### Lógica Matemática

Prof. Me. Lucas Ferreira de Castro



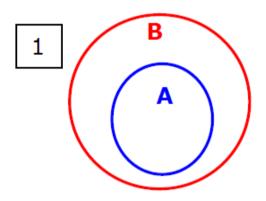
### REPRESENTAÇÕES DOS SILOGISMOS CATEGÓRICOS

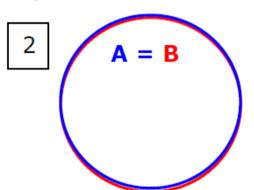
Linguagem Natural	Linguagem Simbólica
Todo A é B	$\forall x (Ax \to Bx)$
Nenhum A é B	$\forall x (Ax \to \sim Bx)$
Algum A é B	$\exists x (Ax \land Bx)$
Algum A não é B	$\exists x (Ax \land \sim Bx)$

### REPRESENTAÇÕES DOS SILOGISMOS CATEGÓRICOS

Linguagem Natural	Linguagem Simbólica
Todo A é B	$\forall x (Ax \rightarrow Bx)$

1. Se a proposição Todo A é B é verdadeira, então temos as duas representações possíveis:





Nenhum A é B é falsa.

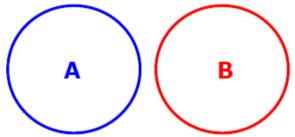
Algum A é B é verdadeira.

Algum A não é B é falsa.

### REPRESENTAÇÕES DOS SILOGISMOS CATEGÓRICOS

Linguagem Natural	Linguagem Simbólica
Nenhum A é B	$\forall x (Ax \rightarrow \sim Bx)$

2. Se a proposição Nenhum A é B é verdadeira, então temos somente a representação:



Todo A é B é falsa.

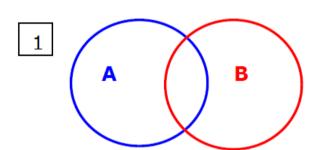
Algum A é B é falsa.

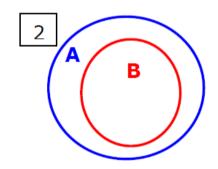
Algum A não é B é verdadeira.

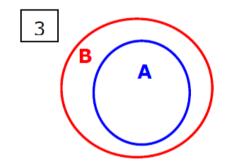
### REPRESENTAÇÕES DOS SILOGISMOS CATEGÓRICOS

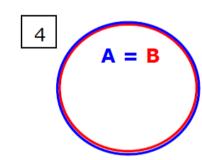
Linguagem Natural	Linguagem Simbólica
Algum A é B	$\exists x (Ax \wedge Bx)$

3. Se a proposição Algum A é B é verdadeira, temos as quatro representações possíveis:









**Nenhum A é B** é falsa.

Ativar o Windows **Todo A é B**é indeterminada – pode ser verdadeira (em 3 e 4) ou falsa (em 1 e 2) ativ

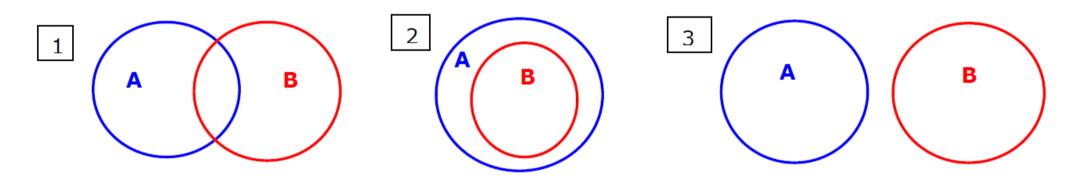
Algum A não é B é indeterminada – pode ser verdadeira (em 1 e 2) ou falsa (em 3 e 4).



### REPRESENTAÇÕES DOS SILOGISMOS CATEGÓRICOS

Linguagem Natural	Linguagem Simbólica
Algum A não é B	$\exists x (Ax \land \sim Bx)$

4. Se a proposição Algum A não é B é verdadeira, temos as três representações possíveis:



Todo A é B é falsa.

Nenhum A é B é indeterminada – pode ser verdadeira (em 3) ou falsa (êm 1 e 2) ows

Algum A é B é indeterminada – pode ser verdadeira (em 1 e 2) ou falsa (em 3).

#### **EXERCÍCIOS**

- 1. Desenhe o Diagrama de Venn dos enunciados abaixo:
  - a) Todas as crianças são felizes.
  - b) Alguns sorvetes não são saboroso.
  - c) Todo dia ensolarado não é chuvoso.
  - d) Todos os estudantes são inteligentes.
  - e) Alguns estudantes inteligentes gostam de música.

02. Sabe-se que existe pelo menos um A que é B. Sabe-se, também, que todo B é C. Segue-se, portanto, necessariamente que:

- a) todo C é B
- b) todo C é A
- c) algum A é C
- d) algum A não é C

03. Todos os alunos de matemática são, também, alunos de inglês, mas nenhum aluno de inglês é aluno de história. Todos os alunos de português são também alunos de informática, e alguns alunos de informática são também alunos de história. Como nenhum aluno de informática é aluno de inglês, e como nenhum aluno de português é aluno de história, então:

- a) pelo menos um aluno de português é aluno de inglês.
- b) pelo menos um aluno de matemática é aluno de história.
- c) nenhum aluno de português é aluno de matemática.
- d) todos os alunos de informática são alunos de matemática.
- e) todos os alunos de informática são alunos de português.



04. Se é verdade que "Alguns escritores são poetas" e que "Nenhum músico é poeta", então, também é necessariamente verdade que:

- a) nenhum músico é escritor
- b) algum escritor é músico
- c) algum músico é escritor
- d) algum escritor não é músico
- e) nenhum escritor é músico



05. Uma escola de arte oferece aulas de canto, dança, teatro, violão e piano. Todos os professores de canto são, também, professores de dança, mas nenhum professor de dança é professor de teatro. Todos os professores de violão são, também, professores de piano, e alguns professores de piano são, também, professores de teatro. Sabe-se que nenhum professor de piano é professor de dança, e como as aulas de piano, violão e teatro não têm nenhum professor em comum, então:

- a) nenhum professor de violão é professor de canto
- b) pelo menos um professor de violão é professor de teatro
- c) pelo menos um professor de canto é professor de teatro
- d) todos os professores de piano são professores de canto
- e) todos os professores de piano são professores de violão



#### **EXERCÍCIOS**

06. Todos os alunos de matemática são, também, alunos de inglês, mas nenhum aluno de inglês é aluno de história. Todos os alunos de português são também alunos de informática, e alguns alunos de informática são também alunos de história. Como nenhum aluno de informática é aluno de inglês, e como nenhum aluno de português é aluno de história, então:

- a) pelo menos um aluno de português é aluno de inglês.
- b) pelo menos um aluno de matemática é aluno de história.
- c) nenhum aluno de português é aluno de matemática.
- d) todos os alunos de informática são alunos de matemática.
- e) todos os alunos de informática são alunos de português.

