

Prof. Marco Antonio M. Carvalho











INSTITUTO FEDERAL MINAS GERAIS

Lembretes

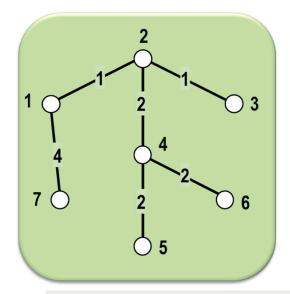
- ☐ Lista de discussão
 - Endereço:
 - programaacao@googlegroups.com
 - Solicitem acesso:
 - http://groups.google.com/group/programaacao
- Página com material dos treinamentos
 - http://www.decom.ufop.br/marco/extensao/obi/
- Repositório online de problemas das edições passadas da OBI
 - http://br.spoj.com/problems/obi/sort=-7
- Moodle
 - http://programaacao.net.br/login/index.php

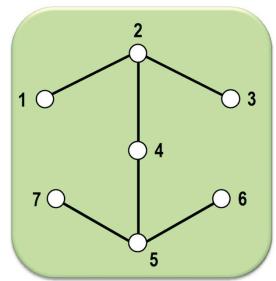
Avisos

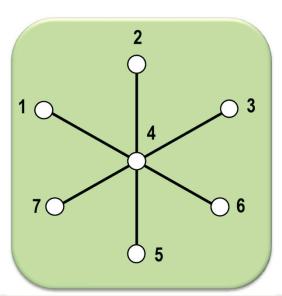
Na aula de hoje

- Árvores
- ☐ Árvores Binárias de Busca
 - Tipos de Remoção
- Percursos
- Problemas Selecionados
- Um Problema de Lógica

- ☐ Grafo conexo e sem ciclos em que há somente um caminho entre qualquer par de vértices;
- Um subgrafo conexo e acíclico de um grafo é denominado subárvore.

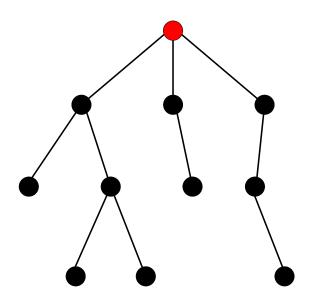




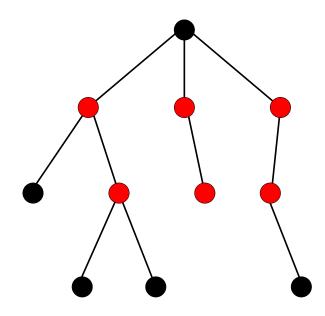


- □ Seja T uma árvore com *n* vértices, então:
 - 1. Té conexo e sem ciclos;
 - 2. T possui n-1 arestas;
 - 3. Cada aresta de T é uma pontea;
 - 4. Té um grafo planar;
 - 5. Se n>1, então T possui pelo menos dois vértices **folhas** (ou **terminais**).

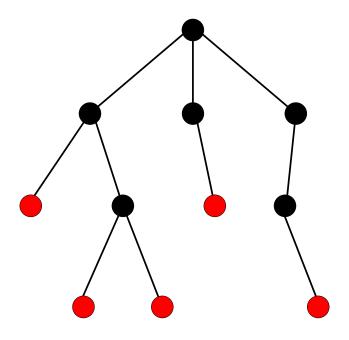
^aAresta cuja remoção torna um grafo desconectado.



□ Nó Raiz;



■ Nós Internos



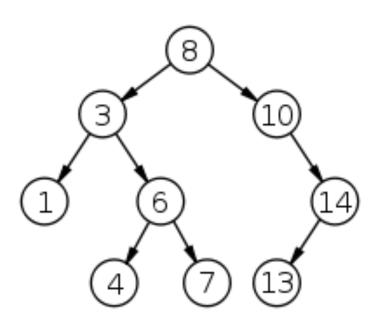
- Nós Folha, ou Terminais
- Outros termos:
 - Pai/filho;
 - Ancestral, descendente;
 - Irmãos;
 - Nível de um nó;
 - Altura da árvore.

Árvores Binárias de Busca

Árvore de Busca Binária

- Como o próprio nome diz, uma árvore binária de busca é uma estrutura de dados do tipo árvore
 - Armazena os dados de forma hierárquica;
 - □ Cada nó é inserido na árvore de acordo com o seu valor.

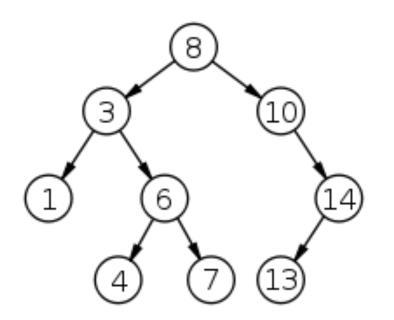
Árvore de Busca Binária



Características:

- A subárvore esquerda de um nó X possui apenas valores menores do que X;
- A subárvore direita de um nó X possui apenas valores maiores do que X;
- Toda subárvore também deve ser uma árvore binária de busca;
- Não há valores duplicados.

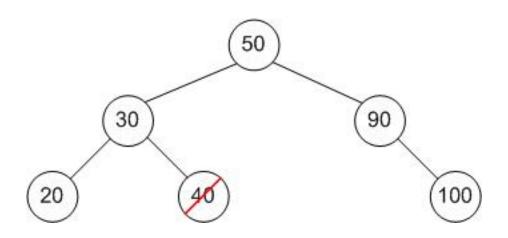
Árvore de Busca Binária



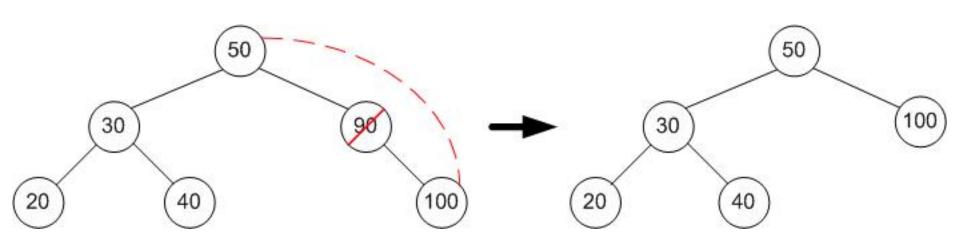
Operação	Média	Pior Caso
Memória	O(n)	O(n)
Busca	$O(\log n)$	O(n)
Inserção	O(log n)	O(n)
Remoção	$O(\log n)$	O(n)

Tipos de Remoção

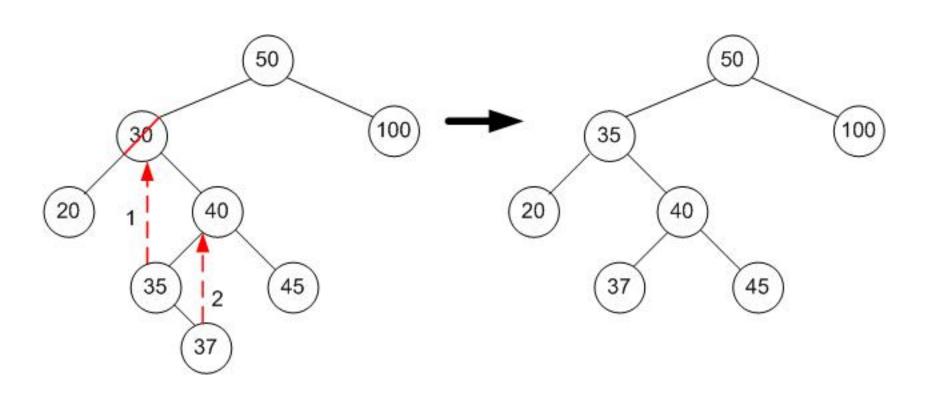
Remoção de um nó folha



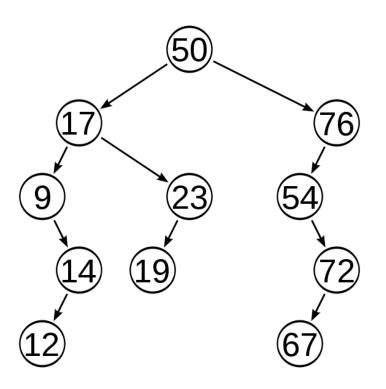
Remoção de um nó com um filho



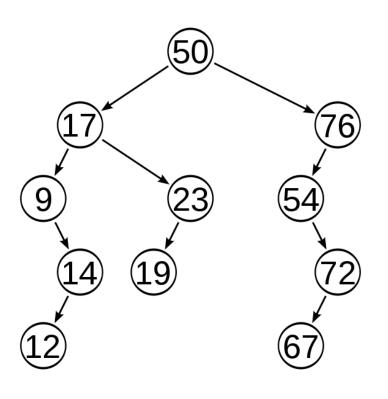
Remoção de um nó com dois filhos



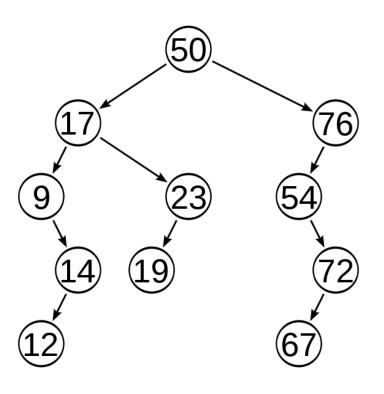
- Existem basicamente três tipos de percursos em árvore
 - Em ordem (ou infixo);
 - Pré-ordem (ou prefixo);
 - Pós-ordem (ou posfixo).



- Em Ordem (ou infixo):
 - Percorre a subárvore esquerda em ordem;
 - Visita a raiz;
 - Percorre a subárvore direita em ordem simétrica.
- Para o exemplo ao lado:
 - 9 12 14 17 19 23 50 54 67 72 76



- □ Pré-ordem (ou prefixo):
 - Visita a raiz;
 - Percorre a subárvore esquerda em pré-ordem;
 - Percorre a subárvore direita em pré-ordem.
- Para o exemplo ao lado:
 - 50 17 9 14 12 23 19 76 54 72 67



- Pós-ordem (ou posfixo):
 - Percorre a subárvore esquerda em pós-ordem;
 - Percorre a subárvore direita em pós-ordem;
 - Visita a raiz.
- Para o exemplo ao lado:
 - 12 14 9 19 23 17 67 72 54 76 50

Problemas Selecionados

Problemas Selecionados

- http://www.urionlinejudge.com.br/judge/pt/problems/view/1200
- http://www.urionlinejudge.com.br/judge/pt/problems/view/1201
- http://www.urionlinejudge.com.br/judge/pt/problems/view/1466
- http://www.urionlinejudge.com.br/judge/pt/problems/view/1191

Um Problema de Lógica

Um Problema de Lógica

- Considere 3 pessoas: Alice, Bob e Carlos;
- Um deles é um cavaleiro, outro é um espião e o outro é um mentiroso
 - O cavaleiro sempre diz a verdade;
 - O mentiroso sempre mente;
 - O espião, eventualmente, mente.
- □ Alice diz: "Carlos é o mentiroso";
- Bob diz: "Alice é o cavaleiro";
- Carlos diz: "Eu sou o espião".
- Quem é quem?



Perguntas?