

01 | 线性结构检索：从数组和链表的原理初...

你可以先思考一个问题：什么是检索？从字面上来理解，检索其实就是将我们所需要的信息，从存储数据的地方高效取出的一种技术。所以，检索效率和数据存储的方式是紧密联系的。具体来说，就是不同的存储方式，会导致不同的检索效率。

那么，研究数据结构的存储特点对检索效率的影响就很有必要了。那今天，我们就从数组和链表的存储特点入手，先来看一看它们是如何进行检索的。

数组和链表有哪些存储特点？

数组的特点相信你已经很熟悉了，就是用一块连续的内存空间来存储数据。那如果我申请不到连续的内存空间怎么办？这时候链表就可以派上用场了。链表可以申请不连续的空间，通过一个指针按顺序将这些空间串起来，形成一条链，链表也正是因此得名。不过，严格意义上来说，这个叫单链表。



数组结构



链表结构

数组和链表分别代表了连续空间和不连续空间的最基础的存储方式，它们是线性表（Linear List）的典型代表。其他所有的数据结构，比如栈、队列、二叉树、B+ 树等，都不外乎是这两者的结合和变化。

以栈为例，它本质就是一个限制了读写位置的数组，特点是只允许后进先出。因此，我们只需要从最基础的数组和链表入手，结合实际应用中遇到的问题去思考解决方案，就能逐步地学习和了解更多的数据结构和检索技术。

那么，数组和链表这两种线性的数据结构的检索效率究竟如何呢？我们来具体看一下。

如何使用二分查找提升数组的检索效率？

首先，如果数据是无序存储的话，无论是数组还是链表，想要查找一个指定元素是否存在，在缺乏数据分布信息的情况下，我们只能从头到尾遍历一遍，才能知道其是否存在。这样的检索效率就是 $O(n)$ 。当然，如果数据集不大的话，其实直接遍历就可以了。但如果数据集规模较大的话，我们就需要考虑更高效的检索方式。

对于规模较大的数据集，我们往往是**先将它通过排序算法转为有序的数据集**，然后通过一些检索算法，比如**二分查找算法来完成高效的检索**。二分查找也叫折半查找，它的思路很直观，就是将有序数组二分为左右两个部分，通过只在半边进行查找来提升检索效率。那二分查找具体是怎么实现的呢

？让我们一起来看看具体的实现步骤。我们首先会从中间的元素查起，这就会有三种查询结果。

第一种，是中间元素的值等于我们要查询的值。也就是，查到了，那直接返回即可。如果中间元素的值小于我们想查询的值，那接下来该怎么查呢？

这就是第二种情况了。数组是有序的，所以我们以中间元素为分隔，左半边的数组元素一定都小于中间元素，也就是小于我们想查询的值。因此，我们想查询的值只可能存在于右半边的数组中。

对于右半边的数组，我们还是可以继续使用二分查找的思路，再从它的中间查起，重复上面的过程。这样不停地“二分”下去，每次的检索空间都能减少一半，整体的平均查询效率就是 $O(\log n)$ ，远远小于遍历整个数组的代价 $O(n)$ 。

同理，对于第三种情况，如果中间元素的值大于我们想查询的值，那么我们就只在左边的数组元素查找即可。

由此可见，**合理地组织数据的存储可以提高检索效率。检索的核心思路，其实就是通过合理组织数据，尽可能地快速减少查询范围**。在后面，我们会看到更多的检索算法和技术，其实它们的本质都是**通过灵活应用各种数据结构的特点来组织数据，从而达到快速减少查询范围的目的**。

链表在检索和动态调整上的优缺点

数据无序存储的话，链表的检索效率很低。那你可能要问了，有序的链表好像也没法儿提高检索效率啊，这是为什么呢？你可以先停下来自己思考一下。

数组的“连续空间存储”带来了可随机访问的特点。在有序数组应用二分查找时，它以 $O(1)$ 的时间代价就可以直接访问到位于中间的数值，然后以中间的数值为分界线，只选择左边或右边继续查找，从而能快速缩小查询范围。

而链表并不具备“随机访问”的特点。当链表想要访问中间的元素时，我们必须从链表头开始，沿着链一步一步遍历过去，才能访问到期望的数值。如果要访问到中间的节点，我们就需要遍历一半的节点，时间代价已经是 $O(n/2)$ 了。

从这个方面来看，由于少了“随机访问位置”的特性，链表的检索能力是偏弱的。但是，任何事情都有两面性，链表的检索能力偏弱，**作为弥补，它在动态调整上会更容易。我们可以以 $O(1)$ 的时间代价完成节点的插入和删除，这是“连续空间”的数组所难以做到的。**毕竟如果我们要在有序的数组中插入一个元素，为了保证“数组有序”，我们就需要将数组中排在这个元素后面的元素，全部顺序后移一位，这其实是一个 $O(n)$ 的时间代价了。

因此，在一些需要频繁插入删除数据的场合，有序数组不见得是最合适的选择。另一方面，在数据量非常大的场合，我们也很难保证能申请到连续空间来构建有序数组。因此，学会合理高效地使用链表，也是非常重要的。

如何灵活改造链表提升检索效率？

本质上，我们学习链表，就是在学习“非连续存储空间”的组织方案。

我们可以来看一个简单的改造例子。比如说，如果我们觉得链表一个节点一个节点遍历太慢，那么我们是不是可以对它做一个简单的改造呢？在掌握了链表的核心思想后，我们很容易就能想到一个改进方案，那就是让链表每个节点不再只是存储一个元素，而是存储一个小的数组。这样我们就能大幅减少节点的数量，从而减少依次遍历节点带来的“低寻址效率”。

比如说，我的链表就只有两个节点，每个节点都存储了一个小的有序数组。这样在检索的时候，我可以用二分查找的思想，先查询第一个节点存储的小数组的末尾元素，看看是否是我们想要查询的数字。如果不是，我们要么在第一个节点存储的小数组里，继续二分查找；要么在第二个节点存储的小数组里，继续二分查找。这样的结构就能同时兼顾数组和链表的特点了，而且时间代价也是 $O(\log n)$ 。

可见，尽管常规的链表只能遍历检索，但是只要我们掌握了“非连续存储空间可以灵活调整”的特性，就可以设计更高效的数据结构和检索算法了。

重点

首先，我们学习了具体的检索方法。对于无序数组，我们可以遍历检索。对于有序数组，我们可以用二分查找。链表具有灵活调整能力，适合用在数据频繁修改的场合。

其次，你应该也开始体会到了检索的一些核心思想：合理组织数据，尽可能快速减少查询范围，可以提升检索效率。

讨论

你可以思考一下这两个问题。

1.对于有序数组的高效检索，我们为什么使用二分查找算法，而不是 3-7 分查找算法，或 4-6 分查找算法？

2.对于单个查询值 k ，我们已经熟悉了如何使用二分查找。那给出两个查询值 x 和 y 作为查询范围，如果要在有序数组中查找出大于 x 和小于 y 之间的所有元素，我们应该怎么做呢？

1.二分查找概率均匀

2.分别用二分查找 x 和 y 对应的下标，然后取中间的数据

