MLE01 - Vertiefende statistische Verfahren

1. Übungsblatt SS 2024

Stefan Kolb, Joachim Waltl

Allgemeine Information

Alle Aufgaben sind mit R zu lössen. Die Berechnungen sollen nachvollziehbar und dokumentiert sein. Um die vollständige Punktezahl zu erreichen, müssen alle Ergebnisse und Fragen entsprechend interpretiert bzw. beantwortet werden. Code alleine ist nicht ausreichend! Die Abgabe erfolgt über Moodle entsprechend der Abgaberichtlinien als pdf und Rmd File. Bitte inkludieren Sie namentlich alle beteiligten Gruppenmitglieder sowohl im Bericht als auch im Source Code. Die jeweiligen Datensätze die für diese Übung relevant sind finden Sie ebenfalls in Moodle.

1 Lineare Regressionsanalyse [4P]

Für Menschen, die ihren Blutdruck senken wollen, ist eine häufig empfohlene Vorgehensweise, die Salzaufnahme zu senken. Sie möchten feststellen, ob es eine lineare Beziehung zwischen Salzaufnahme und Blutdruck gibt. Sie nehmen 52 Personen in die Stichprobe auf und messen deren diastolischen Blutdruck (in mmHg) und Natriumausscheidung (mmol/24h). [ref]

[2P] a: Importieren Sie den Datensatz intersalt.csv. Erstellen Sie zwei Regressionsmodelle für den diastolische Blutdruck (bp) in Abhängigkeit der Natriumausscheidung (na). Das erste Modell soll alle Datenpunkte verwenden. Für das zweite Modell sollen die vier Datenpunkte mit der geringsten Natriumausscheidung aus dem Datensatz entfernt werden.

```
# import intersalt data
intersalt <- read.csv("intersalt.csv", sep = ";", dec = ",")</pre>
# summary of intersalt data
str(intersalt)
## 'data.frame':
                    52 obs. of 4 variables:
                    0.512 0.226 0.316 0.042 0.086 0.265 0.384 0.501 0.352 0.443 ...
    $ b
             : num
    $ bp
             : num
                    72 78.2 73.9 61.7 61.4 73.4 79.2 66.6 82.1 75 ...
                    149.3 133 142.6 5.8 0.2 ...
             : num
                    "Argentina" "Belgium" "Belgium" "Brazil" ...
    $ country: chr
# first model (all data points)
model_1 <- lm(bp ~ na, data = intersalt)</pre>
# sort data by na
intersalt_sorted <- intersalt[order(intersalt$na),]</pre>
# new data set without the 4 smallest na values
```

```
intersalt_m2 <- intersalt_sorted[-c(1:4),]

# second model (without 4 smallest na values)
model_2 <- lm(bp ~ na, data = intersalt_m2)</pre>
```

Führen Sie für beide Modelle eine lineare Regressionsanalyse durch, die folgende Punkte umfasst:

- i) Modellgleichung inklusive 95% Konfidenzintervall der Modellparameter
- ii) Interpretation des Ergebnisses hinsichtlich Signifikanz und Modellgüte
- iii) Grafische Darstellung der Regressionsgeraden inkl. Konfidenzintervall

Modell 1

```
# summary and confidence interval for model_1
summary(model_1)
##
## Call:
##
  lm(formula = bp ~ na, data = intersalt)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q
                   Median
                                3Q
                                       Max
  -8.8625 -2.8906 0.0299
##
                           3.6470
                                   9.4283
##
##
  Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 67.56245
                           2.14643
                                    31.477
                                             <2e-16 ***
                                             0.0089 **
## na
                0.03768
                           0.01384
                                     2.722
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 4.511 on 50 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.1291, Adjusted R-squared: 0.1117
## F-statistic: 7.411 on 1 and 50 DF, p-value: 0.008901
```

2.5 % 97.5 % ## (Intercept) 63.251226427 71.87367736 ## na 0.009878513 0.06547863

confint(model_1)

- i) Die Modellgleichung für das erste Modell lautet: bp = 67.56 [63.25;71.87] + 0.038 [0.01;0.07] * na.
- ii) Interpretation der Signifikanz und Modellgüte:

Intercept: Das 95% Konfidenzintervall für den Intercept liegt zwischen 63.25123 und 71.87368. Das bedeutet, dass der diastolische Blutdruck bei einer Natriumausscheidung von 0 mmol/24h mit einer 95%igen Sicherheit zwischen 63.25 und 71.87 mmHg liegt.

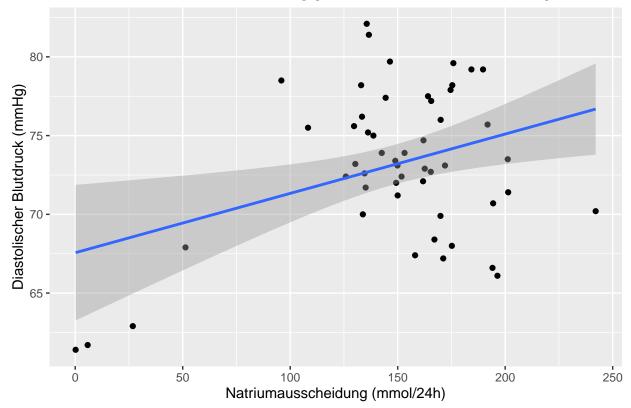
Steigung: Das 95% Konfidenzintervall für die Steigung bezüglich der Natriumausscheidung liegt zwischen 0.00988 und 0.06548. Wir können also mit 95%iger Sicherheit sagen, dass der Anstieg des diastolische Blutdruck zwischen 0.00988 und 0.06548 beträgt, wenn die Natriumausscheidung um 1 mmol/24h steigt.

Signifikanz und Modellgüte: Die Signifikanz des p-Wertes für die Steigung (p = 0.0089) deutet auf einen statistisch signifikanten Zusammenhang zwischen der Natriumausscheidung und dem diastolischen Blutdruck hin. Der p-Wert für den Intercept dieses Modells ist sogar als hochsignifikant zu werten. Ein Wert von 0.1291 für das Bestimmtheitsmaß R^2 zeigt jedoch, dass das Modell nur etwa 12.91% der Variabilität im diastolischen Blutdruck mit der Natriumausscheidung erklären kann. Die Erkenntnis daraus ist, dass noch andere Faktor den Blutdruck beeinflussen.

iii) Grafische Darstellung der Regressionsgeraden inkl. Konfidenzintervall

'geom_smooth()' using formula = 'y ~ x'

Diastolischer Blutdruck in Abhängigkeit der Natriumausscheidung



Modell 2

```
# summary and confidence interval for model_2
summary(model_2)
```

```
##
## Call:
  lm(formula = bp ~ na, data = intersalt_m2)
##
##
  Residuals:
##
       Min
                1Q Median
                                 3Q
                                        Max
   -6.5966 -2.4042 -0.4884
##
                             2.8636
                                    7.0977
##
##
  Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
   (Intercept) 81.06335
                            3.30938
                                     24.495
                                              <2e-16 ***
                                              0.0346 *
##
               -0.04470
                            0.02053
                                     -2.177
##
                   0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '. ' 0.1 ' ' 1
## Signif. codes:
##
## Residual standard error: 3.807 on 46 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.09342,
                                     Adjusted R-squared:
## F-statistic: 4.74 on 1 and 46 DF, p-value: 0.03464
confint(model_2)
##
                     2.5 %
                                 97.5 %
## (Intercept) 74.40191390 87.72478658
## na
               -0.08602363 -0.00337225
```

- i) Die Modellgleichung für das zweite Modell lautet: bp = 81.06 [74.40; 87.72] 0.045 [-0.09; 0.00] * na.
- ii) Interpretation der Signifikanz und Modellgüte:

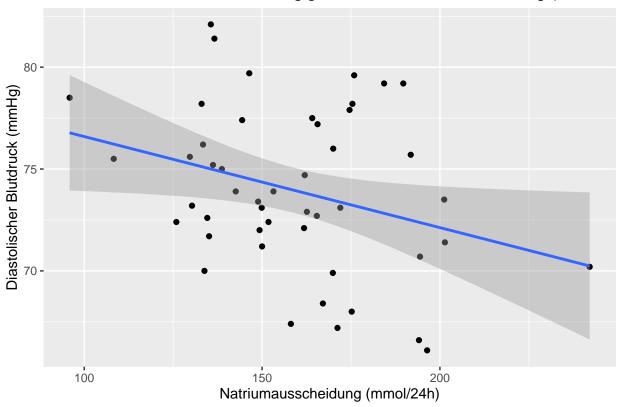
Intercept: Das 95% Konfidenzintervall für den Intercept liegt zwischen 74.40191 und 87.72479. Das bedeutet, dass der diastolische Blutdruck laut diesem Modell bei einer hypothetischen Natriumausscheidung von 0 mmol/24h mit einer 95%igen Sicherheit zwischen 74.40 und 87.72 mmHg liegt.

Steigung: Das 95% Konfidenzintervall für die Steigung bezüglich der Natriumausscheidung liegt zwischen -0.08602 und -0.00337. In diesem Fall ist also von einer Abnahme des diastolischen Blutdrucks um 0.00337 bis 0.08602 mmHg auszugehen, wenn die Natriumausscheidung um 1 mmol/24h steigt. Im Gegensatz zum ersten Modell zeigt die Steigung hier also einen negativen Zusammenhang zwischen Natriumausscheidung und diastolischem Blutdruck.

Signifikanz und Modellgüte: Auch bei diesem Modell ist der p-Wert für den Intercept hochsignifikant. Der p-Wert für die Steigung ist mit 0.035 zwar signifikant, aber deutlich weniger als der p-Wert für die Steigung des ersten Modells. Das Bestimmtheitsmaß R^2 beträgt hier 0.09, was bedeutet, dass das Modell nur etwa 9% der Variabilität im diastolischen Blutdruck mit der Natriumausscheidung erklären kann, wobei es beim ersten Modell noch knapp 13% waren.

iii) Grafische Darstellung der Regressionsgeraden inkl. Konfidenzintervall

Diastolischer Blutdruck in Abhängigkeit der Natriumausscheidung (reduziert



Vergleichen Sie beide Modelle. Was können Sie beobachten?

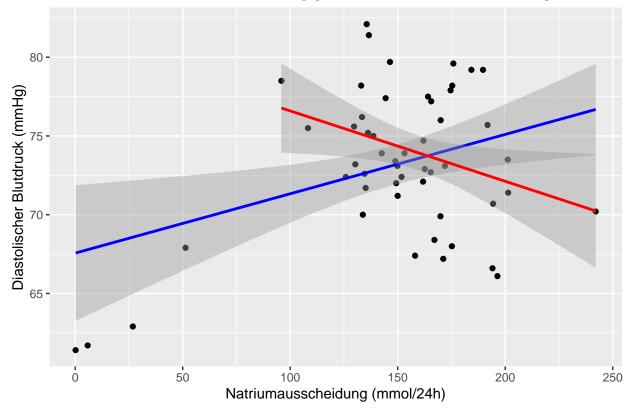
Die signifikante Änderung der Richtung des Effekts (von positiv zu negativ) nach dem Entfernen der vier Datenpunkte mit der niedrigsten Natriumausscheidung legt nahe, dass diese Datenpunkte einen erheblichen Einfluss auf das Gesamtergebnis des Modells haben.

Ein niedrigerer Wert für R^2 im zweiten Modell könnte bedeuten, dass die vier entfernten Datenpunkte tatsächlich einen wichtigen Beitrag zur Erklärung der Variabilität des diastolischen Blutdrucks leisten.

Trotz der signifikanten Koeffizienten in beiden Modellen bleiben die R^2 Werte relativ niedrig. Somit wird deutlich, dass noch weitere, hier nicht betrachtete Variablen einen Einfluss auf den diastolischen Blutdruck haben.

```
## 'geom_smooth()' using formula = 'y ~ x'
## 'geom_smooth()' using formula = 'y ~ x'
```

Diastolischer Blutdruck in Abhängigkeit der Natriumausscheidung



[2P] b: Lesen Sie den Artikel "The (Political) Science of Salt" und vergleichen Sie damit Ihre Beobachtungen. Gibt es Faktoren die in Ihren Modellen eventuell nicht berücksichtigt wurden? Wie lautet die Schlussfolgerung - führt eine Reduktion der Salzaufnahme zu einer Blutdrucksenkung?

Zusammenfassung des Artikels "The (Political) Science of Salt": Die Intersalt-Studie, eine standardisierte, internationale Untersuchung mit einer großen Stichprobe von über 10000 Teilnehmenden, bietet einen tiefgehenden Einblick in den Zusammenhang zwischen Salzaufnahme und Blutdruck. Die Ergebnisse variieren beträchtlich zwischen verschiedenen geografischen Regionen, wobei extrem niedrige Natriumwerte in einigen isolierten Gemeinschaften mit niedrigem Blutdruck und geringem altersbedingten Anstieg des Blutdrucks korrelierten. Im Gegensatz dazu zeigten andere Studienzentren signifikante Zusammenhänge zwischen Natriumausscheidung und Blutdruckanstieg. Obwohl die Studie einen Trend zu niedrigerem Blutdruck bei geringerer Salzaufnahme andeutet, sind die Ergebnisse durch die Heterogenität der teilnehmenden Populationen und die Vielzahl der berücksichtigten Einflussgrößen wie Body-Mass-Index und Alkoholkonsum komplex.

Vergleich mit Intersalt-Studie: Die Zusammenfassung der Intersalt-Studie deutet auf eine positive Assoziation zwischen Natriumausscheidung und Blutdruck hin, was konsistent mit den Erkenntnissen aus unserem ersten Modell ist. Die Studie fand auch signifikante positive Assoziationen nach Adjustierung auf Alter, Geschlecht und andere Faktoren wie Body-Mass-Index und Alkoholkonsum.

Nicht berücksichtigte Faktoren: In unserem Modell haben wir nur die Natriumausscheidung als Prädiktor für den Blutdruck betrachtet. Andere Faktoren, die in der Intersalt-Studie berücksichtigt wurden, wie Geschlecht, Body-Mass-Index, Alkoholkonsum und geografische Region, könnten ebenfalls einen Einfluss auf den Blutdruck haben und wurden in unseren 'simplen' Modellen nicht berücksichtigt.

Schlussfolgerung hinsichtlich Salzaufnahme und Blutdrucksenkung: In unserer Untersuchung konnten wir feststellen, dass ein erhöhter Salzkonsum tendenziell mit einem höheren (systolischen) Blutdruck einhergeht. Dies wird durch unser erstes Modell untermauert, das alle verfügbaren Datenpunkte berücksichtigt. Interessanterweise zeigte das zweite Modell, nach dem Ausschluss der vier niedrigsten Natriumaufnahmewerte,

eine umgekehrte Beziehung, was die Sensitivität der Ergebnisse gegenüber Extremwerten verdeutlicht. Die Befunde der Intersalt-Studie bekräftigen grundsätzlich den positiven Zusammenhang zwischen Salzaufnahme und Blutdruck, insbesondere nach der Adjustierung um zusätzliche Variablen wie etwa Körpergewicht und Alkoholkonsum. Alle diese Variablen wurden in unseren Modellen nicht berücksichtigt, was etwaige Abweichungen zwischen den Studienergebnissen und unseren Analysen erklären könnte. In Anbetracht dieser Erkenntnisse erscheint es jedoch plausibel, dass die Reduzierung der Salzaufnahme einen günstigen Einfluss auf den Blutdruck hat.

2 Lineare Regressionsanalyse (kategorisch) [3P]

Der Datensatz infant.csv enthält Information über die unterschiedliche Kindersterblichkeit zwischen den Kontinenten. Die Variable infant enthält die Kindersterblichkeit in Tode pro 1000 Geburten. Unterscheidet sich die Kindersterblichkeit zwischen den Kontinenten?s

[2P] a: Führen Sie eine Regressionsanalyse mit Europa als Referenz durch, welche die folgenden Punkte umfasst:

- i) Modellgleichung inklusive 95% Konfidenzintervall der Modellparameter
- ii) Interpretation des Ergebnisses hinsichtlich Signifikanz
- iii) Beurteilung der Modellgüte und Residuenanalyse

```
# Import the data
data <- read.csv2("infant.csv")

# Convert the region variable to a factor
data$region <- as.factor(data$region)

# Set "Europe" as the reference level for the region variable
data$region <- relevel(data$region, ref = "Europe")

# Fit a linear model with infant as a function of region
model <- lm(infant ~ region, data = data)

# Print the model equation and 95% confidence intervals
summary(model)</pre>
```

```
##
## lm(formula = infant ~ region, data = data)
##
## Residuals:
##
      Min
              1Q Median
                            3Q
                                  Max
## -87.29 -37.52 -5.76 16.91 553.83
##
## Coefficients:
##
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                     19.26
                                18.75
                                         1.027 0.30696
## (Intercept)
                    123.04
                                 23.19
                                         5.306 7.07e-07 ***
## regionAfrica
                                25.28
                                         1.419 0.15918
## regionAmericas
                     35.87
## regionAsia
                     76.91
                                24.20
                                         3.178 0.00199 **
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
##
## Residual standard error: 79.54 on 97 degrees of freedom
     (4 Beobachtungen als fehlend gelöscht)
## Multiple R-squared: 0.2556, Adjusted R-squared: 0.2326
## F-statistic: 11.1 on 3 and 97 DF, p-value: 2.494e-06
confint(model, level=0.95)
##
                      2.5 %
                               97.5 %
## (Intercept)
                  -17.95542 56.46653
## regionAfrica
                  77.01704 169.05421
## regionAmericas -14.30810 86.04244
## regionAsia
                   28.87565 124.95398
```

Der p-Wert der F-Stastik liegt unter 5%&, was bedeuet, dass mindestens ein Koeffizient signifikant ist.

Der p-Wert der erwarteten Kindersterblichkeit für Europa "(Intercept)" liegt mit 31% über dem Signifikanzniveau von 5%. Dementsprechend ist 0 im Konfidenzintervall eingeschlossen. D.h. es gibt keinen signfikanten Unterschied zu Kindersterblichkeit gleich 0.

Der p-Wert der erwarteten Differenz in der Kindersterblichkeit zwischen Europa und Amerika "regionAmericas" liegt auch über 5%. D.h. es gibt keinen signifikanten Unterschied in der Kindersterblichkeit zwischen Euorpa und Amerika.

Die p-Werte der erwareten Differenzen in der Kindersterblichkeit zwischen den übrigen Regionen und Europa liegen unter 5%. Hier gibt es also, basierend auf den Daten dieser Stichprobe einen signfikanten Unterschied in der Kindersterblichkeit zu Europa.

Der adjusted R^2 beträgt 23%. Somit können 23% der Varianz in der (relativen) Kindersterblichkeit durch eine Änderung in den (binären) Prädiktor-Variablen bestimmt werden.

```
# Interpret the significance of the results
# The p-value for each term tests the null hypothesis that the coefficient is equal to zero (no effect)
# A low p-value (< 0.05) indicates that you can reject the null hypothesis.
# Assess the quality of the model and perform a residual analysis
\#par(mfrow=c(2,2))
#plot(model)
# Convert model's data to a data frame
model_data <- data[complete.cases(data), ] # remove rows with missing values</pre>
df <- data.frame(resid = resid(model), fitted = fitted(model),</pre>
                 region = model_data$region, infant = model_data$infant)
# Load qqplot2
library(ggplot2)
# plots of residual analysis
# 1. Residuals vs Fitted
p1 <- ggplot(df, aes(fitted, resid)) +
  geom point() +
  #geom_smooth(se = FALSE) +
  ggtitle("1.) Residuum vs. Vorhergesagter Wert")
```

```
# 2. Normal Q-Q
p2 <- ggplot(df, aes(sample = resid)) +
    stat_qq() +
    stat_qq_line(colour = "red") +
    ggtitle("2.) Normal Q-Q-Plot")

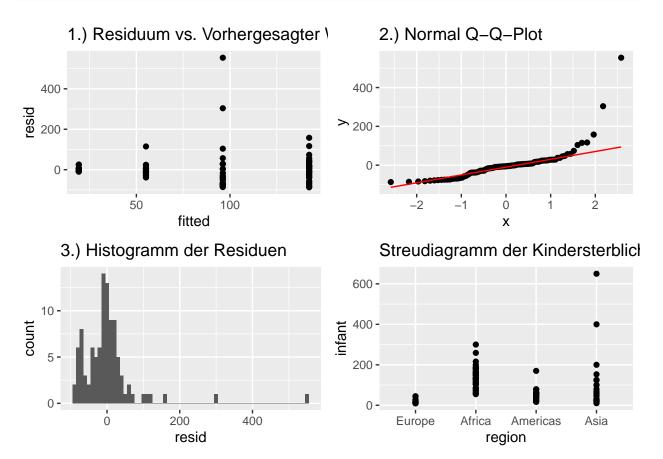
# 3. Histogram of residuals
p3 <- ggplot(df, aes(x=resid)) +
    geom_histogram(binwidth = 10) +
    ggtitle("3.) Histogramm der Residuen")

# 4. Scatter Plot
p4 <- ggplot(df, aes(x=region, y=infant)) +
    geom_jitter(width=0.0) +
    ggtitle("Streudiagramm der Kindersterblichkeit nach Region")

# Load gridExtra
library(gridExtra)</pre>
```

Warning: Paket 'gridExtra' wurde unter R Version 4.3.2 erstellt

```
# Arrange the plots in a 4x1 grid
grid.arrange(p1, p2, p3, p4, nrow = 2)
```



Die Region Asien zeigt 3 Ausreißer nach oben, die besonders ins Auge stechen. Wenn man sie ignoriert,

kann man eine annährende Normalverteilung der Residuen beispielsweise im Q-Q-Plot und Histogramm erkennen.

Links oben: Die Residuen streuen normalverteilt um den Nullpunkt, allerdings scheint die Standardabweichung der Residuen nach Region unterschiedlich zu sein.

Insgesamt entsteht aber der Eindruck, dass eine Normalverteilung der Residuen vorliegt und ihre Varianz in etwa gleich bleibt (d.h. Homoskedastizität gegeben ist).

[1P] b: Wie hoch ist die Kindersterblichkeit in Europa und wie hoch in Afrika (inkl. Unsicherheit)?

```
# Get the model coefficients and their confidence intervals
coef <- coef(model)</pre>
conf_int <- confint(model)</pre>
names(coef(model))
## [1] "(Intercept)"
                                           "regionAmericas" "regionAsia"
                         "regionAfrica"
# Calculate the infant mortality rate for Europe
europe_coef <- coef["(Intercept)"]</pre>
europe_conf_int <- conf_int["(Intercept)", ]</pre>
# Calculate the infant mortality rate for Africa
africa_coef <- coef["regionAfrica"]</pre>
africa_conf_int <- conf_int["regionAfrica", ]</pre>
# Print the results
cat("Europa:\n")
## Europa:
cat("Anzahl: ", europe_coef, "\n")
## Anzahl: 19.25556
cat("95% KI: ", europe_conf_int, "\n")
## 95% KI: -17.95542 56.46653
cat("Afrika:\n")
## Afrika:
cat("Anzahl: ", africa_coef+europe_coef, "\n")
## Anzahl: 142.2912
cat("95% KI: ", africa_conf_int+europe_coef, "\n")
## 95% KI: 96.27259 188.3098
```

3 Regressionsanalyse [3P]

Die Daten wtloss.xlsx enthalten den Gewichtsverlauf eines adipösen Patienten im Zuge einer Diät. Sie als betreuender Mediziner und passionierter Freizeit Data Scientist möchten ein geeignetes Regressionsmodell erstellen, um den Verlauf der Diät besser steuern zu können. Das ideale Zielgewicht bezogen auf die Größe des Patienten wäre bei 80 kg. Importieren Sie den Datensatz mit Hilfe der read_excel() Funktion aus dem library(readxl) Paket.

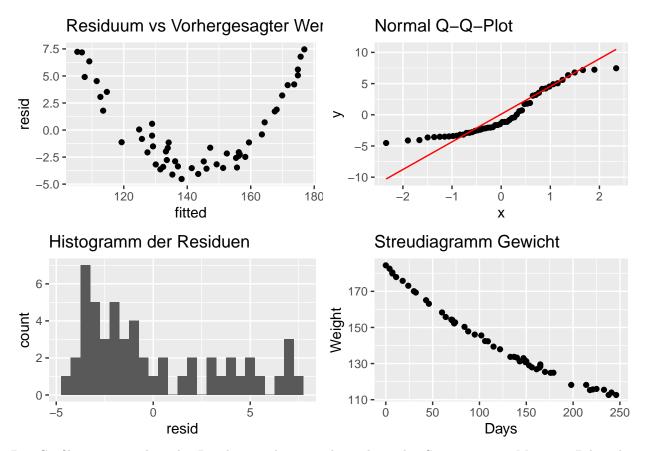
[2P] a: Die Regressionsanalyse sollte folgende Punkte inkludieren:

- i) Modellgleichung inklusive 95% Konfidenzintervall der Modellparameter
- ii) Interpretation des Ergebnisses hinsichtlich Signifikanz
- iii) Beurteilung der Modellgüte und Residuenanalyse
- iv) Grafische Darstellung der Regressionsgeraden inkl. Konfidenz-und Vorhersageinterval

```
library(readxl)
# import the data
data <- read_excel("wtloss.xlsx")</pre>
# fit a linear model
model <- lm(Weight ~ Days, data = data)</pre>
# print the model equation and 95% confidence intervals
summary(model)
##
## Call:
## lm(formula = Weight ~ Days, data = data)
##
## Residuals:
     Min
              1Q Median
                            3Q
                                  Max
  -4.522 -2.891 -1.331 3.096 7.460
##
## Coefficients:
                 Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 176.890244
                            0.987644
                                        179.1
                                                <2e-16 ***
                                        -40.8
## Days
                -0.290735
                            0.007125
                                                <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
## Residual standard error: 3.639 on 50 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9708, Adjusted R-squared: 0.9703
## F-statistic: 1665 on 1 and 50 DF, p-value: < 2.2e-16
confint(model, level=0.95)
                    2.5 %
                               97.5 %
## (Intercept) 174.906503 178.8739857
                -0.305046 -0.2764236
## Days
```

Laut der p-Werte (p<0.01) und zugehörigen Konfidenzintervalle liefert das lineare Regressionsmodell hochsignfikante Ergebnisse für die Konstante und den Koeffizienten in Weight = (Intercept) + Days * x

```
# Convert model's data to a data frame
model_data <- data[complete.cases(data), ] # remove rows with missing values</pre>
df <- data.frame(resid = resid(model), fitted = fitted(model),</pre>
                 Weight = model_data$Weight, Days = model_data$Days)
# Load ggplot2
library(ggplot2)
# Create the four diagnostic plots
# 1. Residuals vs Fitted
p1 <- ggplot(df, aes(fitted, resid)) +
  geom_point() +
  #geom_smooth(se = FALSE) +
  ggtitle("Residuum vs Vorhergesagter Wert")
# 2. Normal Q-Q
p2 <- ggplot(df, aes(sample = resid)) +
  stat_qq() +
  stat_qq_line(colour = "red") +
  ggtitle("Normal Q-Q-Plot")
# 3. Histogram of residuals
p3 <- ggplot(df, aes(x=resid)) +
  geom_histogram(binwidth = 0.5) +
  ggtitle("Histogramm der Residuen")
# 4. Scatter Plot
p4 <- ggplot(df, aes(x=Days, y=Weight)) +
  geom_jitter(width=0.0) +
  ggtitle("Streudiagramm Gewicht")
# Load gridExtra
library(gridExtra)
# Arrange the plots in a 4x1 grid
grid.arrange(p1, p2, p3, p4, nrow = 2)
```



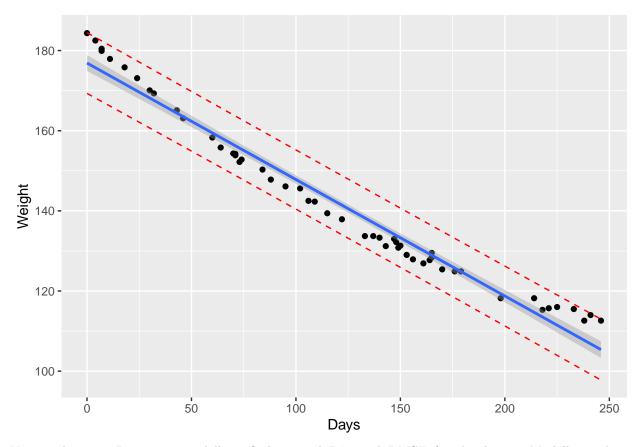
Die Grafiken zeigen, dass die Residuen nicht normalverteilt sind. Sie zeigen ein Muster. D.h. das linerare Modell ist nicht sehr gut geeignet für den Datensatz. Zur weiteren Veranschaulichung erfolgt eine Darstellung des linearen Modells inklusive Konfidenz- und Vorhersage-Intervall.

```
# 1. Add predictions
pred.int <- predict(model, interval = "prediction")</pre>
```

Warning in predict.lm(model, interval = "prediction"): Vorhersagen auf aktuellen Daten beziehen sich

```
mydata <- cbind(data, pred.int)
# 2. Regression line + confidence intervals
library("ggplot2")
p <- ggplot(mydata, aes(x=Days, y=Weight)) +
    geom_point() +
    stat_smooth(method = lm)
# 3. Add prediction intervals
p + geom_line(aes(y = lwr), color = "red", linetype = "dashed")+
    geom_line(aes(y = upr), color = "red", linetype = "dashed")</pre>
```

'geom_smooth()' using formula = 'y ~ x'



Um ein besseres Regressionsmodell zu finden, wird R^2 and RMSE für das lineare Modell, ein logarithmesches, ein quadratisches, kubisches und ein Polynom 5. Grades berechnet.

Load necessary library

output title of model

library(caret)

```
## Warning: Paket 'caret' wurde unter R Version 4.3.3 erstellt

## Lade nötiges Paket: lattice

# Drop the first row to avoid singularity in logarithmic model
new_data <- data[-1, ]

# Fit different types of models
linear_model <- lm(Weight ~ Days, data = data)
logarithmic_model <- lm(Weight ~ log(Days), data = new_data)
quadratic_model <- lm(Weight ~ poly(Days, 2), data = data)
cubic_model <- lm(Weight ~ poly(Days, 3), data = data)
fifth_order_model <- lm(Weight ~ poly(Days, 5), data = data)

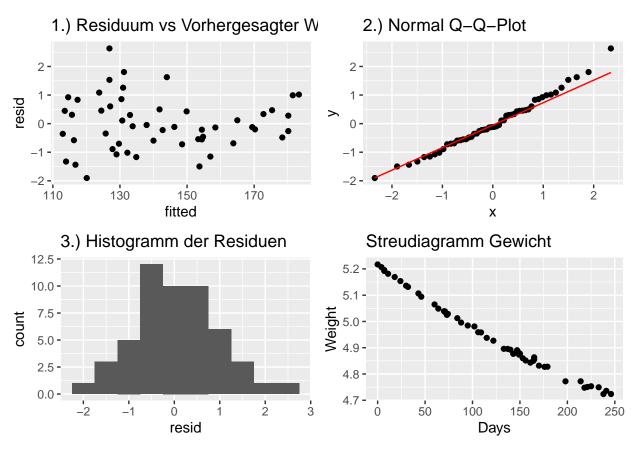
# List of models
models <- list(linear_model, logarithmic_model, quadratic_model, cubic_model, fifth_order_model)

# Calculate R^2 and RMSE for each model
for (model in models) {</pre>
```

```
cat(paste("Model: ", deparse(model$call), "\n"))
  print(summary(model)$r.squared) # R^2
  print(summary(model)$adj.r.squared) # Adjusted R^2
  print(sqrt(mean(resid(model)^2))) # RMSE
  cat("\n")
## Model: lm(formula = Weight ~ Days, data = data)
## [1] 0.9708454
## [1] 0.9702623
## [1] 3.568399
##
## Model: lm(formula = Weight ~ log(Days), data = new_data)
## [1] 0.8902471
## [1] 0.8880072
## [1] 6.707146
##
## Model: lm(formula = Weight ~ poly(Days, 2), data = data)
## [1] 0.9980994
## [1] 0.9980218
## [1] 0.911098
## Model: lm(formula = Weight ~ poly(Days, 3), data = data)
## [1] 0.9982725
## [1] 0.9981645
## [1] 0.8686237
## Model: lm(formula = Weight ~ poly(Days, 5), data = data)
## [1] 0.9983244
## [1] 0.9981422
## [1] 0.8554825
```

Das quadratische Modell stellt eine hinreichende Verbesserung im Vergleich zum linearen dar. Polynome höhrer Ordnung verbessern R^2 und RMSE nur geringfügig. Um die Güte des quadratischen Modells zu beurteilen, erfolgt die Residualanalyse.

```
ggtitle("1.) Residuum vs Vorhergesagter Wert")
# 2. Normal Q-Q
p2 <- ggplot(df, aes(sample = resid)) +</pre>
  stat_qq() +
  stat_qq_line(colour = "red") +
  ggtitle("2.) Normal Q-Q-Plot")
# 3. Histogram of residuals
p3 <- ggplot(df, aes(x=resid)) +
  geom_histogram(binwidth = 0.5) +
  ggtitle("3.) Histogramm der Residuen")
# 4. Scatter Plot
p4 <- ggplot(df, aes(x=Days, y=Weight)) +
  geom_jitter(width=0.0) +
  ggtitle("Streudiagramm Gewicht")
# Load gridExtra
library(gridExtra)
# Arrange the plots in a 4x1 grid
grid.arrange(p1, p2, p3, p4, nrow = 2)
```



Die Grafiken zeigen, dass die Residuen normalverteilt sind und kein eindeutiges Muster erkennen lassen. Das quadratische Modell ist daher hinreichend gut geeignet zur Modellierung dieser Daten.

[1P] b: Welches Gewicht hat der Patient nach 30 Tagen bzw. nach 200 Tagen Diät?

Define new data frame with the single x value

new_data <- data.frame(Days = c(30,200))</pre>

```
# Calculate predicted y value with confidence interval
confidence_interval <- predict(models[[1]], newdata = new_data, interval = "confidence")</pre>
# Calculate predicted y value with prediction interval
prediction_interval <- predict(models[[1]], newdata = new_data, interval = "prediction")</pre>
# Print the results
print(confidence_interval)
##
          fit.
                    lwr
                              upr
## 1 168.1682 166.5387 169.7977
## 2 118.7433 117.2051 120.2815
print(prediction_interval)
##
          fit.
                    lwr
                              upr
## 1 168.1682 160.6795 175.6569
## 2 118.7433 111.2739 126.2127
Laut dem linearen Modell beträgt das Gewicht des Patienten nach 30 Tagen 168.17 kg (Konfidenzinter-
vall [166.54,169.80], Vorhersageintervall [160.68,175.66]) und nach 200 Tagen 118.74 kg (Konfidenzintervall
[117.21,120.28], Vorhersageintervall [111.27,126.21]).
# Define new data frame with the single x value
new data \leftarrow data.frame(Days = c(30,200))
# Calculate predicted y value with confidence interval
confidence_interval <- predict(models[[3]], newdata = new_data, interval = "confidence")</pre>
# Calculate predicted y value with prediction interval
prediction_interval <- predict(models[[3]], newdata = new_data, interval = "prediction")</pre>
# Print the results
print(confidence_interval)
          fit
                    lwr
                              upr
## 1 170.2600 169.8106 170.7094
## 2 119.7419 119.3378 120.1460
print(prediction_interval)
          fit
                   lwr
                            upr
## 1 170.2600 168.321 172.1989
## 2 119.7419 117.813 121.6708
```

Laut dem quadratischen Modell beträgt das Gewicht des Patienten nach 30 Tagen 170.26 kg (Konfidenzintervall [169.81,170.71], Vorhersageintervall [168.32,172.20]) und nach 200 Tagen 119.74 kg (Konfidenzintervall [119.34,120.15], Vorhersageintervall [117.81,121.67]).

4 Multiple Regressionsanalyse [3P]

Die Framingham-Herz-Studie war ein Wendepunkt bei der Identifizierung von Risikofaktoren für koronare Herzkrankheiten und ist eine der wichtigsten epidemiologischen Studien die je durchgeführt wurden. Ein großer Teil unseres heutigen Verständnisses von Herz-Kreislauf-Erkrankungen ist auf diese Studie zurückzuführen. Der Datensatz Framingham.sav enthält Varibalen hinsichtlich Demographie, Verhaltensweise, Krankengeschichte und Risikofaktoren. Finden Sie ein geeignetes Modell, dass den systolischen Blutdruck (sysbp) beschreibt. Vermeiden Sie nicht relevante bzw. redundante Variablen (z.B. "Incident" Variablen). Achten Sie auf Ausreißer und fehlende Daten (NaN, NA's).

[2P] a: Die Regressionsanalyse sollte folgende Punkte inkludieren:

- i) Modellgleichung inklusive 95% Konfidenzintervall der Modellparameter
- ii) Interpretation des Ergebnisses hinsichtlich Signifikanz
- iii) Beurteilung der Modellgüte und Residuenanalyse

Die folgende Sektion ist nur eine experimentelle Vorarbeit und kein Teil der Antwort.

```
# Import the data
# Load necessary library
library(haven)

# Read in .sav file
data <- read_spss("Framingham.sav")

# check for missing values
sum(is.na(data))</pre>
```

[1] 675

```
# Remove rows with missing values
data <- data[complete.cases(data), ]

# Fit a multivariate linear regression model with all variables
max_model <- lm(sysbp ~ ., data = data)

summary(max_model)</pre>
```

```
##
## Call:
## lm(formula = sysbp ~ ., data = data)
##
## Residuals:
##
                                3Q
      Min
                1Q Median
                                       Max
## -45.524 -7.783 -1.043
                             6.384 83.556
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -1.062e+01 2.668e+00 -3.982 6.95e-05 ***
## randid
              -3.301e-08 6.746e-08 -0.489 0.624602
## sex
               3.935e+00 4.394e-01
                                       8.955 < 2e-16 ***
               4.520e-01 2.747e-02 16.455 < 2e-16 ***
## age
```

```
## educ
              -6.646e-01 1.968e-01 -3.377 0.000739 ***
              4.036e-01 6.320e-01 0.639 0.523095
## cursmoke
## cigpday
              2.869e-03 2.716e-02 0.106 0.915868
## bpmeds
              1.016e+01 1.127e+00 9.017 < 2e-16 ***
## totchol
              3.612e-03 4.731e-03 0.764 0.445177
## diabp
             1.219e+00 1.970e-02 61.885 < 2e-16 ***
## bmi
              1.571e-02 5.373e-02 0.292 0.769987
             2.730e-01 1.507e+00 0.181 0.856260
## diabetes
## heartrte
             5.233e-02 1.701e-02 3.076 0.002112 **
## glucose
              4.262e-02 1.028e-02 4.148 3.43e-05 ***
## angina
             -6.561e-01 5.869e-01 -1.118 0.263659
              4.539e-01 1.011e+00 0.449 0.653453
## hospmi
## mi_fchd
              2.150e+00 1.122e+00 1.917 0.055323 .
## stroke
              1.345e+00 9.491e-01 1.417 0.156481
## cvd
              -7.537e-01 8.938e-01 -0.843 0.399123
              5.988e+00 5.015e-01 11.941 < 2e-16 ***
## hyperten
## death
              3.302e+00 5.077e-01 6.504 8.84e-11 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 12.15 on 3805 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.7089, Adjusted R-squared: 0.7074
## F-statistic: 463.3 on 20 and 3805 DF, p-value: < 2.2e-16
# Calculate confidence intervals for each variable
#conf_intervals <- confint(model,level=0.95)</pre>
#print(conf_intervals)
# Extract coefficients
coefficients <- coef(max_model)</pre>
# Calculate confidence intervals
conf_intervals <- confint(max_model, level = 0.95)</pre>
# Print coefficients and their confidence intervals
for (i in 1:length(coefficients)) {
 cat(names(coefficients)[i], ": ", coefficients[i], ", CI: [", conf_intervals[i, 1], ", ", conf_intervals[i], "]
## (Intercept) : -10.62419 , CI: [ -15.85471 , -5.393663 ]
## randid : -3.301337e-08 , CI: [ -1.652742e-07 , 9.924746e-08 ]
## sex : 3.934823 , CI: [ 3.073317 , 4.796328 ]
## age : 0.452006 , CI: [ 0.3981518 , 0.5058602 ]
## educ : -0.6646026 , CI: [ -1.050401 , -0.2788038 ]
## cursmoke : 0.4036274 , CI: [ -0.8354829 , 1.642738 ]
## cigpday : 0.002868857 , CI: [ -0.0503714 , 0.05610911 ]
## bpmeds : 10.16483 , CI: [ 7.954712 , 12.37494 ]
## totchol : 0.003612468 , CI: [ -0.005663249 , 0.01288819 ]
## diabp : 1.219386 , CI: [ 1.180755 , 1.258018 ]
## bmi : 0.01571155 , CI: [ -0.08963225 , 0.1210554 ]
## diabetes : 0.2729894 , CI: [ -2.681584 , 3.227563 ]
## heartrte : 0.05232853 , CI: [ 0.01897606 , 0.085681 ]
## glucose : 0.04262199 , CI: [ 0.02247679 , 0.06276718 ]
## angina : -0.656128 , CI: [ -1.806802 , 0.4945459 ]
```

```
## hospmi : 0.4538921 , CI: [ -1.52803 , 2.435814 ]
## mi_fchd : 2.150185 , CI: [ -0.0489783 , 4.349348 ]
## stroke : 1.345169 , CI: [ -0.515655 , 3.205993 ]
## cvd : -0.7537323 , CI: [ -2.50612 , 0.998655 ]
## hyperten : 5.987937 , CI: [ 5.004764 , 6.971111 ]
## death : 3.302001 , CI: [ 2.306621 , 4.297381 ]
```

Für das multiple Regressionsmodell wurden folgende Variablen mit eingeschlossen: Geschlecht, Alter, Bildungsstand, Raucherstatus, Zigaretten pro Tag, die Einnahme blutdrucksenkender Medikamente, Cholesterol, diastolischer Blutdruck, Body Mass Index, Diagnose Diabetes, Herzrate und Glukosewert. Davon sind Geschlecht, Bildungsstand, Raucherstatus, die Einnahme blutdrucksenkender Medikamente und die Diagnose Diabetes kategorialen Variablen.

```
# analyse multicollinearity
library(car)
## Warning: Paket 'car' wurde unter R Version 4.3.2 erstellt
## Lade nötiges Paket: carData
## Warning: Paket 'carData' wurde unter R Version 4.3.2 erstellt
vif(max_model)
##
     randid
                 sex
                          age
                                  educ cursmoke cigpday
                                                           bpmeds totchol
## 1.005238 1.239968 1.472032 1.060910 2.586891 2.723145 1.081230 1.134753
     diabp
                 bmi diabetes heartrte glucose
                                                  angina
                                                           hospmi mi_fchd
## 1.475402 1.243026 1.629378 1.094710 1.631501 1.217203 2.446977 4.531765
##
                 cvd hyperten
     stroke
                                 death
## 1.995420 4.026272 1.273768 1.519489
```

Die Multikollinearität ist in diesem Modell nicht signifikant, da alle Variablen einen VIF-Wert unter 5 haben. Am auffälligsten sind jedoch die Variablen "cursmoke" und "cigsperday", die möglicherweise aufgrund ihrer Korrelation einen hohen VIF-Wert aufweisen. Auch die Variablen mi fehd und evd

```
# Import the data
# Load necessary library
library(haven)

# Read in .sav file
data <- read_spss("Framingham.sav")

# Convert the educ variable to a factor
data$educ <- as.factor(data$educ)

# Set "1" as the reference level for the educ variable
data$educ <- relevel(data$educ, ref = "1")

# Convert the sex variable to a factor
data$sex <- as.factor(data$sex)</pre>
```

```
# Set "1" as the reference level for the educ variable
data$sex <- relevel(data$sex, ref = "1")</pre>
# Convert the cursmoke variable to a factor
data$cursmoke <- as.factor(data$cursmoke)</pre>
# Set "0" as the reference level for the cursmoke variable
data$cursmoke <- relevel(data$cursmoke, ref = "0")</pre>
# Convert the bpmeds variable to a factor
data$bpmeds <- as.factor(data$bpmeds)</pre>
# Set "0" as the reference level for the bpmeds variable
data$bpmeds <- relevel(data$bpmeds, ref = "0")</pre>
# Convert the diabetes variable to a factor
data$diabetes <- as.factor(data$diabetes)</pre>
# Set "0" as the reference level for the diabetes variable
data$diabetes <- relevel(data$diabetes, ref = "0")</pre>
model <- lm(sysbp ~ sex + age + educ + cursmoke + cigpday + bpmeds + totchol + diabp + bmi + diabetes +
summary(model)
##
## Call:
## lm(formula = sysbp ~ sex + age + educ + cursmoke + cigpday +
      bpmeds + totchol + diabp + bmi + diabetes + heartrte + glucose,
##
##
      data = data)
##
## Residuals:
##
      Min
               1Q Median
                               3Q
                                     Max
## -45.570 -8.033 -1.175
                            6.507 82.972
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -17.760540 2.493534 -7.123 1.26e-12 ***
                3.489549 0.443050
                                    7.876 4.37e-15 ***
## sex2
                ## age
## educ2
               0.597055 -3.082 0.002070 **
## educ3
               -1.840224
## educ4
               -2.546924
                         0.677995 -3.757 0.000175 ***
## cursmoke1
               0.263111
                          0.646714 0.407 0.684146
## cigpday
                          0.027807
                                     0.716 0.474198
                0.019903
## bpmeds1
               10.958899
                          1.148423
                                     9.543 < 2e-16 ***
                0.005496 0.004801
                                    1.145 0.252410
## totchol
## diabp
                1.312215
                          0.018950 69.246 < 2e-16 ***
                                     1.270 0.204136
## bmi
                0.069886
                          0.055025
## diabetes1
                1.095047
                          1.538794 0.712 0.476739
## heartrte
                0.058471
                          0.017402 3.360 0.000787 ***
```

4.613 4.09e-06 ***

glucose

0.048529

0.010519

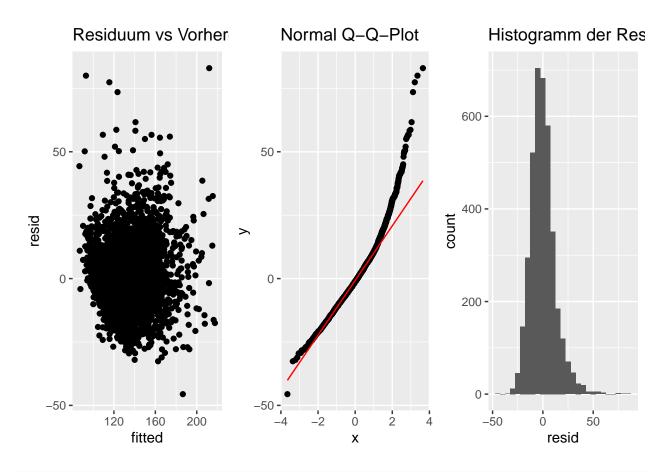
```
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 12.47 on 3811 degrees of freedom
     (608 Beobachtungen als fehlend gelöscht)
## Multiple R-squared: 0.693, Adjusted R-squared: 0.6919
## F-statistic: 614.5 on 14 and 3811 DF, p-value: < 2.2e-16
# Extract coefficients
coefficients <- coef(model)</pre>
# Calculate confidence intervals
conf intervals <- confint(model, level = 0.95)</pre>
# Print coefficients and their confidence intervals
for (i in 1:length(coefficients)) {
  cat(names(coefficients)[i], ": ", coefficients[i], ", CI: [", conf_intervals[i, 1], ", ", conf_intervals[i]
}
## (Intercept) : -17.76054 , CI: [ -22.64933 , -12.87175 ]
## sex2 : 3.489549 , CI: [ 2.620911 , 4.358187 ]
## age : 0.5667222 , CI: [ 0.5159667 , 0.6174778 ]
## educ2 : -0.5338864 , CI: [ -1.518775 , 0.4510022 ]
## educ3 : -1.840224 , CI: [ -3.010801 , -0.6696461 ]
## educ4 : -2.546924 , CI: [ -3.876191 , -1.217656 ]
## cursmoke1 : 0.2631113 , CI: [ -1.004827 , 1.53105 ]
## cigpday : 0.01990275 , CI: [ -0.03461599 , 0.07442148 ]
## bpmeds1 : 10.9589 , CI: [ 8.707316 , 13.21048 ]
## totchol : 0.005495798 , CI: [ -0.003917228 , 0.01490882 ]
## diabp : 1.312215 , CI: [ 1.275062 , 1.349369 ]
## bmi : 0.06988565 , CI: [ -0.03799537 , 0.1777667 ]
## diabetes1 : 1.095047 , CI: [ -1.921892 , 4.111986 ]
## heartrte : 0.05847142 , CI: [ 0.02435292 , 0.09258992 ]
## glucose : 0.04852854 , CI: [ 0.0279048 , 0.06915229 ]
```

6 von 15 Modellparametern sind nicht signifikant. Diese sind educ2 (High School) cursmoke1 (positiver Raucherstatus), cigpday (Zigaretten pro Tag), totchol (Cholesterol), bmi (Body Mass Index) und diabetes1 (positive Diabetes Diagnose).

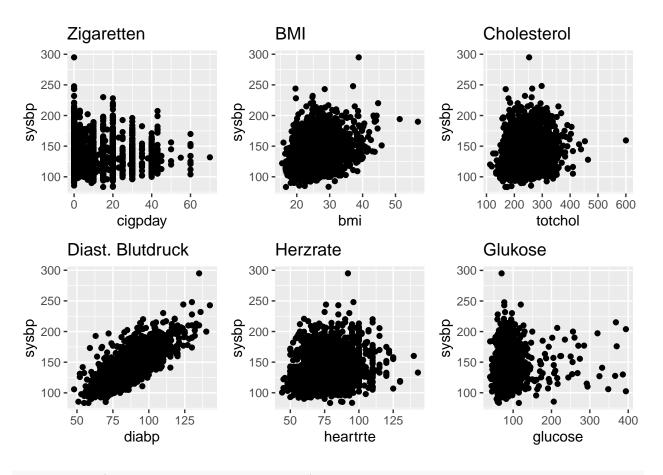
Auffällig ist der stark positive Wert von bpmeds1 (vorhandene Einnahme von Blutdrucksenkern). Dieses hochsignifikatne Ergebnis ist auf den ersten Blick etwas überraschend, und bedeutet, dass die Einnahme von Blutdrucksenkern mit einem Anstieg des systolischen Blutdrucks einhergeht. Dies könnte jedoch durch die Tatsache erklärt werden, dass Personen, die Blutdrucksenker einnehmen, bereits einen hohen Blutdruck haben, der durch die Medikation kontrolliert werden soll. Es ist daher wichtig, dieses Ergebnis im Kontext der vorliegenden Daten und des medizinischen Hintergrunds zu interpretieren.

Auch bemerkenswert ist der Einfluss des Geschlechts auf den systolischen Blutdruck. Der Koeffizient für sex2 ist positiv und hochsignifikant, was bedeutet, dass Frauen basierend auf den Daten in unserem Modell einen höheren systolischen Blutdruck haben als Männer.

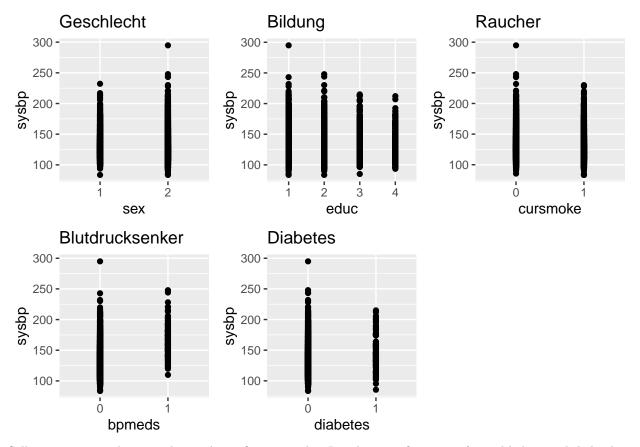
```
# Load qqplot2
library(ggplot2)
# Create a function to generate scatter plots
scatter_plot <- function(df, x_var, y_var = "sysbp", title) {</pre>
  ggplot(df, aes_string(x = x_var, y = y_var)) +
    geom_jitter(width = 0.0) +
    ggtitle(title)
}
# Create the four diagnostic plots
p1 <- ggplot(df, aes(fitted, resid)) +
  geom_point() +
  ggtitle("Residuum vs Vorhergesagter Wert")
p2 <- ggplot(df, aes(sample = resid)) +
  stat_qq() +
  stat_qq_line(colour = "red") +
  ggtitle("Normal Q-Q-Plot")
p3 <- ggplot(df, aes(x=resid)) +
  geom histogram(binwidth = 5) +
  ggtitle("Histogramm der Residuen")
# Create scatter plots using the function
p4 <- scatter_plot(df, "sex", title = "Geschlecht")</pre>
## Warning: 'aes string()' was deprecated in ggplot2 3.0.0.
## i Please use tidy evaluation idioms with 'aes()'.
## i See also 'vignette("ggplot2-in-packages")' for more information.
## This warning is displayed once every 8 hours.
## Call 'lifecycle::last_lifecycle_warnings()' to see where this warning was
## generated.
p5 <- scatter_plot(df, "educ", title = "Bildung")</pre>
p6 <- scatter_plot(df, "cursmoke", title = "Raucher")</pre>
p7 <- scatter_plot(df, "cigpday", title = "Zigaretten")
p8 <- scatter plot(df, "bmi", title = "BMI")
p9 <- scatter_plot(df, "bpmeds", title = "Blutdrucksenker")</pre>
p10 <- scatter_plot(df, "totchol", title = "Cholesterol")
p11 <- scatter_plot(df, "diabp", title = "Diast. Blutdruck")</pre>
p12 <- scatter_plot(df, "diabetes", title = "Diabetes")</pre>
p13 <- scatter_plot(df, "heartrte", title = "Herzrate")
p14 <- scatter_plot(df, "glucose", title = "Glukose")
# Arrange the plots
grid.arrange(p1, p2, p3, nrow = 1)
```



grid.arrange(p7, p8, p10, p11, p13, p14, nrow = 2)



grid.arrange(p4, p5, p6, p9, p12, nrow = 2)



Selbst wenn man die 4 stärksten Ausreißer unter den Residuen größer 55 entfernt, bleibt ersichtlich, dass die Verteilung der Residuen rechtsschief ist. Die Güte des Modells ist daher fragwürdig.

Multiple R-Quadrat: Das multiple R-Quadrat von 0,693 deutet darauf hin, dass das Modell in etwa 69,3% der Varianz in der Zielvariablen (systolischer Blutdruck) erklären kann.

Adjustiertes R-Quadrat: Mit 0,6919 liegt das adjustierte R-Quadrat sehr nahe am multiplen R-Quadrat, was darauf hindeutet, dass das Modell nicht übermäßig komplex für die Menge der verfügbaren Daten ist und eine angemessene Anzahl an Prädiktoren aufweist.

F-Statistik: Die F-Statistik ist sehr hoch mit einem sehr kleinen p-Wert, was darauf hinweist, dass das Modell insgesamt signifikant ist.

Plots der Residuen:

Residuum vs. Vohersage: Idealerweise sollten die Residuen zufällig um die 0-Linie verteilt sein. Es scheint eine gewisse Heteroskedastizität vorzuliegen, da die Varianz der Residuen mit steigenden vorhergesagten Werten scheinbar zunimmt.

Normal Q-Q-Plot: Die Punkte folgen der Referenzlinie nicht genau, insbesondere in den Enden der Verteilung. Dies deutet darauf hin, dass die Residuen nicht perfekt normalverteilt sind.

Histogramm der Residuen: Das Histogramm sieht relativ normalverteilt aus, eine leichte Rechtsschiefe ist jedoch erkennbar.

[1P] b: Welchen systolischen Blutdruck hat eine Person mit folgendem Profil:

Frau, 50 Jahre, High School, Raucher, 8 Zig/Tag, keine Blutdruck senkenden Medikamente, 220 mg/dl Serum Cholesterol, 85 mmHg diastolischer Blutdruck, BMI von 30, kein Diabetes, 90 bpm Herzrate und Glukoselevel von 90 mg/dl.

```
# Create a new data frame that contains the person's profile
new_data <- data.frame(</pre>
  sex = factor("2", levels = c("1","2")), # Female
  age = 50,
  educ = factor("2", levels = c("1", "2", "3", "4")), # High School
  cursmoke = factor("1", levels = c("0","1")), # Yes
  cigpday = 8,
  bpmeds = factor("0", levels = c("0","1")), # No
  totchol = 220,
  diabp = 85,
  bmi = 30,
  diabetes = factor("0", levels = c("0","1")), # No
  heartrte = 90,
  glucose = 90
# Predict the systolic blood pressure
predicted_sysbp <- predict(model, newdata = new_data)</pre>
print(predicted_sysbp)
##
          1
## 138.4275
# Get the confidence interval for the predicted value
predicted_sysbp_conf_int <- predict(model, newdata = new_data, interval = "confidence")</pre>
print(predicted_sysbp_conf_int)
          fit
                   lwr
                             upr
## 1 138.4275 137.1283 139.7267
# Get the prediction interval for the predicted value
predicted_sysbp_pred_int <- predict(model, newdata = new_data, interval = "prediction")</pre>
print(predicted_sysbp_pred_int)
##
          fit
                             upr
## 1 138.4275 113.9516 162.9034
```

Der systolische Blutdruck der Person mit dem gegebenen Profil beträgt 138.4 mmHg (Konfidenzintervall [137.1,139.7], Vorhersageintervall [114.0,162.9]).