线性表

顺序表 链表

使用ADT来描述线性表

线性表是具有相同数据类型的n个数据元素的有限序列,n为表长

$$L = (a_1, a_2, ..., a_i, a_{i+1}, ..., a_n)$$

除了第一个元素之外,每个元素有且仅有一个直接前驱。除了最后一个元素外,每个元素有且仅有一个直接后继。

```
ADT List{
```

数据对象: D={ai|ai∈ElemSet,i=1,2,...,n,n≥0}

数据关系: R={<a_{i-1}, a_i>|a_{i-1}, a_i∈D, i=2, ···, n}

基本操作(运算)

基本操作:

InitList(&L)

操作结果:构造一个空的线性表 L。

DestroyList(&L)

初始条件:线性表上已存在。

操作结果: 销毁线性表 L。

ClearList(&L)

初始条件:线性表 L 已存在。

操作结果:将 L 重置为空表。

ListEmpty(L)

初始条件:线性表 L 已存在。

操作结果: 若 L 为空表, 则返回 true, 否则返回 false。

ListLength (L)

初始条件:线性表 L 已存在。

操作结果:返回 L 中数据元素个数。

GetElem(L,i,&e)

初始条件:线性表L已存在,且1≤i≤ListLength(L)。

操作结果:用 e 返回 L 中第 i 个数据元素的值。

LocateElem(L,e)

初始条件:线性表 L 已存在。

操作结果: 返回 L 中第 1 个值与 e 相同的元素在 L 中的位置。若这样的数据元素不存在,则返回值为 0。

顺序表

顺序表: 用顺序存储的方式来实现线性表

顺序存储:把逻辑上相邻的元素存储在物理位置上也相邻的存储单元

```
int main() {
    SeqList seqList;
    seqList.arr[0] = 1;
    seqList.arr[1] = 2;
    seqList.arr[2] = 3;
    for (int i = 0;i<3;i++)
        cout << &seqList.arr[i] << endl;</pre>
    return 0;
```

```
E:\kaoyanfudao\1\D
00EFFB88
00EFFB8C
00EFFB90
```

顺序表的结构体定义

```
#define MaxSize 50
typedef struct
    int data[MaxSize];
    int length;
}SeqList;
void InitList(SeqList &L){
    for (int i=0;i<L.length;i++)</pre>
        L.data[i] = 0;
    L.length = 0;
```

```
#define InitSize 100
typedef struct
    int *data;
    int MaxSize, length;
};
void InitList(SeqList &L){
    // L.data = new int[InitSize];
    L.data = (int *)malloc(sizeof(int)*InitSize);
    L.MaxSize = InitSize;
    L.length = 0;
```

动态扩充

```
//增加动态数组的长度
void IncreaseSize(SeqList &L, int len){
int *p=L.data;
L.data=(int *)malloc((L.MaxSize+len)*sizeof(int));
for(int i=0; i<L.length; i++){
L.data[i]=p[i];
}
L.MaxSize=L.MaxSize+len;
free(p);
//解放原来的内存空间
```

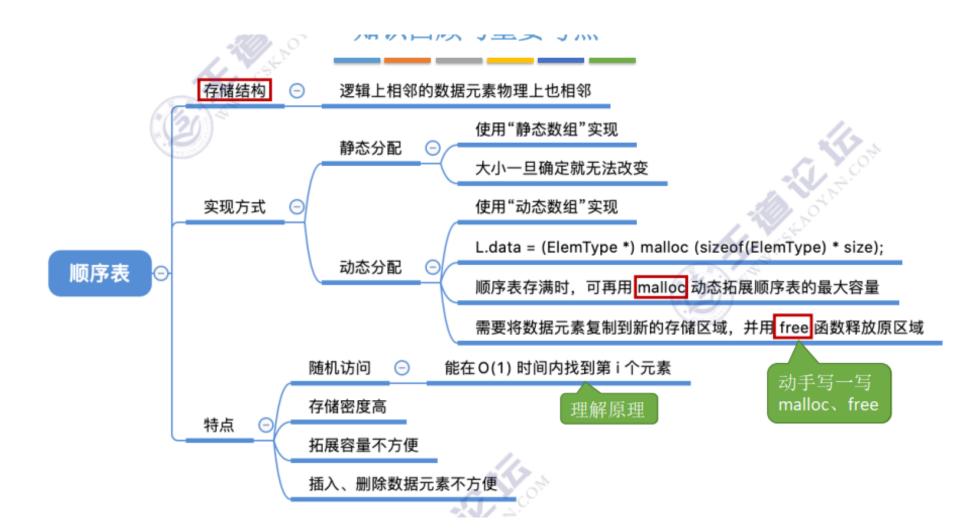
- 1.判断数据的合法性
- 2.模拟操作

补充

```
void demo2(){
    vector<int> vec;
    cout << vec.capacity() << endl;</pre>
    for (int i = 0;i<15;i++){
        vec.push_back(i);
        cout << i+1 << ' ';
        cout << vec.capacity() << endl;</pre>
```

```
void demo3(){
    #define Equ(a, b) ((fabs((a) - (b))) < (eps))
    const double eps = 1e-8;
    double db = 1.23;
    if(Equ(db, b: 1.23)) {
        printf( _Format: "true");
    } else {
        printf( _Format: "false");
```

顺序表总结



真题

(2014 填空1)在一个长度为k的顺序存储线性表中,向第i个元素 (1<=i<=k+1)之前插入一个新元素时,需要从后向前依次后移____ 个元素。

(2016 填空1)若长度为n的顺序表第i个元素之前插入一个元素,则需要向后移动的元素个数是____

(2017 填空6)长度为n的顺序表中删除第i个元素(1<=i<=n)时,元素移动的次数为

(2017 填空3)给定一个有n个元素的线性表。若采用顺序存储结构,则在等概率前提下,向其插入一个元素需要移动的元素个数平均为

真题

(2020 2)(1)在顺序表中查找第一个元素值等于x的元素,并返回其顺序。

(2)统计顺序表中x出现的次数。

练习

02. 设计一个高效算法,将顺序表 L的所有元素逆置,要求算法的空间复杂度为 O(1)。

循环(遍历, 迭代)/递归

```
void reverseSeqListRecursion(SeqList &L, int i){
    if (i>=length/2){
        return ;
    int temp = 0;
    temp = L.data[i];
    L.data[i] = L.data[length-i-1];
    L.data[length-i-1] = temp;
    reverseSeqListRecursion(L, i+1);
    return ;
reverseSeqListRecursion(L, 0);
```

练习

05. 从顺序表中删除其值在给定值 s 与 t 之间(包含 s 和 t, 要求 s < t) 的所有元素, 若 s 或 t 不合理或顺序表为空,则显示出错信息并退出运行。

剑指 Offer 03. 数组中重复的数字

难度 简单 凸 829 ☆ 臼 丸 ♀ □

找出数组中重复的数字。

在一个长度为 n 的数组 nums 里的所有数字都在 $0\sim n-1$ 的范围内。数组中某些数字是重复的,但不知道有几个数字重复了,也不知道每个数字重复了几次。请找出数组中任意一个重复的数字。

示例 1:

输入:

[2, 3, 1, 0, 2, 5, 3]

输出: 2 或 3

1. 两数之和

难度 简单 凸 14324 ☆ □ 🗘 ♀ □

给定一个整数数组 nums 和一个整数目标值 target ,请你在该数组中找出 和为目标值 target 的那 两个整数,并返回它们的数组下标。

你可以假设每种输入只会对应一个答案。但是,数组中同一个元素在答案里 不能重复出现。

你可以按任意顺序返回答案。

示例 1:

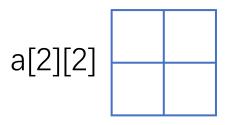
输入: nums = [2,7,11,15], target = 9

输出: [0,1]

解释: 因为 nums[0] + nums[1] == 9 , 返回 [0, 1] 。

线性表推广

C语言中的二维/多维数组





```
void demo4() {
   int a[2][2];
   for (int i = 0; i < 2; i++)
      for (int j = 0; j < 2; j++)
            cout << &a[i][j] << endl;
}</pre>
```

```
E:\kaoyanfudao\1\Demo\cmak
0095F9B8
0095F9BC
0095F9C0
0095F9C4
```

真题

(2016 填空8)若三维数组a[4][5][6]的基地址是100,每个元素占用2 存储单元,则数组a中最后一个元素的存储地址是_____

(2018 问答题3)已知二维数组A[5][10]按行优先顺序存储在内存中,假设每个元素占三个存储单元,第一个元素的存储地址即LOC(A[0][0])=1000,计算出LOC(A[3][4])的值。

(2020 程序4) 设计算法使n*n的矩阵旋转180度

#define m 10

给定一个二维数组int A[m][m] 水平翻转

垂直翻转

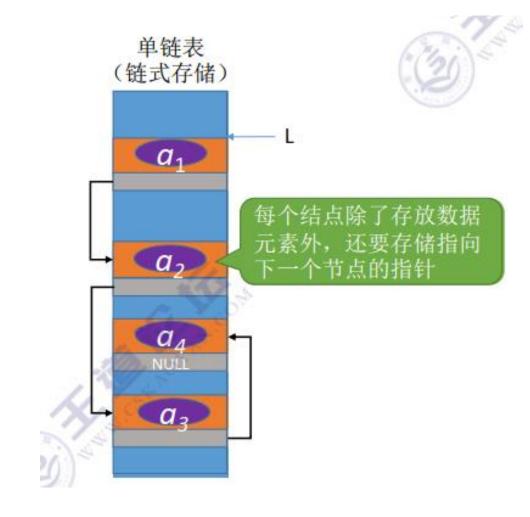
矩阵转置 #define c 5, m 10, n 20

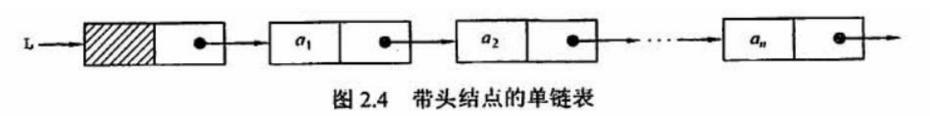
旋转90度 矩阵乘法 int A[c][m] int B[m][n]

单链表

单链表的结构体定义

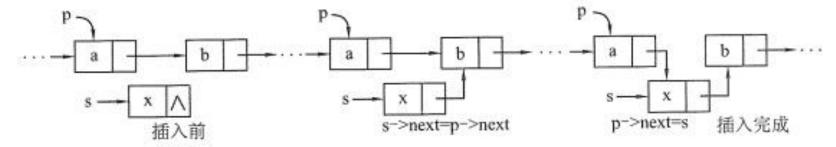
```
typedef struct LNode{
    ElemType data;
    struct LNode *next;
}LNode, * LinkList
```



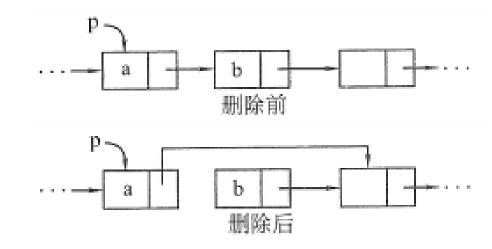


按序号插入/按序号删除/按值删除

```
s->next=p->next;
p->next=s;
```



q=p->next; p->next=p->next->next; free(q);//调用函数 free()来释放 q 所指结点的内存空间



创建单链表

为什么是引用?

头插法创建一个带有头结点的单链表

```
void createlistF(LNode *&C,int a[],int n)
   LNode *s;
   int i;
   C=(LNode*)malloc(sizeof(LNode));
   C->next=NULL;
   for (i=0; i < n; ++i)
      s=(LNode*)malloc(sizeof(LNode));
      s->data=a[i];
      /*下边两句是头插法的关键步骤*/
      s->next=C->next; //s 所指新结点的指针域 next 指向 C 中的开始结点
                    //头结点的指针域 next 指向 s 结点, 使得 s 成为新的开始结点
      C->next=s;
```

创建单链表

尾插法创建一个带有头结点的单链表

```
void createList tail(LNode *&C, int a[], int n){
    LNode *s;
    C = (LNode *)malloc(sizeof(LNode));
    C->next = NULL;
    LNode *tail = C;
    for (int i = 0;i<n;i++){
        s = (LNode *)malloc(sizeof(LNode));
        s->data = a[i];
        tail->next = s;
        tail = tail->next;
    tail->next = NULL;
```

创建单链表

头插法创建一个无头结点的单链表 写我们讲的另外一种

```
void createList head(LNode *&C, int a[], int n){
    LNode *s;
    C = (LNode *)malloc(sizeof(LNode));
    C->next = NULL;
    C->data = a[0];
    for (int i = 1;i<n;i++){</pre>
        s = (LNode *)malloc(sizeof(LNode));
        s->data = a[i];
        s->next = C;
        C = s;
```

思考

两种创建方式有什么不同?

头插法创建的链表,其中元素和原来相比是倒序的。 (天勤P27页) (单链表的逆置 原地逆置,模拟头插) 反转链表: https://leetcode-cn.com/problems/reverse-linked-list/

- 头节点的数据域可以存放链表的长度。
- 一般情况下,都采用带有头结点的单链表

判空

空表判断: L==NULL。写代码不方便

空表判断: L->next==NULL。写代码更方便

求单链表长度时, 头结点不算

单链表的查找

GetElem(L,i): 按位查找操作。获取表L中第i个位置的元素的值。

LocateElem(L,e): 按值查找操作。在表L中查找具有给定关键字值的元素。

```
//按值查找,找到数据域==e 的结点
LNode * LocateElem(LinkList L,ElemType e) {

→ LNode *p = L→next;

//从第1个结点开始查找数据域为e的结点

→ while (p != NULL && p→data != e)

→ p = p→next;

→ return p; //找到后返回该结点指针,否则返回NULL
}
```

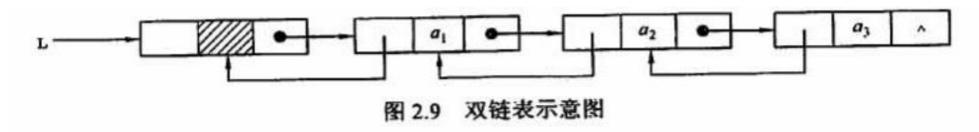
双链表

单链表结点中只有一个指向其后继的指针,使得单链表只能从头结点依次顺序地向后遍历。要访问某个结点的前驱结点 (插入、删除操作时),只能从头开始遍历,访问后继结点的时间复杂度为 O(n)。

双链表的结构体定义

3. 双链表结点定义

说明:



双链表的插入

1. 双链表的插入操作

在双链表中 p 所指的结点之后插入结点*s, 其指针的变化过程如图 2.10 所示。

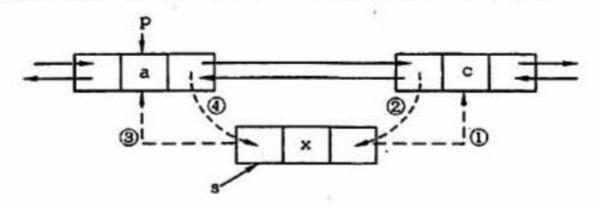


图 2.10 双链表插入结点过程

插入操作的代码片段如下:

- ①s->next=p->next;
- ②p->next->prior=s;
- ③s->prior=p;
- Φp->next=s;

//将结点*s插入到结点*p之后

双链表的删除

2. 双链表的删除操作

删除双链表中结点*p的后继结点*q,其指针的变化过程如图 2.11 所示。

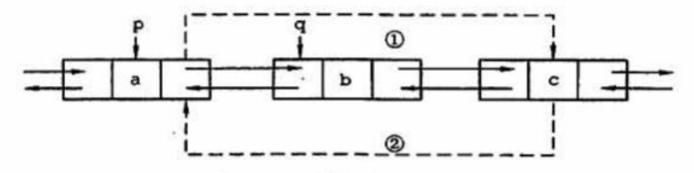
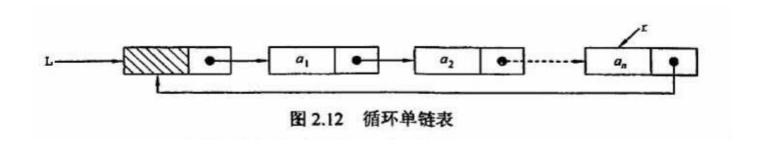


图 2.11 双链表删除结点过程

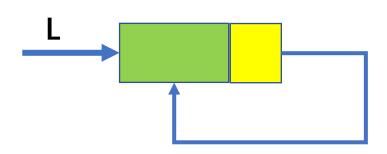
删除操作的代码片段如下:

```
p->next=q->next; //图 2.11 中步骤①
q->next->prior=p; //图 2.11 中步骤②
free(q); //释放结点空间
```

循环单链表



循环单链表的判空条件不是头结点的指针是否为空 而是它是否等于头结点

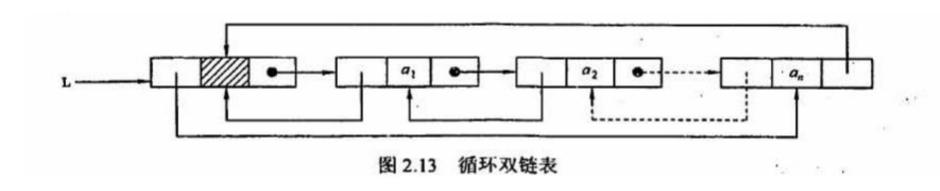


循环单链表

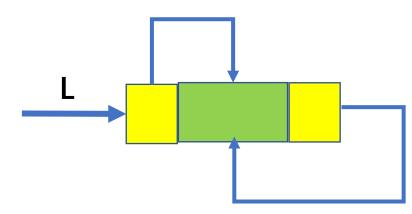
```
void InitList(LNode *L){
   L = (LNode *)malloc(sizeof(LNode));
   L->next = L;
}
```

```
bool isTail(LNode *L, LNode *p){
    return p->next == L;
}
```

循环双链表



当循环双链表为空表时,其头结点的prior域和next域都等于L



循环双链表

```
void InitList(DLNode *L){
    L = (DLNode *)malloc(sizeof(DLNode));
    L->next = L;
    L->prior = L;
}

bool isTail(DLNode *L, DLNode *p){
    return p->next == L;
}
```

静态链表

静态链表的结构体定义

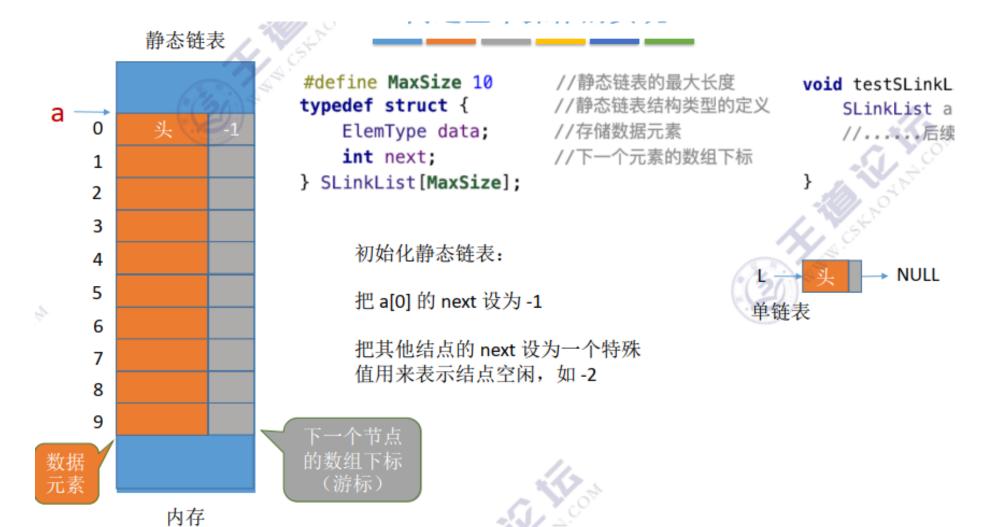
```
#define MaxSize 50
typedef struct
{
    int data;
    int next;
}SLinkList[MaxSize];
```





静态链表以next=-1作为其结束的标志。 静态链表为什么是链式存储?

静态链表



静态链表

静态链表 a 0 6 8 9 数据元素 内存

简述基本操作的实现

```
void testSLinkList() {
    SLinkList a;
    //.....后续代码
```

查找:

从头结点出发挨个往后遍历结点

插入位序为i的结点:

如何判断结 点是否为空?

- ①找到一个空的结点, 存入数据元素
- ②从头结点出发找到位序为 i-1 的结点
- ③修改新结点的 next
- ④修改 i-1 号结点的 next

可让 next 为某个 特殊值,如-2

删除某个结点:

- ①从头结点出发找到前驱结点
- ②修改前驱结点的游标
- ③被删除结点 next 设为 -2

适用场景: ①不支持指针的低级语言; ②数据元素数量固定不变的场景(如操作系统的文件分配表FAT)

顺序表和链表的比较

表 2.2

顺序表和链表的比较

比	存储结构较项目	顺序表	链表
空间	存储空间	预先分配,会导致空间闲置或溢出现象	动态分配,不会出现存储空间闲置或溢出 现象
	存储密度	不用为表示结点间的逻辑关系而增加额外的 存储开销,存储密度等于1	需要借助指针来体现元素间的逻辑关系, 存储密度小于1
时间	存取元素	随机存取,按位置访问元素的时间复杂度为 O(1)	顺序存取,按位置访问元素时间复杂度为 O(n)
	插人、删除	平均移动约表中一半元素,时间复杂度为 O(n)	不需移动元素,确定插人、删除位置后,时间复杂度为 O(1)
适用情况		① 表长变化不大,且能事先确定变化的范围 ② 很少进行插入或删除操作,经常按元素位 置序号访问数据元素	① 长度变化较大 ② 频繁进行插入或删除操作

线性表应用——线性表合并

集合并集

【问题描述】

已知两个集合 A 和 B, 现要求一个新的集合 A = AUB。例如,设

$$A = (7, 5, 3, 11)$$

 $B = (2, 6, 3)$

合并后

$$A = (7, 5, 3, 11, 2, 6)$$

【问题分析】

可以利用两个线性表 LA 和 LB 分别表示集合 A 和 B (即线性表中的数据元素为集合中的成员),这样只需扩大线性表 LA,将存在于 LB-中而不存在于 LA 中的数据元素插入到 LA 中去。只要从 LB 中依次取得每个数据元素,并依值在 LA 中进行查访,若不存在,则插入之。

上述操作过程可用算法 2.15 来描述。具体实现时既可采用顺序形式,也可采用链表形式。

线性表应用——线性表合并

【算法步骤】

- ① 分别获取 LA 表长 m 和 LB 表长 n。
- ② 从 LB 中第 1 个数据元素开始,循环 n 次执行以下操作:
 - 从LB中查找第i(1≤i≤n)个数据元素赋给e;
 - 在 LA 中查找元素 e, 如果不存在, 则将 e 插在表 LA 的最后。

【算法描述】

```
void MergeList (List &LA, List LB)
{//将所有在线性表 LB 中但不在 LA 中的数据元素插入到 LA 中

m=ListLength (LA); n=ListLength (LB); //求线性表的长度
for (i=1;i<=n;i++)
{

GetElem (LB,i,e); //取 LB 中第 i 个数据元素赋给 e

if (!LocateElem (LA,e)) //LA 中不存在和 e 相同的数据元素

ListInsert (LA,++m,e); //将 e 插在 LA 的最后
}
```

- 1.调用基本操作
- 2.没有指明存储结构

线性表应用——线性表合并

有序表的合并

若线性表中的数据元素相互之间可以比较,并且数据元素在线性表中依值非递减或非递增有序排列,则称该线性表为**有序表**(Ordered List)。

天勤P27(链表)

(2018年 程序1)已知两个有序表A[0···n-1]和B[0···m-1],试写一个算法,将他们归并为一个有序表C[0···m+n-1]

线性表应用——一元多项式

一般一元多项式

利用数组p 表示: 数组中每个分量p[i]表示多项式每项的系数 p_i , 数组分量的下标 i 即对应每项的指数。数组中非零的分量个数即为多项式的项数。

例如, 多项式 $P(x) = 10 + 5x - 4x^2 + 3x^3 + 2x^4$ 可以用表 2.1 所示的数组表示。

表 2.1

多项式的数组表示

指数(下标i)	0	1	2	3	4
系数 p[i]	10	5	-4	3	2

显然,利用上述方法表示一元多项式,多项式相加的算法很容易实现,只要把两个数组对应的分量项相加就可以了。

```
typedef struct PNode
{

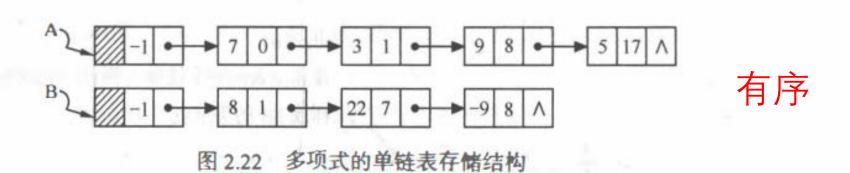
float coef; //系数
int expn; //指数

struct PNode *next; //指针域
}PNode, *Polynomial;
```

稀疏多项式

和顺序存储结构相比,利用链式存储结构更加灵活,更适合表示一般的多项式,合并过程的空间复杂度为 O(1),所以较为常用。本节将给出如何利用单链表的基本操作来实现多项式的相加运算。

例如,图 2.22 所示两个链表分别表示多项式 $A(x) = 7 + 3x + 9x^8 + 5x^{17}$ 和多项式 $B(x) = 8x + 22x^7 - 9x^8$ 。从图中可见,每个结点表示多项式中的一项。

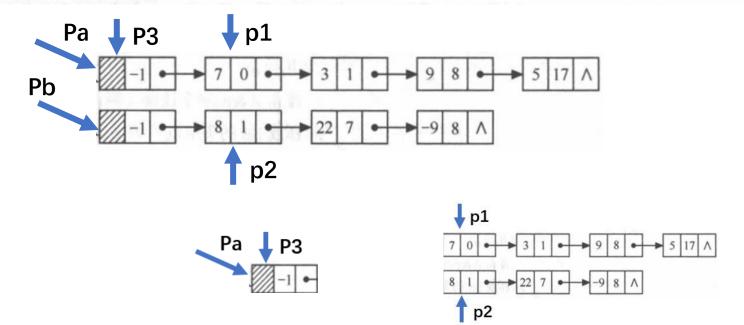


算法 2.19 多项式的相加

【算法步骤】

|时间复杂度为 O(m+n)

- ① 指针 pl 和 p2 初始化,分别指向 Pa 和 Pb 的首元结点。
- ② p3 指向和多项式的当前结点,初值为 Pa 的头结点。
- ③ 当指针 p1 和 p2 均未到达相应表尾时,则循环比较 p1 和 p2 所指结点对应的指数值 (p1->expn与 p2->expn),有下列 3 种情况:
 - 当 p1->expn 等于 p2->expn 时,则将两个结点中的系数相加,若和不为零,则修改 p1 所指结点的系数值,同时删除 p2 所指结点,若和为零,则删除 p1 和 p2 所指结点;
 - 当 p1->expn 小于 p2->expn 时,则应摘取 p1 所指结点插入到"和多项式"链表中去;
 - 当 p1->expn 大于 p2->expn 时,则应摘取 p2 所指结点插入到"和多项式"链表中去。
 - ④ 将非空多项式的剩余段插入到 p3 所指结点之后。
 - ⑤ 释放 Pb 的头结点。



```
void AddPolyn (Polynomial &Pa, Polynomial &Pb)
(//多项式加法: Pa=Pa+Pb, 利用两个多项式的结点构成'
  pl=Pa->next; p2=Pb->next;
                                        //p1 }
                                        //p3 }
  p3=Pa;
                                        //pl 3
  while (pl&&p2)
                                        //指数
    if (pl->expn==p2->expn)
       sum=p1->coef+p2->coef;
                                        //sum
                                        //系数
       if(sum!=0)
                                        //修改
          pl->coef=sum;
                                        //将修
          p3->next=p1; p3=p1;
          pl=pl->next;
                                        //p1
          r=p2; p2=p2->next; delete r; //删修
                                        //系数
          r=pl; pl=pl->next; delete r;
          r=p2; p2=p2->next; delete r;
     else if(p1->expn<p2->expn)
        p3->next=p1;
        p3=p1;
        pl=pl->next;
        p3->next=p2;
        p3=p2;
        p2=p2->next;
   p3->next=p1?p1:p2;
   delete Pb;
```

真题

(2015 填空4)若带头节点的单链表的头指针为head,则判断链表是否为空的条件是_____

(2016 程序1)指针A,B分别指向两个带头结点的单链表。实现函数 int ListIsEqual(LinkList A, LinkList B): 若A,B中全部对应节点的data 值相等,则返回1,否则返回0

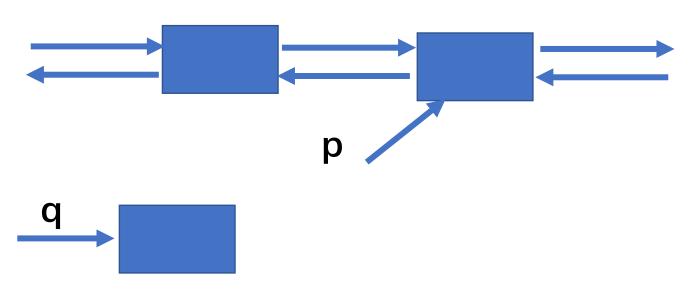
递归

真题 (插入, 删除)

如果是单链表呢?

(2012 简答1) 有以下双链表,其中有一p指针指向某节点,若有一新节点q要插入在p节点之前,请写出相关的插入语句。

P节点之后; 表头; 表尾; (作业)



指定节点的前插操作(小技巧)

```
//前插操作: 在p结点之前插入元素 e
bool InsertPriorNode (LNode *p, ElemType e){
   if (p==NULL)
       return false;
 LNode *s = (LNode *)malloc(sizeof(LNode));
   if(s==NULL) //内存分配失败
      return false;
s->next=p->next;
                        //新结点 s 连到 p 之后
p->next=s;
                        //将p中元素复制到s中

⇒ s->data=p->data;

                        //p 中元素覆盖为 e
p->data=e;
   return true;
```



时间复杂度: O(1)

删除指定节点 (P不能为尾节点) //删除指定结点 p
bool DeleteNode (LNode *p)

真题 (合并)

其他集合运算呢?交,并(作业)

(2013 读程题1)已知无头单链表A和B表示两个集合,实现集合运算 A=A-B

A=AUB C=A∩B A和B不能动

如果是C=A-B呢?不允许破坏链表A和链表B

<u>删除链表的倒数第N个节点</u> https://leetcodecn.com/problems/remove-nth-node-from-end-of-list/

练习题 (作业)

已知递增有序的两个单链表A,B分别存储了一个集合。设计算法 *实现求两个集合的并集的运算(AUB)* LinkList &C

【例 2-3】 A和B是两个单链表(带表头结点),其中元素递增有序。设计一个算法,将A和B归 并成一个按元素值非递减有序的链表C,C由A和B中的结点组成。 如果是非递增的有序链表C呢?

合并两个有序链表 https://leetcode-cn.com/problems/merge-two-sorted-lists/

总结

顺序表逆序 二维数组逆序,翻转,转置,旋转 顺序表合并

链表逆序 合并集合 合并有序表 应用——一元多项式