问题

前两个相等或者后两个相等

单位产生式!!!

给定语言

$$L = \{a^n b^m c^k : k, m, n \ge 0, n = m$$
或者 $k = m\}$,

- 1. 试构造一个上下文无关文法G,使得文法G生成语言L。
- 2. 依据文法G,给出生成语言 $L' = L \{\varepsilon\}$ 的上下文无关文法G',使其具有乔姆斯基范式形式。
- 3. 依据文法G',使用CYK算法给出符号串aabbcc的分析,并列出所有可能的推导树。

解答

1、构造文法 $G = (\{S, A, B, C, D\}, \{a, b, c\}, S, P)$, 其中产生式P包括:

$$S \to A|B$$
,
 $A \to C|Ac$, $C \to \varepsilon|aCb$,
 $B \to D|aB$, $D \to \varepsilon|bDc$.

2、去 ε 产生式:

$$S \to A|B$$
, $A \to C|Ac|c$, $C \to ab|aCb$, $B \to D|aB|a$, $D \to bc|bDc$.

去单位产生式:

$$S o ab|aCb|Ac|c|bc|bDc|aB|a$$
, $A o ab|aCb|Ac|c$, $C o ab|aCb$, $B o bc|bDc|aB|a$, $D o bc|bDc$.

转化为乔姆斯基范式形式:

$$\begin{array}{ll} S \rightarrow XY|EY|AZ|c|YZ|FZ|XB|a, \\ A \rightarrow XY|EY|AZ|c, & C \rightarrow XY|EY, \\ B \rightarrow YZ|FZ|XB|a, & D \rightarrow YZ|FZ, \\ X \rightarrow a, & Y \rightarrow b, \\ Z \rightarrow c, & F \rightarrow XC, & F \rightarrow YD_{\circ} \end{array}$$

3、使用CYK算法分析符号串aabbcc,第一步可得:

$$V_{11} = V_{22} = \{X, S, B\}, \ V_{33} = V_{44} = \{Y\}, \ V_{11} = V_{22} = \{Z, S, A\},$$

第二步可得:

$$V_{12}=\{S,B\},\ V_{23}=\{S,C,A\},\ V_{34}=\emptyset,\ V_{45}=\{S,B,D\},\ V_{56}=\{S,A\},$$

第三步可得:

$$V_{13} = \{E\}, \ V_{24} = \emptyset, \ V_{35} = \{F\}, \ V_{46} = \emptyset,$$

第四步可得:

$$V_{14} = \{S, C, A\}$$
, $V_{25} = \emptyset$, $V_{36} = \{S, B, D\}$,

第五步可得:

$$V_{15} = \{S, A\}, V_{26} = \{S, B\},$$

最后可得:

$$V_{16} = \{S, A, B\}$$
.

因此,可得符号串aabbcc的推导过程为:

$$S \Rightarrow AZ \Rightarrow AZZ \Rightarrow EYZZ \Rightarrow XCYZZ \Rightarrow XXYYZZ \Rightarrow \cdots \Rightarrow aabbcc$$

和

 $S \Rightarrow XB \Rightarrow XXB \Rightarrow XXFZ \Rightarrow XXYDZ \Rightarrow XXYYZZ \Rightarrow \cdots \Rightarrow aabbcc.$ 推导所对应的推导树分别为:



