|  |
| --- |
| Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  высшего образования  **"МИРЭА – Российский технологический университет"**  **РТУ МИРЭА** |

Институт комплексной безопасности и специального приборостроения

Кафедра КБ-3 «Управление и моделирование систем»

**ОТЧЕТ   
о выполнении лабораторной работы №3**

**«Реализация алгоритмов на графах»**

**по дисциплине   
«Программная реализация нелинейных структур»**

**Вариант № 65**

Выполнил: студент 2 курса

Группы **\_\_\_\_\_\_**

шифр \_\_\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  
*(фио студента)*

Проверил:

*\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_*

Москва 2020 г.

**Вариант № 65.**

**Алгоритм:** **Дана матрица весов дуг. Определить и вывести все циклы в орграфе, заданной длины х (вводится с клавиатуры)**

**Способ представления графа: Матрица смежности**

**Теория о Графах.**

Граф — это математический объект, который состоит из точек и линий, которые их соединяют. Точки называют вершинами графа, а линии — ребрами. Граф, ребра которого имеют направления, называется ориентированным, если же ребра графа не имеют направления, то такой граф называется неориентированным.



Рисунок 1. – Пример ориентированного графа.

Цикл графа – некоторое число вершин, соединенных замкнутой цепью. Так, например, на графе, изображенном на рисунке 1, циклами будут являться следующие соединенные вершины: A->B->C->D->A, A->B->C->E->F->A, A->B->D->A, A->G->D->A, B->C->E->B и B->C->E->F->B.



Рисунок 2. – Пример матрицы смежности.

Матрица смежности — это вид представления графа в виде матрицы, когда пересечение столбцов и строк задаёт дуги. Используя матрицу смежности, можно задать вес дуг и ориентацию. Каждая строка и столбец матрицы соответствуют вершинам, номер строки соответствует вершине, из которой выходит дуга, а номер столбца - в какую входит дуга. Пример матрицы смежности графа, изображенного на рисунке 1, представлен на рисунке 2.

**Листинг программы.**

import json

from typing import Optional, Tuple, List, Dict, Set

class Vertex:

    \_index: int

    label: str

    def \_\_init\_\_(*self*, *index*: int, *label*: Optional[str] = ""):

*self*.\_index = *index*

*self*.label = *label*

    def index(*self*) -> int:

        return *self*.\_index

    def \_\_repr\_\_(*self*):

        return f'Vertex[i: {*self*.\_index}, label: {*self*.label}]'

class Edge:

    \_vertices: Tuple[int, int]

    len: int

    def \_\_init\_\_(*self*, *v1*: int = None, *v2*: int = None, *len*: int = 1):

*self*.\_vertices = (*v1*, *v2*)

*self*.len = *len*

    def vertices(*self*) -> Tuple[int, int]:

        return *self*.\_vertices

    def \_\_repr\_\_(*self*):

        return f"Edge[{*self*.\_vertices[0]} -> {*self*.\_vertices[1]}, {*self*.len}]"

class Graph:

    \_vertices: List[Vertex]

    \_edges: List[Edge]

    def \_init\_vertices(*self*, *dim*: int):

*self*.\_vertices = []

        for i in range(*dim*):

*self*.\_vertices.append(Vertex(i))

    def \_load\_adj\_matrix(*self*, *data*: List[List[int]], *dim*: int):

*self*.\_edges = []

*self*.\_init\_vertices(*dim*)

        for i, vertex in enumerate(*data*):

            for j, edge\_len in enumerate(vertex):

                if edge\_len > 0:

*self*.\_edges.append(Edge(i, j, edge\_len))

    def \_load\_adj\_list(*self*, *data*: List[List[int]], *dim*: int):

*self*.\_edges = []

*self*.\_init\_vertices(*dim*)

        for edge in *data*:

            if len(edge) == 3:

                v1, v2, edge\_len = edge

            else:

                v1, v2, edge\_len = \*edge, 1

*self*.\_edges.append(Edge(v1, v2, edge\_len))

    def \_load\_inc\_matrix(*self*, *data*: List[List[int]], *dim*: int):

*self*.\_edges = []

*self*.\_init\_vertices(*dim*)

        transposed\_data = list(zip(\**data*)) # транспонирование

        for edge in transposed\_data:

            v1 = None

            v2 = None

            v1\_v2\_len = 0

            v2\_v1\_len = 0

            for j in range(*dim*):

                if edge[j] != 0 and v1 is None:

                    v1 = j

                    v1\_v2\_len = edge[j]

                elif edge[j] != 0 and v2 is None:

                    v2 = j

                    v2\_v1\_len = edge[j]

                    break

            if v1\_v2\_len > 0:

*self*.\_edges.append(Edge(v1, v2, v1\_v2\_len))

            if v2\_v1\_len > 0:

*self*.\_edges.append(Edge(v2, v1, v2\_v1\_len))

    def \_load\_labels(*self*, *labels*: Dict[str, str]):

        for index, label in *labels*.items():

            index = int(index)

*self*.\_vertices[index].label = label

    def load(*self*, *filename*: str):

        with open(*filename*, "r", *encoding*="utf8") as f:

            graph\_json: dict = json.load(f)

        \_format = graph\_json.get('format', None)

        if \_format is None:

            raise Exception("Не указан формат для задания графа! Смотри документацию!")

        \_dim: Optional[str] = graph\_json.get('dim', None)

        if \_dim is None or not isinstance(\_dim, int):

            raise Exception("Не укаказан/верный размер графа! Смотри документацию!")

        \_data: Optional[List[List[int]]] = graph\_json.get('data', None)

        if \_data is None:

            raise Exception("Не заданны данные для построения графа! Смотри документацию!")

        \_labels: Optional[Dict[str, str]] = graph\_json.get('labels', None)

        if \_format == "adj\_matrix":

*self*.\_load\_adj\_matrix(\_data, \_dim)

        elif \_format == "adj\_list":

*self*.\_load\_adj\_list(\_data, \_dim)

        elif \_format == "inc\_matrix":

*self*.\_load\_inc\_matrix(\_data, \_dim)

        else:

            raise Exception("Неизвестный формат задания графа! Смотри документацию!")

        if \_labels:

*self*.\_load\_labels(\_labels)

    def first(*self*, *v*: int):

        for edge in *self*.\_edges:

            if edge.vertices[0] == *v*:

                return edge.vertices[1]

        return None

    def next(*self*, *v*: int, *i*: int):

        state = 0

        next\_index = None

        for edge in *self*.\_edges:

            if edge.vertices[0] != *v*:

                if state == 0:

                    continue

                if state == 1:

                    break

            else:

                state = 1

                if edge.vertices[1] > *i*:

                    next\_index = edge.vertices[1]

                    break

        return next\_index

    def vertex(*self*, *v*: int, *i*: int):

        state = 0

        vertices\_set = []

        for edge in *self*.\_edges:

            if edge.vertices[0] != *v*:

                if state == 0:

                    continue

                if state == 1:

                    break

            else:

                state = 1

                vertices\_set.append(edge.vertices[1])

        if *i* < len(vertices\_set):

            return vertices\_set[*i*]

        else:

            return None

    def add\_v(*self*, *index*: int, *label*: str = ''):

        for vertex in *self*.\_vertices:

            if vertex.index == *index*:

                raise Exception(f"Вершина с таким индексом уже существует! ({*index*})")

*self*.\_vertices.append(Vertex(*index*, *label*))

    def add\_e(*self*, *v1*: int, *v2*: int, *edge\_len*: int = 1):

        found\_v1 = False

        found\_v2 = False

        for vertex in *self*.\_vertices:

            if vertex.index == *v1*:

                found\_v1 = True

            elif vertex.index == *v2*:

                found\_v2 = True

        if not (found\_v1 and found\_v2) or *v1* == *v2*:

            raise Exception(f"Невозможная пара индексов вершин! ({*v1*}, {*v2*})")

        else:

*self*.\_edges.append(Edge(*v1*, *v2*, *edge\_len*))

    def del\_v(*self*, *index*: int):

        for vertex in *self*.\_vertices:

            if vertex.index == *index*:

                break

        else:

            raise Exception(f"Вершина с таким индексом не существует! ({*index*})")

        edges\_to\_remove = []

        for edge in *self*.\_edges:

            if edge.vertices[0] == *index* or edge.vertices[1] == *index*:

                edges\_to\_remove.append(edge)

        for edge in edges\_to\_remove:

*self*.\_edges.remove(edge)

    def del\_e(*self*, *v1*: int, *v2*: int):

        for edge in *self*.\_edges:

            if edge.vertices[0] == *v1* and edge.vertices[1] == *v2*:

                break

        else:

            raise Exception(f"Ребра с таким набором вершин не существует! ({*v1*}, {*v2*})")

    def to\_adj\_matrix(*self*) -> List[List[int]]:

        adj\_matrix = [[0 for \_ in range(len(*self*.\_vertices))] for \_ in range(len(*self*.\_vertices))]

        for edge in *self*.\_edges:

            adj\_matrix[edge.\_vertices[0]][edge.\_vertices[1]] = edge.len

        return adj\_matrix

    def as\_dict(*self*):

        return {

            "Vertices": *self*.\_vertices,

            "Edges": *self*.\_edges

        }

    def vertices(*self*):

        return *self*.\_vertices

    def edges(*self*):

        return *self*.\_edges

def get\_cycles\_with\_fix\_len(*path\_len*: int, *matrix*: List[List[int]]) -> List[List[int]]:

    def algo(*node*: int, *len\_credit*: int, *known\_nodes*: Set[int]) -> List[List[int]]:

        paths: List[List[int]] = []

        for other\_node, edge\_len in enumerate(*matrix*[*node*]):

            if not edge\_len:

                continue

            if not other\_node in *known\_nodes* and *len\_credit* - edge\_len > 0:

                \_known\_nodes = *known\_nodes*.copy()

                \_known\_nodes.add(other\_node)

                \_paths = algo(other\_node, *len\_credit* - edge\_len, \_known\_nodes)

                paths.extend([*node*, \*path] for path in \_paths if \_paths)

            elif other\_node in *known\_nodes* and *len\_credit* - edge\_len == 0:

                paths.append([*node*, other\_node])

        return paths

    cycles = []

    for i in range(len(*matrix*)):

        cycles.extend(algo(i, *path\_len*, set([i])))

    return cycles

if \_\_name\_\_ == '\_\_main\_\_':

    import sys

    def param\_to\_cycle\_len(*param*: str) -> int:

        if not *param*.isdigit():

            raise Exception("Введена длина цикла не являющаяся числом!")

        cycle\_len = int(*param*)

        if cycle\_len < 3:

            raise Exception("Длина цикла не может быть меньше 3!")

        return cycle\_len

    matrix\_file = 'graph\_task65.json'

    if len(sys.argv) == 2:

       cycle\_len = param\_to\_cycle\_len(sys.argv[1])

    elif len(sys.argv) == 3:

        matrix\_file = sys.argv[1]

        cycle\_len = param\_to\_cycle\_len(sys.argv[2])

    else:

        raise Exception("Неверное количество аргументов!")

    graph = Graph()

    graph.load(matrix\_file)

    cycles = get\_cycles\_with\_fix\_len(cycle\_len, graph.to\_adj\_matrix())

    print(f"Циклы длины {cycle\_len}: " + ", ".join(["->".join(map(str, cycle)) for cycle in cycles]))

**Скриншоты работы программы.**

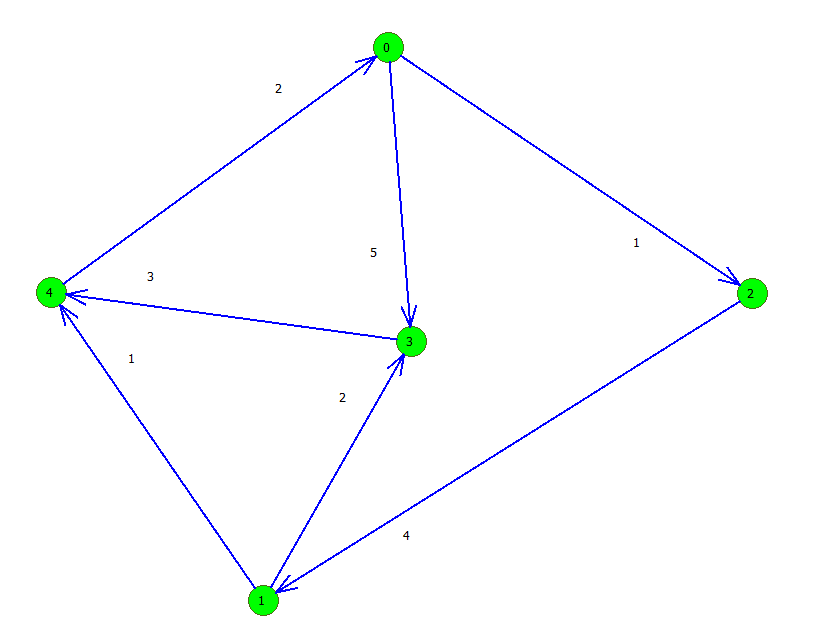
****

Рисунок 3. - Пример ориентированного нагруженного графа с циклами

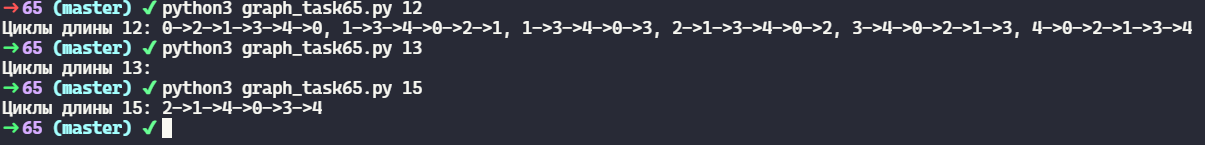
****

Рисунок 4. - Пример работы программы

**Выводы.**

В результате выполнения данной работы была реализована структура Graph способная выполнять базовые операции на графах. Так же был реализован алгоритм нахождения все циклов заданной длинны в ориентированном нагруженном графе.

**Литература:**

1. Алгоритмы: построение и анализ. Кормен Т.Х., Лейзерсон Ч.И.

2. https://en.wikipedia.org/wiki/Cycle\_(graph\_theory)