非寿险准备金风险与风险边际的随机模拟

高磊

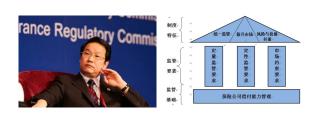
天津财经大学统计系

2013年11月15日



构建中国第二代偿付能力监管体系

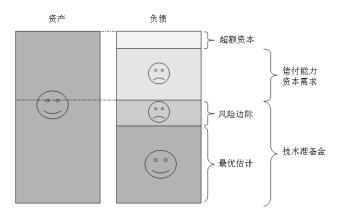




监管资本要求是研究重点



欧 II 框架下资产负债表



偿付能力资本要求与风险边际相互依赖



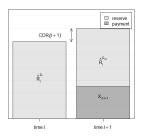
$$RM = COC \times \frac{\sum_{t \ge 0} SCR(t)}{(1 + r_{t+1})^{t+1}}$$



刻画风险的几个要素



赔付进展结果 (Claims Development Result,CDR)



$$CDR_i(I+1) = \hat{R}_i^{D_I} - (X_{i,I-i+1} + \hat{R}_i^{D_{I+1}})$$

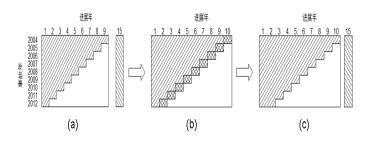
● 别称: "年末义务"(Year-End Obligations)、"一年流量结果"(one-year run-off result)、"一年恶化"(one-year deterioration)等。

Hard Way & Easy Way



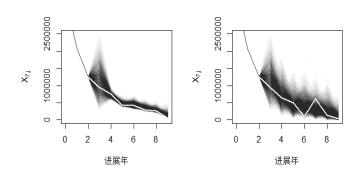
• Daykin,Pentikainen & Pensonen (1996): 现代计算机模拟技术为风险理论的实际应用开拓了更为广阔的空间,使其摆脱了严格的假设与复杂的数学推导。

Easy Way: 随机模拟算法

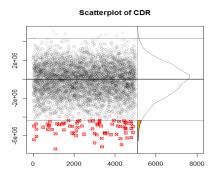


$$CDR_k = R^0 - C_k^1 - R_k^1 \Rightarrow SCR(0) = -VaR_{0.005}(CDR)$$

模拟技术: MCMC 或 Bootstrap 方法



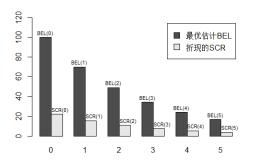
从赔付进展结果分布到 SCR(0)



$$CDR_k = R^0 - C_k^1 - R_k^1 \Rightarrow SCR(0) = -VaR_{0.005}(CDR)$$



计算风险边际: 代理方法



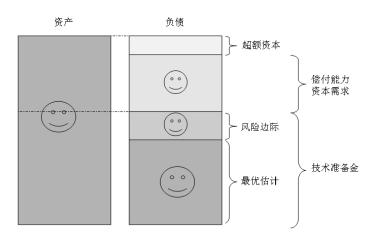
$$\frac{SCR(i)}{BEL(i)} = \frac{SCR(0)}{BEL(0)} \Rightarrow SCR(i) = SCR(0) \times \frac{BEL(i)}{BEL(0)}$$

计算风险边际: 算例

$$RM = COC \times \frac{\sum_{t \geq 0} SCR(t)}{(1 + r_{t+1})^{t+1}} \, dt$$

准备金估计。	偿付能力。 资本需求。 22.0。	资本支出。 (资本成本率6%)。 1.3e	贴现资本费用。 (贴现率2%)。 1.3。
	22. 0₽	1 30	1 0
		1 ** **	1. 50
70.0₽	15. 40	0.90	0.90
49.0₽	10.80	0. 6₽	0. 6₽
34.30	7. 5₽	0.40	0.40
24.00	5. 3₽	0. 30	0. 30
16.80	3. 7₽	0. 20	0. 20
e e	e .	3.90	3. 7₽
	34. 3¢ 24. 0¢ 16. 8¢	49.0φ 10.8φ 34.3φ 7.5φ 24.0φ 5.3φ 16.8φ 3.7φ	49.0° 10.8° 0.6° 34.3° 7.5° 0.4° 24.0° 5.3° 0.3° 16.8° 3.7° 0.2°

回到目标



外文参考文献

- De Felice, M., Moriconi, F. (2006). Process error and estimation error of year-end reserve estimation in the distribution free chain-ladder model. Alef Working Paper, Rome, November
- Merz, M., W"uthrich, M.V. (2008). Modelling the claims development result for solvency purposes. CAS E-Forum, Fall 2008, 542-568.
- Ohlsson, E., Lauzeningks, J. (2008). The one-year non-life insurance risk. Conference Paper, ASTIN Colloquium 2008, Manchester.
- Stochastic re-reserving in multi-year internal models An approach based on simulations. ASTIN Colloquium in Helsinki.
- P. Keller. A primer for calculating the Swiss Solvency Test "cost of capital" for a market value margin[C]. Swiss Federal Office of Private Insurance, 2006.

中文参考文献

- 张连增, 刘怡. 欧盟保险偿付能力监管标准框架下的技术准备金估计. 南京 审计学院学报.2013 年第 2 期
- 谢志刚. 我国第二代偿付能力监管制度体系建设中的几个关键问题. 保险研究.2012 第 8 期.
- 项俊波. 保险偿付能力监管: 国际格局与中国道路. 保险研究,2012 年第 8 期.
- 陈森. 非寿险准备金风险边际的计算方法. 中国保险报,2011 年 6 月 30 日 第 002 版.

谢谢大家!

Q/A?