# Problem P 霍夫曼編碼

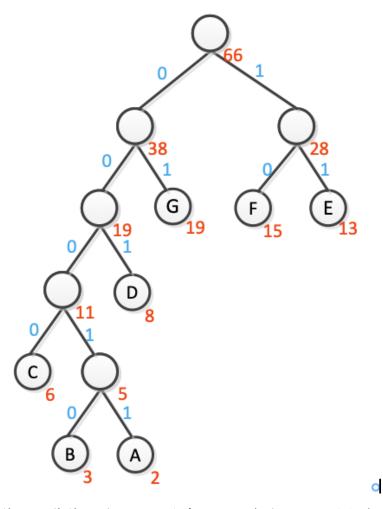
#### **Problem Description**

霍夫曼編碼(Huffman Coding),又譯爲哈夫曼編碼、赫夫曼編碼,是一種用於無損資料壓縮 演算法。針對相異字元,統計其出現的次數: A:2。B:3。C:6。D:8。E:13。F:15。G:19。 產生霍夫曼編碼(Huffman Code):

Huffman 編碼法利用建立二元樹的方式,首先將每個符號以一個自由節點(freenode)表示這些自由節點的權重(weight)即是符號的頻率。接著,從自由節點中找出權重最小的兩個節點,爲這兩個節點做一個父節點,此父節點的權重則爲這兩個子節點的權重和。之後,將父節點加入自由節點的行列,並將兩個子節點從自由節點的行列中去除。

接著,重覆選取兩個權重最小的節點,造出父節點並更新自由節點的過程,直到最後只剩一個自由節點爲止。

(一) 在霍夫曼樹(Huffman Tree) 中,針對每個節點,將連至左子樹的邊標爲0,將連至右子樹的邊標示爲1。霍夫曼樹(Huffman Tree) 的每個葉節點代表一個相異字元,且葉節點的個數恰等於相異字元的個數。



(二) 針對每個由根節點至葉節點的路徑,將其所經過邊的標示連結起來,並指派給對應葉節點所代表的字元,此即霍夫曼編碼(Huffman Code): 當得到這棵編碼樹後,我們就可以從

二元樹的根結點(root node)開始往下走每往左子樹(left subtree)走一層就給定一個位元的編碼(每往右子樹(right subtree)走一層就給定一個位元的編碼1依此方式逐層往下走並同時編碼直到走到葉節點(leaf node)爲止。

4	←								
	字元←	A←	B←	C←	D←	E←	F←	G←¹	←
	出現的次數↩	2←	3←	6←	8←	13↩	15€	19€	←
	霍夫曼編碼←	00011	00010€	0000€	001←	11←	10←	01←	←
	霍夫曼編碼位元數(長度)	5←	5←	4←	3←	2←	2←	2←	<del>-</del>
	4							•	

編碼所得到的總位元數:5+5+4+3+2+2+2=23。

請撰寫一個程式,根據已知的頻率表(尚未排序過),計算以Huffman 編碼後的總位元數。

#### **Input Format**

第一行爲一個整數N,代表共有幾個符號。 $(1 < N \le 2^{16})$ 。

接下來的N 個數字代表這N 個符號的頻率,每個數字為介於1 與 $2^{16}$  之間的正整數,每兩個數字以一個空格隔開。

#### **Output Format**

對每一個輸入的頻率表,計算以Huffman 編碼後的總位元數。

# Sample Input 1

# Sample Output 1

7	23		
2 3 6 8 13 15 19			

# Sample Input 2

# Sample Output 2

6	17		
26 25 20 15 10 5			

#### Hint