

## **Algoritmo Grasp para o Problema de Tabela-horário de Universidades**

**Wallace S. Rocha**

Núcleo de Processamento de Dados - Universidade Federal do Espírito Santo

Vitória – ES – Brasil

walacesrocha@yahoo.com.br

**Maria C. S. Boeres**

Departamento de Informática – Universidade Federal do Espírito Santo

Vitória – ES – Brasil

boeres@inf.ufes.br

**Maria C. Rangel**

Departamento de Informática – Universidade Federal do Espírito Santo

Vitória – ES – Brasil

crangel@inf.ufes.br

**Leandro B. Ferreira**

Curso de Ciência da Computação – Universidade Federal do Espírito Santo

Vitória – ES – Brasil

leandrobfe@gmail.com

### **RESUMO**

Este modelo resume as normas de formatação para os trabalhos completos a serem publicados nos Anais do XLI SBPO. O Resumo deve ter no máximo 150 palavras. Título, nomes dos autores, sua filiação e endereços, resumo e palavras-chave devem repetir fielmente o que foi informado quando o artigo foi cadastrado através do sistema JEMS. No primeiro upload, por ocasião da submissão do trabalho, exclua desta primeira página os nomes, instituições e endereços dos autores.

**PALAVRAS CHAVE.** Tabela-horário de Universidade, Meta-heurística, Grasp, Área de classificação principal (escolher uma na janela de áreas).

### **ABSTRACT**

This model summarizes the formatting rules for full papers accepted for inclusion in the Proceedings of the XLI SBPO. The Abstract must have no more than 150 words. Title, author names, affiliations, addresses, abstract and keywords must precisely mirror the information provided during registration. When you initially submit the paper, suppress author names, affiliations and addresses.

**KEYWORDS.** University Timetabling, Metaheuristic, Grasp, Main area (choose between those in the areas window).

## 1. Introdução

Um dos problemas de grande interesse na área de otimização combinatória é o problema de tabela-horário [Schaerf, 1995], [Lewis, 2007]. Dado um conjunto de disciplinas, alunos, professores e espaço físico, o problema consiste basicamente em alocar os horários das disciplinas levando-se em conta o espaço e horários disponíveis, além de respeitar um conjunto de restrições fortes e fracas que surgem das particularidades de cada instituição. As restrições fortes são aquelas que sempre devem ser satisfeitas, como por exemplo, exigir que um aluno não possa assistir mais de uma aula no mesmo horário. Uma tabela-horário é dita viável quando não viola nenhuma restrição forte. As fracas são restrições que não geram inviabilidade, mas refletem algumas preferências dos professores, alunos ou até mesmo da escola, por exemplo, a penalização de uma tabela-horário que tenha aulas isoladas. Quanto mais restrições fracas forem satisfeitas, melhor será a tabela-horário. A formulação usada neste trabalho é a adotada pela competição ITC-2007 [PATAT, 2008]. É importante ressaltar que o ITC-2007 usou três formulações independentes de problema de tabela-horário. A primeira formulação é voltada para tabela-horário de exames. A segunda e a terceira são voltadas para a tabela-horário semestral de universidades. A diferença é que a segunda tem foco nas informações de matrícula de alunos enquanto a terceira é baseada nos currículos da universidade. Esse trabalho é direcionado à resolução da terceira formulação.

A meta-heurística GRASP (*Greedy Randomized Adaptive Search Procedure*) [Resende & Ribeiro, 2012] é uma técnica de destaque no ramo de otimização combinatória. Ela tem sido aplicada em problemas de cobertura de conjuntos [Resende, 1998], satisfabilidade [Festa et al., 2006], árvore geradora mínima [de Souza et al., 2002], entre outros. Contudo, há pouca pesquisa desse algoritmo nos problemas de tabela-horário. Foram encontradas apenas implementações para a modelagem de escolas [Souza et al., 2004] e [Vieira et al., 2010].

Este trabalho implementa um algoritmo GRASP para geração de tabela-horário usando a terceira formulação do ITC-2007. O algoritmo possui uma fase inicial onde é garantido que uma tabela-horário viável será encontrada. Na segunda fase ocorre o melhoramento da tabela-horário através de busca local. Uma terceira fase de intensificação ocorre usando o procedimento *path-relinking*. Esse procedimento de três fases se repete algumas iterações, sempre gerando uma nova tabela. A melhor de todas encontradas é a resposta final. Além do GRASP, são implementados um algoritmo genético [Goldberg, 1989] e um *Simulated Annealing* [Kirkpatrick et al., 1983], com proposta de melhorias. Os resultados obtidos são comparados com as melhores soluções publicadas na literatura para este problema.

Na seção 2. é apresentada a formulação do problema adotada neste trabalho. Na seção 4. são listadas algumas técnicas que tem sido usadas para resolver o problema de tabela-horário de universidades, tanto na formulação do ITC-2007 como em outras formulações. Na seção 5. são apresentados três algoritmos implementados para o problema: algoritmo genético, simulated annealing e o Grasp. Na seção 6. são apresentados os resultados obtidos com as diferentes técnicas. Os resultados são confrontados com as melhores respostas para o problema encontradas na literatura. Por fim, a seção 7. apresenta as conclusões obtidas com o trabalho e lista algumas melhorias futuras para o algoritmo Grasp.

## **2. O Problema de Tabela-horário para Universidades (THU)**

Apesar das formulações encontradas na literatura para o problema de tabela-horário serem bastante variadas, elas podem ser agrupadas em três grupos: tabela-horário de escolas, tabela-horário de universidades e tabela-horário para aplicação de exames. Neste trabalho é desenvolvido um algoritmo para tratar a alocação de tabela-horário de universidades (THU). A formulação do problema é a mesma adotada na competição ITC-2007. A principal vantagem em se adotar esta formulação é que muitos autores a utilizam, contribuindo para comparação de resultados com diversos trabalhos de grande relevância na literatura.

O problema de tabela-horário na formulação ITC-2007 utiliza os seguintes parâmetros:

- **Dias, Horários e Períodos:** É dado o número de dias na semana em que há aula (geralmente cinco ou seis). Um número fixo de horários de aula, igual para todos os dias, é estabelecido. Um período é um par composto de um dia e um horário. O total de períodos é obtido multiplicando a quantidade de dias pela quantidade de horários do dia.
- **Disciplinas e Professores:** Cada disciplina possui uma quantidade de aulas semanais que devem ser alocadas em períodos diferentes. É lecionada por um professor e assistida por um dado número de alunos. Um número mínimo de dias é determinado para a distribuição de suas aulas na semana, além de ser possível a existência de períodos indisponíveis para sua atribuição.
- **Salas:** Cada sala possui uma capacidade diferente de assentos.
- **Currículo:** Um currículo é um grupo de disciplinas que possuem alunos em comum.

Uma solução do THU consiste na alocação das aulas das disciplinas a um conjunto de períodos e uma sala. As restrições do problema, fortes e fracas, são descritas a seguir:

### **2.1. Restrições Fortes**

- **Aulas:** Todas as aulas das disciplinas deve ser alocadas e em períodos diferentes. Uma violação ocorre se uma aula não é alocada ou se duas aulas distintas são alocadas no mesmo período.
- **Conflitos:** Aulas de disciplinas do mesmo currículo ou lecionadas pelo mesmo professor devem ser alocadas em períodos diferentes.
- **Ocupação de Sala:** Duas aulas não podem acontecer na mesma sala e no mesmo período.
- **Disponibilidade de Professor:** Se um professor é indisponível em um horário, nenhuma disciplina que ele leciona deve ser alocada naquele horário.

### **2.2. Restrições Fracas**

- **Capacidade da Sala:** O número de alunos da disciplina deve ser menor ou igual ao número de assentos da sala em que a aula for dada. Cada aluno excedente contabiliza uma violação.
- **Dias Mínimos de Trabalho:** As aulas de cada disciplina devem ser espalhadas por uma quantidade mínima de dias. Cada dia abaixo do mínimo é contado como uma violação.

- Aulas Isoladas: Aulas do mesmo currículo devem ser alocadas em períodos adjacentes. Cada aula isolada é contada como uma violação.
- Estabilidade de Sala: Todas as aulas de uma disciplina devem ser dadas na mesma sala. Cada sala distinta é contada como uma violação.

Na contagem total das violações fracas são considerados pesos diferentes para cada tipo de violação. A restrição de dias mínimos possui peso cinco, aulas isoladas, peso dois e as demais, peso um.

Uma solução viável do THU deve atender a todas as restrições fortes. Uma solução ótima do THU é viável e minimiza o número de violações das restrições fracas.

### 3. Formulação Matemática

A formulação adotada para o THU é proposta em [?], que será reproduzida a seguir:

### 4. Trabalhos Relacionados

As principais técnicas de solução do problema THU recaem basicamente em três grupos: programação matemática, programação em lógica e meta-heurísticas. Por ser um problema complexo, é inviável computacionalmente buscar a solução ótima. Alguns métodos tem alcançado este objetivo, mas apenas para instâncias pequenas. Esse problema é classificado como NP-completo [Schaerf, 1995].

Na área de programação matemática, bons resultados têm sido obtidos com programação inteira. Em [Lach & Lubbecke, 2010] pode ser vista uma formulação completa do problema. Ela foi executada com CPLEX9 e conseguiu soluções com respostas bem próximas às melhores obtidas na competição ITC-2007. Em [Burke et al., 2008] pode ser vista outra formulação com algumas relaxações. Com um tempo de execução aproximado de quinze minutos no CPLEX10, esse algoritmo conseguiu encontrar a solução ótima para duas instâncias da competição, além de encontrar limites inferiores para as outras instâncias.

Alguns resultados relevantes também tem sido encontrados com programação em lógica. [Asín Achá & Nieuwenhuis, 2010] apresenta uma formulação usando *MaxSAT* em que se conseguiu empatar ou melhorar as respostas de quase metade das instâncias do ITC-2007. [Gueret et al., 1995] e [Goltz & Matzke, 1999] adotam formulações diferentes do ITC-2007, mas destacam como programação em lógica combinada com programa por restrições pode implementar modelos bem flexíveis, em que restrições podem ser adicionadas, modificadas ou excluídas com pouca alteração de código-fonte.

A maioria das técnicas de solução deste problema utilizam meta-heurísticas. Ainda não foi identificada uma meta-heurística que seja considerada a melhor. Algoritmos eficientes que produzem bons resultados têm sido encontrados usando Simulated Annealing [Kostuch, 2006], [Bai et al., 2012], [Elmohamed et al., 1998], Algoritmo Genético [Erben & Keppler, 1995], [Suyanto, 2010], [Kano & Sakamoto, 2008], Busca Tabu [Elloumi et al., 2008], entre outras mais recentes como a Busca de Harmonia [Al-Betar & Khader, 2012].

Há também algumas técnicas híbridas em que são usadas mais de uma meta-heurística ou aplicadas de forma diferente. Exemplos deste tipo de implementação podem ser visto em [Massoodian & Esteki, 2008] em que o algoritmo genético é combinado com

um algoritmo de busca local para melhorar a qualidade das soluções. Em [Kostuch, 2006] há um algoritmo que constrói a tabela em três etapas, cada uma executando um procedimento de Simulated Annealing independente.

Este trabalho propõe um algoritmo GRASP para o problema de tabela-horário de universidades. Há na literatura algumas propostas do GRASP, mas para tabela-horário de escolas [Souza et al., 2004] e [Vieira et al., 2010].

## **5. Algoritmos para o THU**

Como foi apresentado na seção anterior, muitas meta-heurísticas têm sido usadas para resolver o problema de THU. Dentre elas, Algoritmo Genético e Simulated Annealing têm se destacado pela quantidade de propostas que implementam essas técnicas. Dentre estas propostas, foram escolhidas duas consideradas promissoras, com o intuito de estudá-las mais profundamente e implementar melhorias para produzir soluções melhores.

Os algoritmos escolhidos e as melhorias implementadas são apresentados nas próximas subseções. Por fim, um novo algoritmo para o problema de THU é apresentado usando a meta-heurística GRASP.

### **5.1. Algoritmo Genético**

O algoritmo genético escolhido para estudo é o proposto em [Massoodian & Esteki, 2008]. Após a geração de uma população inicial, são realizadas as iterações (gerações) onde são aplicados os procedimentos de seleção, cruzamento e mutação. Ao final de cada geração, uma busca local é feita no melhor indivíduo da população.

A primeira melhoria foi na geração da população inicial. Na versão original, somente uma restrição forte é considerada nesta etapa. No algoritmo modificado tenta-se respeitar todas as restrições fortes. Devido à complexidade das instâncias nem sempre é possível respeitar todas elas, mas esta modificação produziu soluções mais próximas da viabilidade do que o original.

Uma falha identificada no procedimento de cruzamento original é que, em geral, ele produz filhos com muitas violações das restrições fortes. Para sanar este problema foi implementado um procedimento de reparação do filho gerado. Ele verifica as aulas que estão em horários inviáveis e procura um novo horário em que ela pode ser inserida.

O procedimento de mutação também foi modificado para não permitir uma alteração no indivíduo que produza novas inviabilidades. A modificação proposta fez com que o algoritmo genético encontrasse uma solução viável com menos iterações.

### **5.2. Simulated Annealing**

O algoritmo Simulated Annealing escolhido para estudo foi o proposto por [Ceschia et al., 2011]. Apesar do algoritmo proposto resolver a segunda formulação do ITC-2007, suas idéias principais foram aproveitadas para resolver a terceira formulação, que é o objetivo deste trabalho.

O algoritmo original segue a idéia básica do Simulated Annealing. Uma solução inicial é gerada procurando respeitar ao máximo as violações fortes. Em seguida começa o processo de decaimento da temperatura em que a solução inicial vai sendo melhorada até

chegar à uma temperatura final. A temperatura é reduzida a cada iteração de acordo com a seguinte relação:  $T_{i+1} = \beta * T_i$ ,  $0 < \beta < 1$  (resfriamento geométrico).

A mudança implementada foi na forma como é calculada a vizinhança da solução atual. No algoritmo original o vizinho é calculado com um ou dois passos. O primeiro passo sempre é realizado, enquanto o segundo só ocorre de acordo com uma certa probabilidade. O primeiro passo move uma aula para uma posição vazia. O segundo passo troca duas aulas de posição na tabela. No algoritmo modificado só ocorre um passo para determinar o vizinho. Pode ser um movimento ou uma troca, com igual probabilidade.

Testes computacionais mostraram que esta pequena modificação produziu resultados cerca de 60% melhores que o algoritmo original.

### 5.3. GRASP para o THU

Cada iteração GRASP [Resende & Ribeiro, 2012] possui basicamente duas etapas: na primeira uma solução inicial é construída enquanto na segunda a solução é melhorada através de algum algoritmo de busca local. Um número máximo de iterações é estabelecido. A melhor solução encontrada em uma destas iterações é a solução final.

#### 5.3.1. Geração da Solução Inicial

A geração da solução inicial do GRASP é um algoritmo construtivo baseado no princípio guloso aleatório. Partindo de uma tabela-horário vazia, as aulas são acrescentadas uma a uma até que todas estejam alocadas. A escolha é tanto gulosa (para produzir soluções de boa qualidade) quanto aleatória (para produzir soluções diversificadas).

O principal objetivo deste procedimento é produzir uma solução viável, ou seja, sem violações fortes. Com intuito de alcançar este objetivo, é adotada uma estratégia de alocar as aulas mas conflitantes inicialmente. Poucos horários são viáveis para as disciplinas mais conflitantes, portanto, é melhor alocá-las quando a tabela está mais vazia.

As aulas que ainda estão desalocadas são mantidas numa lista organizada por ordem de dificuldade. Quanto menos horários disponíveis existem para a aula e mais presente ela está em currículos diferentes, mais difícil é encontrar um horário viável.

Em cada iteração, uma aula desalocada é inserida na tabela. A aula mais difícil é escolhida para ser alocada. Existem diferentes combinações de horários e salas para a alocação. Os custos de todas essas combinações são calculados levando-se em conta as penalizações das restrições fracas. As combinações que possuem horários inviáveis são descartadas. Com base no menor e maior custo de adição de um elemento à solução ( $c^{min}$  e  $c^{max}$ ) é construída a lista restrita de candidatos (LRC). Estarão na LRC as aulas cujos custos estejam no intervalo  $[c^{min}, c^{min} + \alpha(c^{max} - c^{min})]$ . Com  $\alpha = 0$ , o algoritmo é puramente guloso, enquanto com  $\alpha = 1$  a construção é aleatória. Uma aula é escolhida aleatoriamente da LRC e acrescentada à solução. Em alguns casos, no entanto, não há uma posição viável na solução para inserção.

Para contornar esta situação foi implementado um procedimento denominado “explosão”. É uma estratégia que retira da tabela uma aula alocada anteriormente para abrir espaço para a aula que não está sendo possível alocar. Essa estratégia mostrou-se bastante eficaz, tornando possível gerar uma tabela viável para todas as instâncias testadas.

### 5.3.2. Busca Local

As soluções geradas pela fase inicial são viáveis, porém não são necessariamente ótimas. Uma busca local é usada para explorar a vizinhança e encontrar soluções melhores. O fator determinante nesta etapa é como a vizinhança será explorada, ou que movimentos serão aplicados para se encontrar um vizinho.

Neste trabalho um vizinho é gerado aplicando dois movimentos sucessivos:

- **MOVE**: Uma aula é movida para uma posição vazia da tabela.
- **SWAP**: Duas aulas são trocadas de posição na tabela.

O segundo movimento (*SWAP*) é aplicado com uma certa probabilidade, portanto alguns vizinhos são gerados apenas com *MOVE*, outros com *MOVE* seguido de *SWAP*. A taxa de *SWAP* é parametrizada. As escolhas de aulas e posições vazias para aplicação dos movimentos são todas aleatórias.

A busca local parte da solução inicial e em cada iteração gera um vizinho da solução atual. É contado o número de iterações sem melhora. Sempre que um vizinho com melhor valor de função objetivo é encontrado, é atualizado como solução atual e a contagem de iterações sem melhora é zerada. O teste de parada da busca local consiste no número de iterações sem melhora, que é um parâmetro do algoritmo.

### 5.4. Path-Relinking

A proposta original do GRASP é considerada sem memória, pelo fato das soluções obtidas nas iterações não serem compartilhadas entre si para produzir melhores soluções. O algoritmo Path-Relinking [Glover, 1996], [Ribeiro & Resende, 2012] trabalha com duas soluções: uma ótima local e outra elite, tentando melhorar a solução ótima local usando a estrutura da solução elite. Para aplicar o Path-Relinking, o GRASP mantém um conjunto de soluções elite. A cardinalidade deste conjunto é limitada e contém as soluções que foram encontradas com menor valor de função objetivo.

Este procedimento constrói um caminho conectando uma solução inicial e uma solução alvo. Esse caminho é feito aplicando movimentos que façam com que a solução inicial fique igual a solução alvo. Durante o percurso melhores soluções podem ser encontradas. Caminhando no sentido direto, a solução inicial é a ótima local e a alvo uma solução elite. No sentido inverso, o caminho é percorrido da solução elite para a ótima local. A solução elite que será usada no procedimento é escolhida aleatoriamente.

## 6. Resultados Computacionais

Os algoritmos modificados e o GRASP proposto foram testados usando as mesmas 21 instâncias que foram usadas na competição ITC-2007. Após a competição foi criado um web site para reunir algumas informações relacionadas ao problema. Neste site [Gaspero & Schaerf, 2012], podem ser obtidas as instâncias usadas na competição, verificar limites inferiores para cada uma delas, gerar novas instâncias além de verificar as melhores soluções encontradas por diferentes pesquisadores para cada instância.

A tabela 1 lista as melhores soluções encontradas por cada algoritmo. A coluna CTT se refere a melhor solução encontrada na internet [Gaspero & Schaerf, 2012].

Instância	AG	SA	GRASP	CTT	
comp01	15	6	15	5	
comp02	234	116	260	24	
comp03	233	116	223	66	
comp04	137	76	168	35	
comp05	818	429	707	290	
comp06	215	132	293	27	
comp07	205	99	266	6	
comp08	169	84	186	37	
comp09	229	137	269	96	
comp10	183	67	245	4	
comp11	13	0	9	0	
comp12	544	407	847	300	
comp13	206	106	206	59	
comp14	173	90	191	51	
comp15	225	120	218	66	
comp16	198	91	233	18	
comp17	206	122	271	56	
comp18	153	133	179	62	
comp19	207	111	238	57	
comp20	257	130	356	4	
comp21	276	151	301	76	

**Tabela 1. Resultados computacionais - Quantidade de penalizações obtidas pelo algoritmo genético (AG), simulated annealing (SA), Grasp e as melhores soluções disponíveis no site CTT**

.... Com relação ao procedimento Path-Relinking, testes mostraram que o sentido inverso produzem melhores resultados para o problema em questão. [Resende & Ribeiro, 2012] comenta que, em geral, boas soluções estão mais próximas às soluções elite do que às soluções ótimas locais.

## 7. Conclusões e Trabalhos Futuros

As conclusões ....

## Referências

- Al-Betar, M. & Khader, A.** (2012). A harmony search algorithm for university course timetabling. *Annals of Operations Research*, 194:3–31. 10.1007/s10479-010-0769-z.
- Asín Achá, R. & Nieuwenhuis, R.** (2010). Curriculum-based course timetabling with sat and maxsat. *Annals of Operations Research*, pages 1–21. 10.1007/s10479-012-1081-x.
- Bai, R., Blazewicz, J., Burke, E., Kendall, G., & McCollum, B.** (2012). A simulated annealing hyper-heuristic methodology for flexible decision support. *4OR: A Quarterly Journal of Operations Research*, 10:43–66. 10.1007/s10288-011-0182-8.
- Burke, E. K., Mareček, J., Parkes, A. J., & Rudová, H.** (2008). A branch-andcut procedure for the udine course timetabling. In *Problem, Proceedings of the 7th PATAT Conference, 2008*.



- Ceschia, S., Di Gaspero, L., & Schaerf, A.** (2011). Design, engineering, and experimental analysis of a simulated annealing approach to the post-enrolment course timetabling problem. *Computers & Operations Research*, 39(7):1615–1624.
- de Souza, M. C., Duhamel, C., & Ribeiro, C. C.** (2002). A grasp heuristic for the capacitated minimum spanning tree problem using a memory-based local search strategy.
- Elloumi, A., Kamoun, H., Ferland, J., & Dammak, A.** (2008). A tabu search procedure for course timetabling at a tunisian university. In *Proceedings of the 7th PATAT Conference, 2008*.
- Elmohamed, M. A. S., Coddington, P., & Fox, G.** (1998). A comparison of annealing techniques for academic course scheduling. In *Lecture Notes in Computer Science*.
- Erben, W. & Keppler, J.** (1995). A genetic algorithm solving a weekly course-timetabling problem.
- Festa, P., Pardalos, P., Pitsoulis, L., & Resende, M.** (2006). GRASP with path-relinking for the weighted MAXSAT problem. *ACM J. of Experimental Algorithmics*, 11. article 2.4: 1-16.
- Gaspero, L. D. & Schaerf, A.** (2012). Curriculum-based course timetabling. <http://tabu.diegm.uniud.it/ctt/>.
- Glover, F.** (1996). Tabu search and adaptive memory programming – advances, applications and challenges. In *Interfaces in Computer Science and Operations Research*, pages 1–75. Kluwer.
- Goldberg, D. E.** (1989). *Genetic Algorithms in Search, Optimization and Machine Learning*. Addison-Wesley Longman Publishing Co., Inc., Boston, MA, USA, 1st edition.
- Goltz, H.-J. & Matzke, D.** (1999). University timetabling using constraint logic programming. In *PRACTICAL ASPECTS OF DECLARATIVE LANGUAGES*, pages 320–334. Springer-Verlag.
- Gueret, C., Jussien, N., Boizumault, P., & Prins, C.** (1995). Building university timetables using constraint logic programming.
- Kanoh, H. & Sakamoto, Y.** (2008). Knowledge-based genetic algorithm for university course timetabling problems. *Int. J. Know.-Based Intell. Eng. Syst.*, 12(4):283–294.
- Kirkpatrick, S., Gelatt, C. D., & Vecchi, M. P.** (1983). Optimization by simulated annealing. *Science*, 220(4598):671–680.
- Kostuch, P.** (2006). The university course timetabling problem with a 3-phase approach.
- Lach, G. & Lubbecke, M. E.** (2010). Curriculum based course timetabling: new solutions to udine benchmark instances. *Annals of Operations Research*.
- Lewis, R.** (2007). A survey of metaheuristic-based techniques for university timetabling problems. *OR Spectrum*, 30(1):167–190.
- Massoodian, S. & Esteki, A.** (2008). A hybrid genetic algorithm for curriculum based course timetabling. In *Proceedings of the 7th PATAT Conference, 2008*.
- PATAT** (2008). International timetabling competition. <http://www.cs.qub.ac.uk/itc2007/>.

- Resende, M. & Ribeiro, C.** (2012). *GRASP: Greedy Randomized Adaptive Search Procedures*. Springer, 2nd edition.
- Resende, M. G. C.** (1998). Computing approximate solutions of the maximum covering problem using GRASP. *J. of Heuristics*, 4:161–171.
- Ribeiro, C. & Resende, M.** (2012). Path-relinking intensification methods for stochastic local search algorithms. *Journal of Heuristics*, 18:193–214. 10.1007/s10732-011-9167-1.
- Schaerf, A.** (1995). A survey of automated timetabling. *ARTIFICIAL INTELLIGENCE REVIEW*, 13:87–127.
- Souza, M. J. F., Maculan, N., & Ochi, L. S.** (2004). Metaheuristics. chapter A GRASP-tabu search algorithm for solving school timetabling problems, pages 659–672. Kluwer Academic Publishers, Norwell, MA, USA.
- Suyanto** (2010). An informed genetic algorithm for university course and student timetabling problems. In Rutkowski, L., Scherer, R., Tadeusiewicz, R., Zadeh, L., & Zurada, J., editors, *Artificial Intelligence and Soft Computing*, volume 6114 of *Lecture Notes in Computer Science*, pages 229–236. Springer Berlin / Heidelberg.
- Vieira, A., Rafael, M., & Scaraficci, A.** (2010). A grasp strategy for a more constrained school timetabling problem.