i) = Q_t(a_i) + \eta(r_{t+1}(a_i) - Q_t(a_i))$$

 η は t の増加に伴って、減少させる

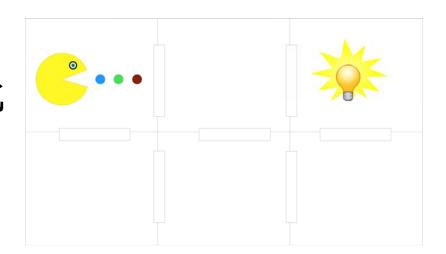


15.2 1 状態問題の定式化 -K-armed bandit 問題 -

- どのように a_i を選ぶか
 - 常に $Q_t(a_i)$ が最大のものを選ぶ
 - もっと良い行為があるのに見逃してしまうかもしれない
 - いろいろな a_i を何度も試みる
 - 無駄な行為を何度も行ってしまうかもしれない
- ε-greedy 法
 - 確率 $1-\varepsilon$ で最良の行為を選び、確率 ε でランダムに 行為を選ぶ
- Boltzmann 分布を利用した方法
 - 温度 k を導入し、 k が下がるにつれて確率的振る舞いが少なくなるようにする

• マルコフ決定過程

- ・ 状態遷移を伴う問題の定式化
- 時刻 t における状態 $s_t \in S$
- 時刻 t における行為 $a_t \in A(s_t)$
- 報酬 $r_{t+1} \in \mathbb{R}$ 確率分布 $p(r_{t+1}|s_t, a_t)$
- 次状態 $s_{t+1} \in S$ 確率分布 $P(s_{t+1}|s_t, a_t)$



- 強化学習の学習目標
 - 最適政策 π^*
 - 状態から行為へのマッピング
 - 累積報酬の期待値が最大となる政策
 - 累積報酬の期待値

$$V^{\pi}(s_t) = \mathbb{E}(r_{t+1} + \gamma r_{t+2} + \gamma^2 r_{t+3} + \dots)$$
$$= \mathbb{E}(\sum_{i=1}^{\infty} \gamma^{i-1} r_{t+i})$$

 γ :割引率 $0 \leq \gamma < 1$

• 最適政策に対する期待報酬

$$V^{*}(s_{t}) = \max_{a_{t}} Q^{*}(s_{t}, a_{t})$$

$$= \max_{a_{t}} \mathbb{E}(\sum_{i=1}^{\infty} \gamma^{i-1} r_{t+i})$$

$$= \max_{a_{t}} \mathbb{E}(r_{t+1} + \gamma \sum_{i=1}^{\infty} \gamma^{i-1} r_{t+i+1})$$

$$= \max_{a_{t}} \mathbb{E}(r_{t+1} + \gamma V^{*}(s_{t+1}))$$

• 状態遷移確率を明示

$$V^*(s_t) = \max_{a_t} (\mathbb{E}(r_{t+1}) + \gamma \sum_{s_{t+1}} P(s_{t+1}|s_t, a_t) V^*(s_{t+1}))$$

• Q 値による書き換え

$$Q^*(s_t, a_t) = \mathbb{E}(r_{t+1}) + \gamma \sum_{s_{t+1}} P(s_{t+1}|s_t, a_t) \max_{a_{t+1}} Q^*(s_{t+1}, a_{t+1})$$

ベルマン方程式

15.4 モデルベースの手法

• 環境のモデル(状態遷移確率、報酬の確率分布) が与えられた場合の Q 値の求め方

Algorithm 15.1 Value iteration アルゴリズム

```
V(s) を任意の値で初期化
```

repeat

for all $s \in S$ do

for all $a \in A$ do

$$Q(s, a) \leftarrow E(r|s, a) + \gamma \sum_{s' \in S} P(s'|s, a) V(s')$$

end for

$$V(s) \leftarrow \max_a Q(s, a)$$

end for

until V(s) が収束

15.5 TD 学習

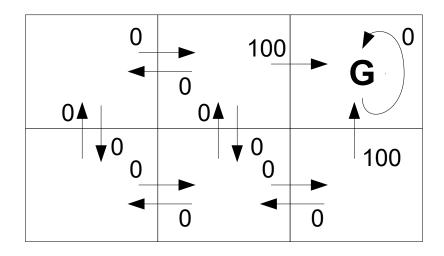
- TD (Temporal Difference) 学習とは
 - TD 誤差(現在の Q 値と試みた行為の後に得られた Q 値との差)を最小とする
 - 行為は探索的に選択する

$$P(a|s) = \frac{\exp(Q(s,a)/T)}{\sum_{b \in A} \exp(Q(s,b)/T)}$$

T: 温度(学習が進むにつれて小さくしてゆく)

15.5.1 報酬と遷移が決定的な TD 学習

・ 迷路での最適行動獲得の例



• ベルマン方程式

$$Q(s_t, a_t) = r_{t+1} + \gamma \max_{a_{t+1}} Q(s_{t+1}, a_{t+1})$$

15.5.1 報酬と遷移が決定的な TD 学習

Algorithm 15.2 TD 学習 (報酬と遷移が決定的な場合)

Q(s,a) を 0 に初期化

for all エピソード do

repeat

探索基準に基づき行為 a を選択

行為 a を実行し、報酬 r と次状態 s' を観測

以下の式で Q を更新

$$Q(s, a) \leftarrow r + \gamma \max_{a'} Q(s', a')$$

$$s \leftarrow s'$$

until s が終了状態

end for

15.5.2 報酬と遷移が確率的な TD 学習

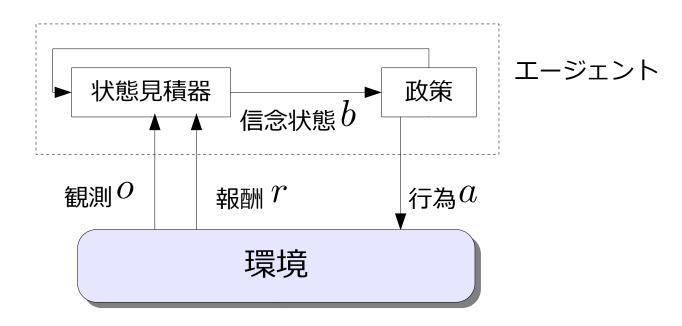
- 報酬と遷移が確率的な TD 学習
 - ・ベルマン方程式

$$Q(s,a) \leftarrow Q(s,a) + \eta(r + \gamma \max_{a'} Q(s',a') - Q(s,a))$$
TD 誤差

• 理論的には、各状態に無限回訪問可能な場合に収束

• 実用的には無限回の訪問は不可能なので、状態推定 関数等を用いて、複数の状態を同一とみなす等の工 夫が必要

15.6 部分観測マルコフ決定過程による定式化



- 状態 s_t で行為 a_t を行うと観測 o_{t+1} が確率的に得られる
- エージェントは状態の確率分布を信念状態 b_t として持つ
- エージェントは、信念状態 b_t 、行為 a_t 、観測 o_{t+1} から次の信念状態 b_{t+1} を推定する状態見積器 (state estimator)を内部に持つ

15.7 深層強化学習

- Q(s, a) の推定に DNN を用いる
 - 利点
 - DNN の関数近似能力
 - 状態からの特徴抽出を明示的に行わなくて もよい
- 問題設定に応じた工夫 (AlphaGoの場合)
 - 盤面の価値を評価する価値ネットワーク
 - 行為を評価する方策ネットワーク
 - モンテカルロ木探索による先読み