|  |
| --- |
| Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  высшего образования  **"МИРЭА – Российский технологический университет"**  **РТУ МИРЭА** |

Институт комплексной безопасности и специального приборостроения

Кафедра КБ-14 «Цифровые технологии обработки данных»

**ОТЧЕТ   
о выполнении лабораторной работы №3**

**«Деревья двоичного поиска»**

**по дисциплине   
«Алгоритмы и структуры данных»**

**Вариант № 13**

Выполнил: студент 2 курса

группы **\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_**

шифр \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

*(фио студента)*

Проверил: *\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_*

Москва 2021 г.

**Задание на лабораторную работу № 3.**

Реализовать в виде программы абстрактный тип данных «Дерево» согласно варианту (Номер варианта – две последние цифры шифра студента, номера зачетной книжки) с учетом заданного представления дерева.

Пусть А, В, С – деревья соответствующего типа, узлы которых могут содержать целочисленные значения. Требуется реализовать начальное формирование деревьев А и В, путем добавления некоторой последовательности значений (узлов) в пустое дерево.

После чего требуется по варианту реализовать заданную операцию над деревьями без использования каких-либо вспомогательных структур (списков, массивов и т.п.), работая только с узлами деревьев А и В.

Операция А=A ⋃прB означает, что элементы дерева В будут добавлены в дерево А в прямом порядке обхода дерева В, соответственно А=A ⋃обрB – в обратном, а А=A ⋃симB – симметричном обходе дерева В.

Операция А = A ⋂ B означает, что из дерева А исключаются узлы, отсутствующие в дереве В.

Операция А = A \ B означает, что из дерева А исключаются узлы, присутствующие в дереве В.

**Вариант № 13**

**Тип дерева: Дерево двоичного поиска**

**Реализация дерева: Левый сын, правый брат (указатели)**

**Операция: А=A ⋃симB**

**Порядок обхода: A – Прямой, B - Симметричный**

**Теория о Деревьях двоичного поиска.**

Дерево двоичного поиска — это упорядоченное дерево, каждая вершина которого имеет не более двух поддеревьев, причем для каждого узла выполняется правило: в левом поддереве содержатся только ключи, имеющие значения, меньшие, чем значение данного узла, а в правом поддереве содержатся только ключи, имеющие значения, большие, чем значение данного узла. Бинарное дерево является рекурсивной структурой, поскольку каждое его поддерево само является бинарным деревом и, следовательно, каждый его узел в свою очередь является корнем дерева. Узел дерева, не имеющий потомков, называется листом.



Рисунок 1. – Иллюстрация дерева A.

Симметричный обход дерева идет в следующем порядке: левый потомок, корень, правый потомок. Пример обхода согласно дереву на рисунке 1: 40, 50, 60, 70, 80, 90, 100.

Прямой обход - корень, левый потомок, правый потомок. Пример обхода согласно дереву на рисунке 1: 70, 50, 40, 60, 90, 80,100.

Обратный обход - левый потомок, правый потомок, корень. Пример обхода согласно дереву на рисунке 1: 40, 60, 50, 80, 100, 90,70.



Рисунок 2. – Иллюстрация дерева B.



Рисунок 3. – Иллюстрация дерева C.

Иллюстрация дерева С, полученного добавлением элементов из дерева B на рисунке 2 в дерево A на рисунке 1 в прямом обходе дерева B, представлена на рисунке 3. Прямой обход полученного дерева C: 70, 50, 40, 35, 45, 60, 55, 65, 90, 80, 75, 85, 100, 95, 105.

**Листинг программы.**

from typing import Generic, List, Optional, TypeVar

VT = TypeVar("VT")

class Node(Generic[VT]):

    left: Optional["Node[VT]"]

    right: Optional["Node[VT]"]

    value: VT

    def \_\_init\_\_(self, value: VT):

        self.value = value

        self.left = None

        self.right = None

    def \_\_repr\_\_(self):

        return str(self.value)

class BST(Generic[VT]):

    \_root: Optional[Node[VT]]

    def \_\_init\_\_(self):

        self.\_root = None

    def \_find(self, root: Node[VT], value: VT):

        if root is None or root.value == value:

            return root

        elif value < root.value:

            return self.\_find(root.left, value)

        else:

            return self.\_find(root.right, value)

    def find(self, value):

        return self.\_find(self.\_root, value)

    def \_insert(self, root: Node[VT], value: VT):

        if root is None:

            return Node(value)

        if value < root.value:

            root.left = self.\_insert(root.left, value)

        elif value > root.value:

            root.right = self.\_insert(root.right, value)

        return root

    def insert(self, value: VT):

        self.\_root = self.\_insert(self.\_root, value)

    def \_find\_min(self, root: Node[VT]):

        if root.left is not None:

            return self.\_find\_min(root.left)

        else:

            return root

    def \_remove(self, root: Node[VT], value: VT):

        if root is None:

            return None

        if value < root.value:

            root.left = self.\_remove(root.left, value)

            return root

        elif value > root.value:

            root.right = self.\_remove(root.right, value)

            return root

        if root.left is None:

            return root.right

        elif root.right is None:

            return root.left

        else:

            min\_value = self.\_find\_min(root.right).value

            root.value = min\_value

            root.right = self.\_remove(root.right, min\_value)

            return root

    def remove(self, value: VT):

        self.\_root = self.\_remove(self.\_root, value)

    def \_traverse\_inorder(self, root: Node[VT], nodes\_list: List[Node[VT]]):

        if root is not None:

            self.\_traverse\_inorder(root.left, nodes\_list)

            nodes\_list.append(root)

            self.\_traverse\_inorder(root.right, nodes\_list)

        return nodes\_list

    def traverse\_inorder(self) -> List[Node[VT]]:

        return self.\_traverse\_inorder(self.\_root, [])

    def \_traverse\_postorder(self, root: Node[VT], nodes\_list: List[Node[VT]]):

        if root is not None:

            self.\_traverse\_inorder(root.left, nodes\_list)

            self.\_traverse\_inorder(root.right, nodes\_list)

            nodes\_list.append(root)

        return nodes\_list

    def traverse\_postorder(self) -> List[Node[VT]]:

        return self.\_traverse\_postorder(self.\_root, [])

    def \_traverse\_preorder(self, root: Node[VT], nodes\_list: List[Node[VT]]):

        if root is not None:

            nodes\_list.append(root)

            self.\_traverse\_inorder(root.left, nodes\_list)

            self.\_traverse\_inorder(root.right, nodes\_list)

        return nodes\_list

    def traverse\_preorder(self) -> List[Node[VT]]:

        return self.\_traverse\_preorder(self.\_root, [])

if \_\_name\_\_ == "\_\_main\_\_":

    from random import randint

    tree\_a = BST[int]()

    tree\_b = BST[int]()

    for \_ in range(20):

        v = randint(-99, 99)

        if randint(0, 10) % 3 == 2:

            tree\_a.insert(v)

        else:

            tree\_b.insert(v)

    print("Дерево А в прямом порядке:" + str(tree\_a.traverse\_preorder()))

    print("Дерево B в симметричном порядке:" + str(tree\_b.traverse\_inorder()))

    for node in tree\_b.traverse\_inorder():

        tree\_a.insert(node.value)

    print(

        "Дерево А в прямом порядке после добавления элементов дерева В в симметричном порядке:\n"

        + str(tree\_a.traverse\_preorder())

    )

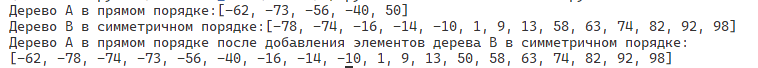
**Скриншот работы программы.**

Рисунок 4. Вывод обхода деревьев

**Выводы.**

В результате выполнения данной работы была реализована структура двоичного дерева поиска с операциями вставки, удаления и обхода дерева в прямом, симметричном и обратных порядках.

**Литература.**

1. Кормен, Т., Лейзерсон, Ч., Ривест, Р., Штайн, К. Алгоритмы: построение и анализ / Под ред. И. В. Красикова. — 2-е изд. — М.: Вильямс, 2005.