|  |
| --- |
| Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  высшего образования  **"МИРЭА – Российский технологический университет"**  **РТУ МИРЭА** |

Институт комплексной безопасности и специального приборостроения

Кафедра КБ-14 «Цифровые технологии обработки данных»

**ОТЧЕТ   
о выполнении лабораторной работы №2**

**«Деревья двоичного поиска»**

**по дисциплине   
«Алгоритмы и структуры данных»**

**Вариант № 65**

Выполнил: студент 2 курса

группы \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

шифр \_\_\_\_\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

*(фио студента)*

Проверил: *\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_*

Москва 2020 г.

**Задание на лабораторную работу № 2.**

Реализовать в виде программы абстрактный тип данных «Дерево» согласно варианту (Номер варианта – две последние цифры шифра студента, номера зачетной книжки) с учетом заданного представления дерева.

Пусть А, В, С – деревья соответствующего типа, узлы которых могут содержать целочисленные значения. Требуется реализовать начальное формирование деревьев А и В, путем добавления некоторой последовательности значений (узлов) в пустое дерево.

После чего требуется по варианту реализовать заданную операцию над деревьями без использования каких-либо вспомогательных структур (списков, массивов и т.п.), работая только с узлами деревьев А и В.

Операция А=A ⋃прB означает, что элементы дерева В будут добавлены в дерево А в прямом порядке обхода дерева В, соответственно А=A ⋃обрB – в обратном, а А=A ⋃симB – симметричном обходе дерева В.

Операция А = A ⋂ B означает, что из дерева А исключаются узлы, отсутствующие в дереве В.

Операция А = A \ B означает, что из дерева А исключаются узлы, присутствующие в дереве В.

**Вариант № 65.**

**Тип дерева: Дерево двоичного поиска**

**Реализация дерева: Левый сын, правый брат (указатели)**

**Операция: А = A \ B**

**Порядок обхода: A – Обратный, B - Симметричный**

**Теория о Деревьях двоичного поиска.**

Дерево двоичного поиска — это упорядоченное дерево, каждая вершина которого имеет не более двух поддеревьев, причем для каждого узла выполняется правило: в левом поддереве содержатся только ключи, имеющие значения, меньшие, чем значение данного узла, а в правом поддереве содержатся только ключи, имеющие значения, большие, чем значение данного узла. Бинарное дерево является рекурсивной структурой, поскольку каждое его поддерево само является бинарным деревом и, следовательно, каждый его узел в свою очередь является корнем дерева. Узел дерева, не имеющий потомков, называется листом.



Рисунок 1. – Иллюстрация дерева A.

Симметричный обход дерева идет в следующем порядке: левый потомок, корень, правый потомок. Пример обхода согласно дереву на рисунке 1: 40, 50, 60, 70, 80, 90, 100.

Прямой обход - корень, левый потомок, правый потомок. Пример обхода согласно дереву на рисунке 1: 70, 50, 40, 60, 90, 80,100.

Обратный обход - левый потомок, правый потомок, корень. Пример обхода согласно дереву на рисунке 1: 40, 60, 50, 80, 100, 90,70.



Рисунок 2. – Иллюстрация дерева B.



Рисунок 3. – Иллюстрация дерева C.

Иллюстрация дерева С, полученного добавлением элементов из дерева B на рисунке 2 в дерево A на рисунке 1 в прямом обходе дерева B, представлена на рисунке 3. Прямой обход полученного дерева C: 70, 50, 40, 35, 45, 60, 55, 65, 90, 80, 75, 85, 100, 95, 105.

**Листинг программы.**

from typing import Optional, Generic, TypeVar

from random import randint

VT = TypeVar("VT")

class Node(Generic[VT]):

    left: Optional['Node[VT]']

    right: Optional['Node[VT]']

    value: VT

    def \_\_init\_\_(*self*, *value*: VT):

*self*.value = *value*

*self*.left = None

*self*.right = None

    def \_\_repr\_\_(*self*):

        return str(*self*.value)

class BST(Generic[VT]):

    \_root: Optional[Node[VT]]

    def \_\_init\_\_(*self*):

*self*.\_root = None

    def \_find(*self*, *root*: Node[VT], *value*: VT):

        if *root* is None or *root*.value == *value*:

            return *root*

        elif *value* < *root*.value:

            return *self*.\_find(*root*.left, *value*)

        else:

            return *self*.\_find(*root*.right, *value*)

    def find(*self*, *value*):

        return *self*.\_find(*self*.\_root, *value*)

    def \_insert(*self*, *root*: Node[VT], *value*: VT):

        if *root* is None:

            return Node(*value*)

        if *value* < *root*.value:

*root*.left = *self*.\_insert(*root*.left, *value*)

        elif *value* > *root*.value:

*root*.right = *self*.\_insert(*root*.right, *value*)

        return *root*

    def insert(*self*, *value*: VT):

*self*.\_root = *self*.\_insert(*self*.\_root, *value*)

    def \_find\_min(*self*, *root*: Node[VT]):

        if *root*.left is not None:

            return *self*.\_find\_min(*root*.left)

        else:

            return *root*

    def \_remove(*self*, *root*: Node[VT], *value*: VT):

        if *root* is None:

            return None

        if *value* < *root*.value:

*root*.left = *self*.\_remove(*root*.left, *value*)

            return *root*

        elif *value* > *root*.value:

*root*.right = *self*.\_remove(*root*.right, *value*)

            return *root*

        if *root*.left is None:

            return *root*.right

        elif *root*.right is None:

            return *root*.left

        else:

            min\_value = *self*.\_find\_min(*root*.right).value

*root*.value = min\_value

            root.right = *self*.\_remove(*root*.right, min\_value)

            return root

    def remove(*self*, *value*: VT):

*self*.\_root = *self*.\_remove(*self*.\_root, *value*)

    def \_traverse\_inorder(*self*, *root*: Node[VT], *nodes\_list*: list[Node[VT]]):

        if *root* is not None:

*self*.\_traverse\_inorder(*root*.left, *nodes\_list*)

            nodes\_list.append(root)

*self*.\_traverse\_inorder(root.right, nodes\_list)

        return *nodes\_list*

    def traverse\_inorder(*self*) -> list[Node[VT]]:

        return *self*.\_traverse\_inorder(*self*.\_root, [])

    def \_traverse\_postorder(*self*, *root*: Node[VT], *nodes\_list*: list[Node[VT]]):

        if *root* is not None:

*self*.\_traverse\_inorder(*root*.left, *nodes\_list*)

*self*.\_traverse\_inorder(root.right, nodes\_list)

            nodes\_list.append(root)

        return *nodes\_list*

    def traverse\_postorder(*self*) -> list[Node[VT]]:

        return *self*.\_traverse\_postorder(*self*.\_root, [])

    def \_traverse\_preorder(*self*, *root*: Node[VT], *nodes\_list*: list[Node[VT]]):

        if *root* is not None:

*nodes\_list*.append(*root*)

*self*.\_traverse\_inorder(*root*.left, *nodes\_list*)

*self*.\_traverse\_inorder(root.right, nodes\_list)

        return *nodes\_list*

    def traverse\_preorder(*self*) -> list[Node[VT]]:

        return *self*.\_traverse\_preorder(*self*.\_root, [])

if \_\_name\_\_ == "\_\_main\_\_":

    tree\_a = BST[int]()

    tree\_b = BST[int]()

    for \_ in range(15):

        v = randint(-99, 100)

        tree\_a.insert(v)

        if randint(0, 99) % 10 >= 5:

            tree\_b.insert(v)

    print("Дерево А в обратном порядке: " + str(tree\_a.traverse\_postorder()))

    print("Дерево B в симметричном порядке: " + str(tree\_b.traverse\_inorder()))

    for v in tree\_b.traverse\_inorder():

        tree\_a.remove(v.value)

    print("Дерево А после удаления элементов дерева B: " + str(tree\_a.traverse\_postorder()))

**Скриншот работы программы.**

Рисунок 4. Вывод обхода деревьев



**Выводы.**

В результате выполнения данной работы был реализован алгоритм, способный строить деревья и выводить их в симметричном, прямом и обратном порядках, а также добавлять элементы одного дерева в другое в одном из трех вышеперечисленных порядках.

**Литература.**

* Кормен, Т., Лейзерсон, Ч., Ривест, Р., Штайн, К. Алгоритмы: построение и анализ / Под ред. И. В. Красикова. — 2-е изд. — М.: Вильямс, 2005.