

# 句法分析2

# 形式语法

- 形式语法是规定语言中允许出现的结构的形式化说明
- 形式语法可以追溯到1950s (Chomsky's PhD thesis )
- 几个主要的形式语法：
  - context-free grammar (CFG)
  - lexical functional grammar (LFG)
  - head-driven phrase-structure grammar (HPSG)
  - tree adjoining grammars (TAG)
  - combinatory categorical grammar (CCG)

# 上下文无关语法

- Context-free grammars (CFGs)
- Hopcroft and Ullman, 1979
- 假设一个语言L是由语法G生成，则G可以表示为一个四元组： $G = (T, N, S, R)$ 
  - T: 终结符 (terminal symbols) 集合，通常包括句法树的叶子节点，如 *like, lecture*
  - N: 非终结符 (nonterminal symbols) 集合，句法树的中间节点，如 *NP, S*
  - S: 开始符号，特殊的非终结符 ( $S \in N$ )，表示句子
  - R: 重写规则 (或产生式)，具有形式  $X \rightarrow \gamma$ ，例如， $NP \rightarrow DET JJ NN$ 
    - $X \in N$  并且  $\gamma \in (N \cup T)^*$

# CFGs的特性

- 上下文无关特性：句法规则  $X \rightarrow \gamma$  的应用不依赖于  $X$  出现在什么上下文环境中
- 若  $s \in T^*$  是由CFGs定义的语言，则至少有一种重写规则可以生成  $s$
- 由CFGs生成的语言可能有不止一个短语结构（结构歧义）

# 一个简单的CFGs的例子

- $T = \{\text{sleeps, saw, man, woman, telescope, the, with, in}\}$
- $N = \{S, NP, VP, PP, DT, Vi, Vt, NN, IN\}$
- $S = S$

- $R =$

$S \rightarrow NP VP$	$Vi \rightarrow \text{sleeps}$
$VP \rightarrow Vi$	$Vt \rightarrow \text{saw}$
$VP \rightarrow Vt NP$	$NN \rightarrow \text{man}$
$VP \rightarrow VP PP$	$NN \rightarrow \text{woman}$
$NP \rightarrow DT NN$	$NN \rightarrow \text{telescope}$
$NP \rightarrow NP PP$	$DT \rightarrow \text{the}$
$PP \rightarrow IN NP$	$IN \rightarrow \text{with}$
.....	$IN \rightarrow \text{in}$
	.....

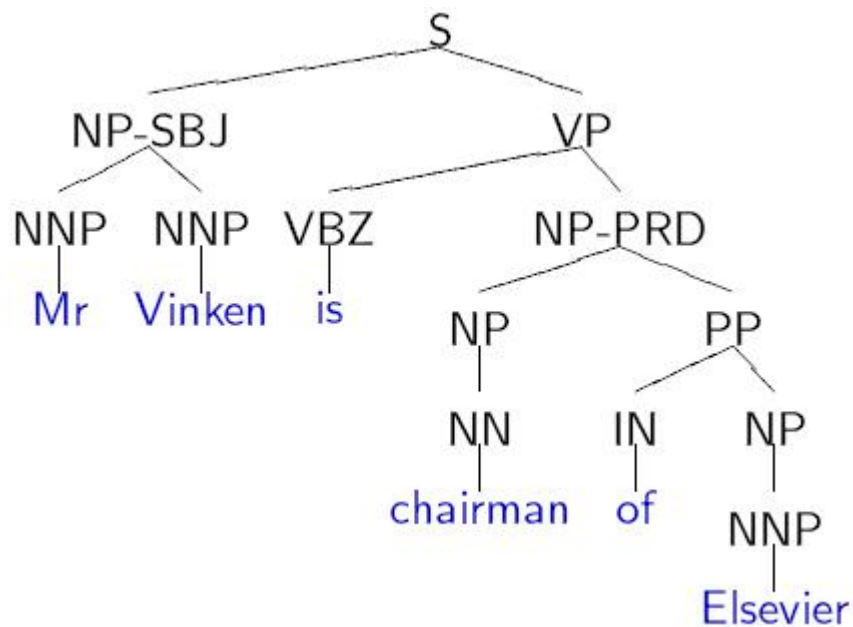
# Chomsky 范式

- Chomsky Normal Form
- 一个受Chomsky范式约束的CFG句法  $G = (T, N, S, R)$  , 具有以下形式:
  - T: 终结符集合
  - N: 非终结符集合
  - S: 开始符号, 特殊的非终结符( $S \in N$ ), 表示句子
  - R: 句法规则集合, 具有以下两种形式:
    - $N^i \rightarrow N^j N^k$  for  $N^i \in N$ , and  $N^j, N^k \in N$
    - $N^i \rightarrow w^j$  for  $N^i \in N$ , and  $w^j \in T$

# 应用句法规则生成句子

Input	Rule	Output
S	$S \rightarrow NP\ VP$	NP VP
NP VP	$NP \rightarrow PRO$	PRO VP
PRO VP	$PRO \rightarrow I$	<i>I</i> VP
<i>I</i> VP	$VP \rightarrow VP\ NP$	<i>I</i> VP NP
<i>I</i> VP NP	$VP \rightarrow VB$	<i>I</i> VB
<i>I</i> VB NP	$VB \rightarrow like$	<i>I like</i> NP
<i>I like</i> NP	$NP \rightarrow DET\ JJ\ NN$	<i>I like</i> DET JJ NN
<i>I like</i> DET JJ NN	$DET \rightarrow the$	<i>I like the</i> JJ NN
<i>I like the</i> JJ NN	$JJ \rightarrow interesting$	<i>I like the interesting</i> NN
<i>I like the interesting</i> NN	$NN \rightarrow lecture$	<i>I like the interesting lecture</i>

# 应用句法规则构建句法树



$S \rightarrow NP\text{-}SBJ\ VP$

$NP\text{-}SBJ \rightarrow NNP\ NNP$

$NNP \rightarrow \text{Mr}$

$NNP \rightarrow \text{Vinken}$

$VP \rightarrow VBZ\ NP\text{-}PRD$

$VBZ \rightarrow \text{is}$

$NP\text{-}PRD \rightarrow NP\ PP$

$NP \rightarrow NN$

$NN \rightarrow \text{chairman}$

$PP \rightarrow IN\ NP$

$IN \rightarrow \text{of}$

$NP \rightarrow NNP$

$NNP \rightarrow \text{Elsevier}$



# 应用句法规则构建句法树

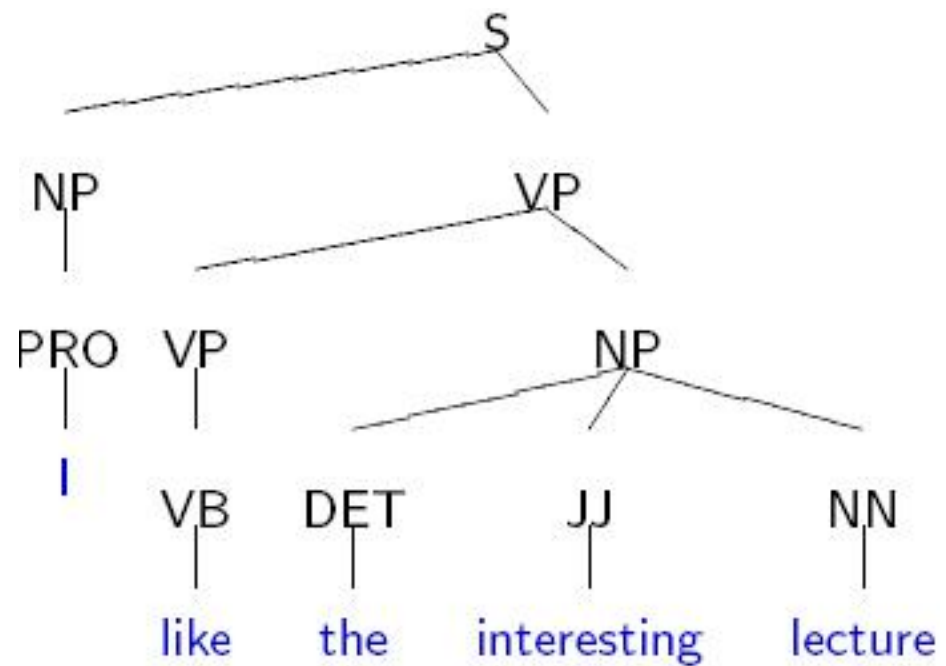
- 可以表述为一个搜索过程
  - 搜索空间：语法规则
  - 搜索过程：检查各种语法规则所有可能的组合方式
  - 搜索目的：最终找到一种组合，其中的语法规则能够生成一个用来表示句子结构的句法树
  - 搜索方向：自顶向下 vs 自底向上

# Cocke-Kasami-Younger (CKY) Parsing

- 已有一组上下文无关语法：
  - $S \rightarrow NP VP$ ,  $NP \rightarrow PRO$ ,  $PRO \rightarrow I$ ,  $VP \rightarrow VP NP$ ,  $VP \rightarrow VB$ ,  $VB \rightarrow like$ ,  $NP \rightarrow DET JJ NN$ ,  $DET \rightarrow the$ ,  $JJ \rightarrow interesting$ ,  $NN \rightarrow lecture$
- 输入：句子
  - I like the interesting lecture
- CKY句法分析：
  - 自底向上的句法分析算法
  - 采用一个线图（chart）存储中间结果

# Example

- 最后得到完整句法树：



# CYK算法

## ◆ Cocke-Younger-Kasami (CYK) 算法

- 对 Chomsky 文法进行范式化:

$$A \rightarrow w \text{ 或 } A \rightarrow BC$$

$$A, B, C \in V_N, w \in V_T, G=(V_N, V_T, P, S)$$

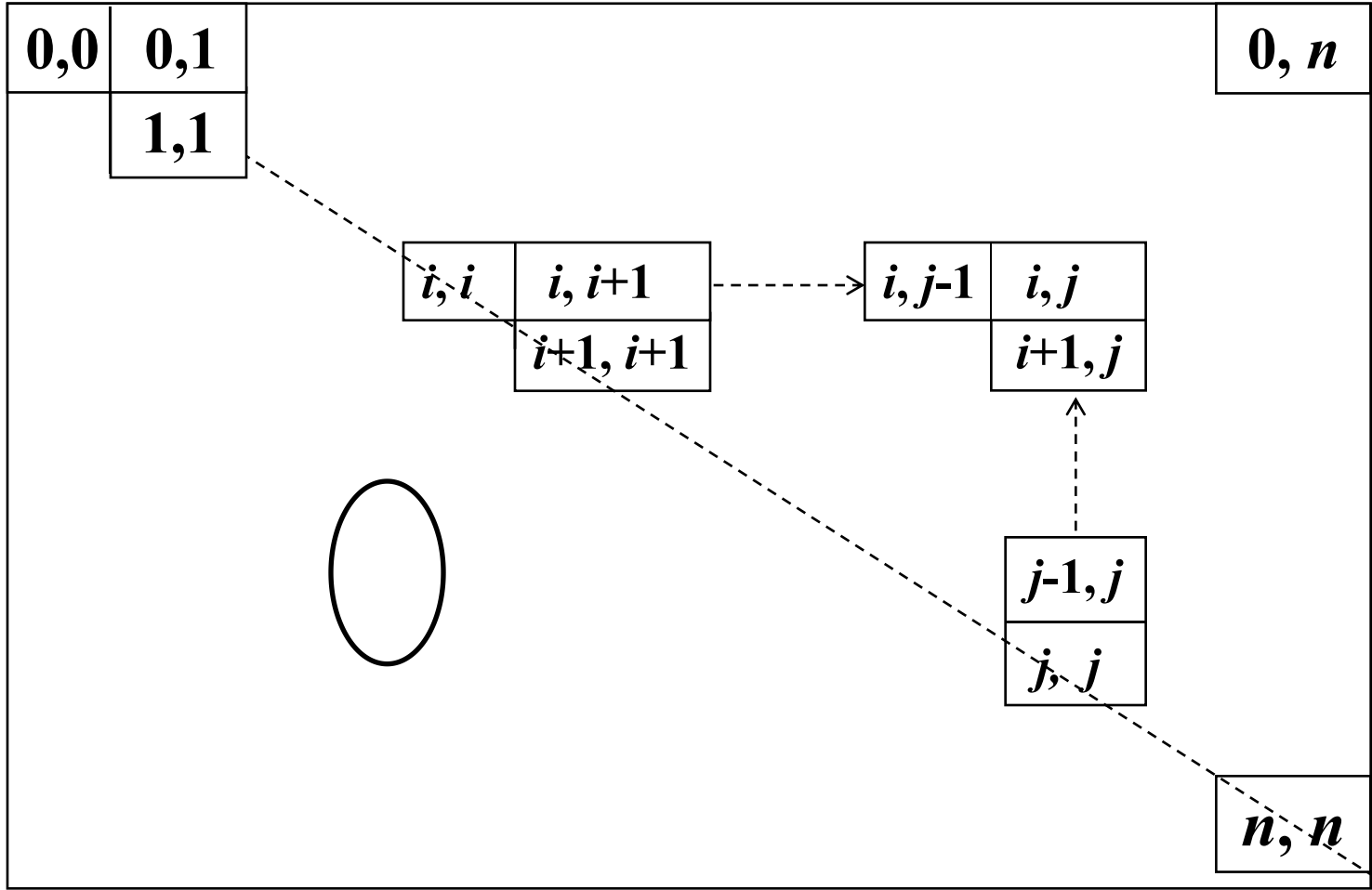
- 自下而上的分析方法
- 构造  $(n+1) \times (n+1)$  识别矩阵,  $n$  为输入句子长度。  
假设输入句子  $x=w_1w_2...w_n$ ,  $w_i$  为构成句子的单词,  $n=|x|$ 。

# CYK算法

## ◆ 识别矩阵的构成

- 方阵对角线以下全部为0
- 主对角线以上的元素由文法G的非终结符构成
- 主对角线上的元素由输入句子的终结符号(单词)构成

# CYK算法



# CYK算法

## ◆ 识别矩阵构造步骤

- (1) 首先构造主对角线，令  $t_{0,0}=0$ ，然后，从  $t_{1,1}$  到  $t_{n,n}$  在主对角线的位置上依次放入输入句子  $x$  的单词  $w_i$ 。
- (2) 构造主对角线以上紧靠主对角线的元素  $t_{i, i+1}$ ，其中， $i = 0, 1, 2, \dots, n-1$ 。对于输入句子  $x = w_1 w_2 \dots w_n$ ，从  $w_1$  开始分析。

# CYK算法

如果在文法G的产生式集中有一条规则：

$$A \rightarrow w_1$$

则  $t_{0,1}=A$ 。

依此类推，如果有  $A \rightarrow w_{i+1}$ ，则  $t_{i,i+1}=A$ 。

即，对于主对角线上的每一个终结符  $w_i$ ，所有可能推导出它的非终结符写在它的右边主对角线上方的位置上。

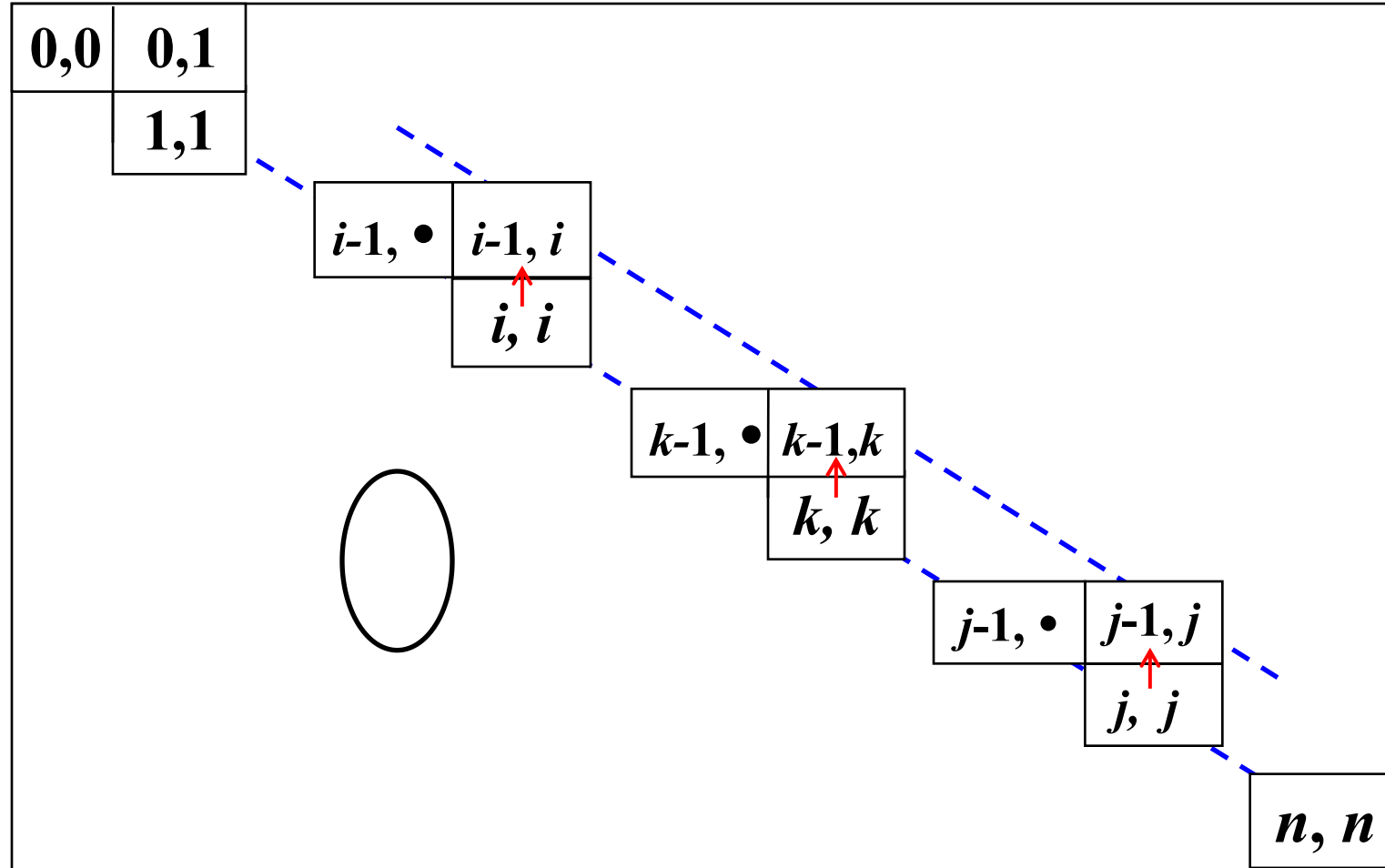


# CYK算法

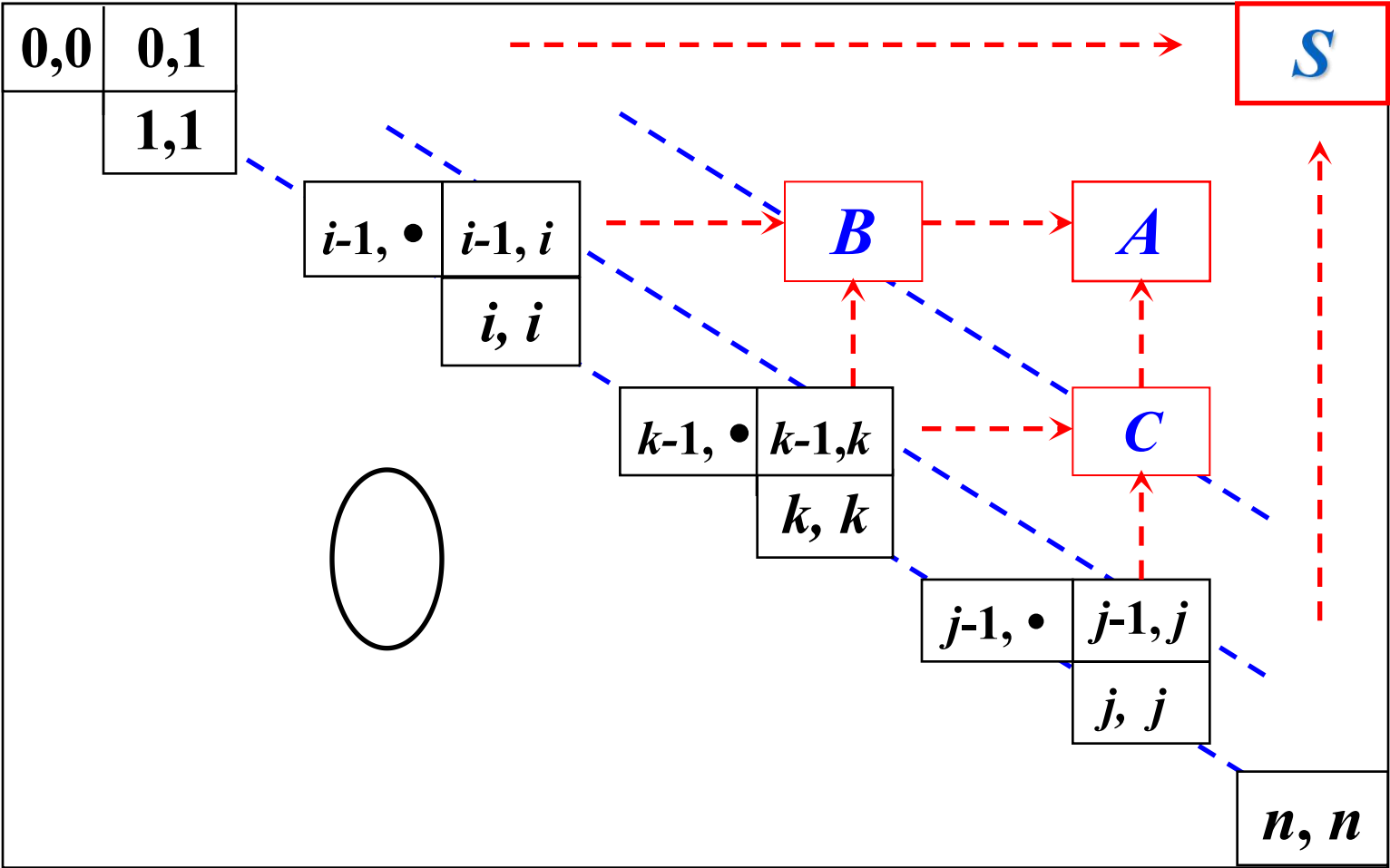
(3) 按平行于主对角线的方向，一层一层地向上填写矩阵的各个元素  $t_{i,j}$ ，其中， $i = 0, 1, \dots, n-d$ ， $j = d+i$ ， $d=2, 3, \dots, n$ 。如果存在一个正整数  $k$ ， $i+1 \leq k \leq j-1$ ，在文法G的规则集中有产生式  $A \rightarrow BC$ ，并且， $B \in t_{i,k}$ ， $C \in t_{k,j}$ ，那么，将A写到矩阵  $t_{i,j}$  位置上。

判断句子  $x$  由文法  $G$  所产生的充要条件是： $t_{0,n}=S$ 。

# CYK算法



# CYK算法



# CYK算法

## ◆ 例子

给定文法  $G(S)$ :

(1)  $S \rightarrow P \ VP$

(2)  $VP \rightarrow V \ V$

(3)  $VP \rightarrow VP \ N$

(4)  $P \rightarrow \text{他}$

(5)  $V \rightarrow \text{喜欢}$

(6)  $V \rightarrow \text{读}$

(7)  $N \rightarrow \text{书}$

请用 CYK 算法分析句子：他喜欢读书

# CYK算法

(1) 汉语分词和词性标注以后:

他/P 喜欢/V 读/V 书/N  $n=4$

(2) 构造识别矩阵:

(3) 执行分析过程。

(1)  $S \rightarrow P \ VP$

(2)  $VP \rightarrow V \ V$

(3)  $VP \rightarrow VP \ N$

	0	1	2	3	4
0	P				
1		他	V	VP	
2			喜欢	V	
3				读	N
4					书

# CYK算法

(1) 汉语分词和词性标注以后:

他/P 喜欢/V 读/V 书/N  $n=4$

(2) 构造识别矩阵:

(3) 执行分析过程。

(1)  $S \rightarrow P VP$

(2)  $VP \rightarrow V V$

(3)  $VP \rightarrow VP N$

	0	1	2	3	4
0	P → P				
1	他	V → VP			
2		喜欢	V	N	
3			读	N	
4					书

# CYK算法

(1) 汉语分词和词性标注以后:

他/P 喜欢/V 读/V 书/N  $n=4$

(2) 构造识别矩阵:

(3) 执行分析过程。

(1)  $S \rightarrow P VP$

(2)  $VP \rightarrow V V$

(3)  $VP \rightarrow VP N$

	0	1	2	3	4
0	0	P	P	S	?
1		他	V	VP	
2			喜欢	V	N
3				读	N
4					书

# CYK算法

(1) 汉语分词和词性标注以后:

他/P 喜欢/V 读/V 书/N  $n=4$

(2) 构造识别矩阵:

(3) 执行分析过程。

(1)  $S \rightarrow P VP$

(2)  $VP \rightarrow V V$

(3)  $VP \rightarrow VP N$

	0	1	2	3	4
0	0	P → P			
1		他	V → VP → VP		
2			喜欢	V → N	
3				读	N
4					书



# CYK算法

(1) 汉语分词和词性标注以后:

他/P 喜欢/V 读/V 书/N  $n=4$

(2) 构造识别矩阵:

(3) 执行分析过程。

(1)  $S \rightarrow P VP$

(2)  $VP \rightarrow V V$

(3)  $VP \rightarrow VP N$

	0	1	2	3	4
0	P →	P →	P		
1		他	V →	VP →	VP
2			喜欢	V	N
3				读	N
4					书

# CYK算法

(1) 汉语分词和词性标注以后:

他/P 喜欢/V 读/V 书/N  $n=4$

(2) 构造识别矩阵:

(3) 执行分析过程。

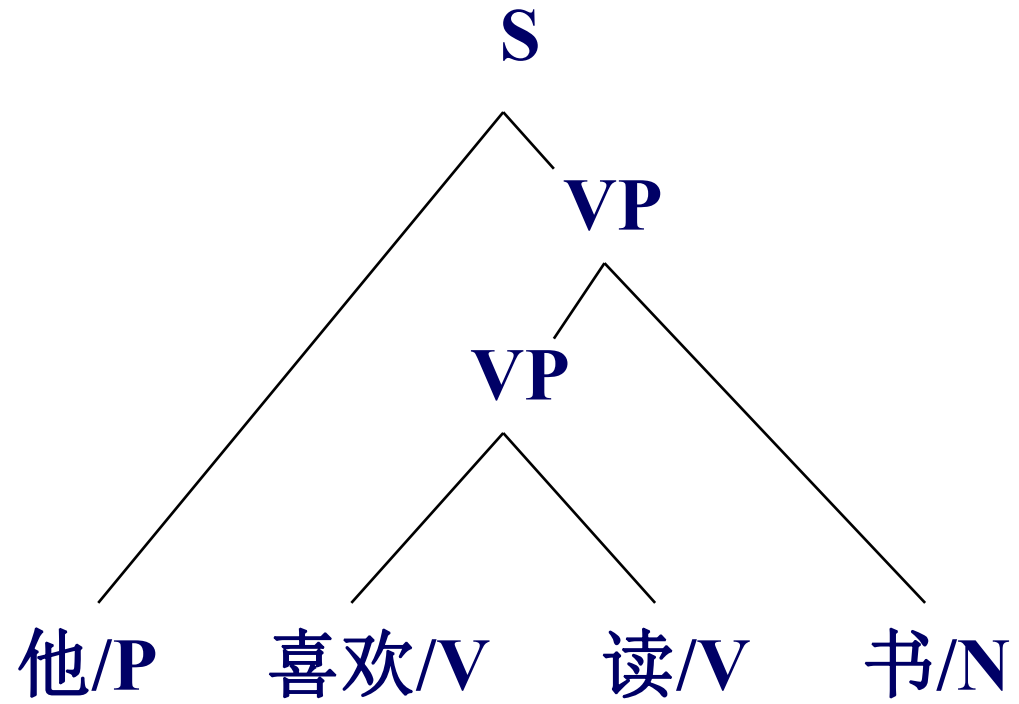
(1)  $S \rightarrow P VP$

(2)  $VP \rightarrow V V$

(3)  $VP \rightarrow VP N$

	0	1	2	3	4
0	0	P → P → P → S			
1		他	V → VP → VP		
2			喜欢	V → N	
3				读	N
4					书

# CYK算法



# CYK算法

## ◆ CYK 算法的评价

### ◆ 优点

- 简单易行，执行效率高

### ◆ 弱点

- 必须对文法进行范式化处理
- 无法区分歧义

# CKY算法

- for all words  $w_i$ : // terminal rules
  - for all rules  $A \rightarrow w_i$ : add new chart entry A at span  $[i, i]$
- for length = 1 to sentence length n // non-terminal rules
  - for start = 1 to  $n - (\text{length} - 1)$   
end = start + length - 1
  - for middle = start to end - 1: // binary rules
    - for all non-terminals X in  $[\text{start}, \text{middle}]$ :
    - for all non-terminals Y in  $[\text{middle} + 1, \text{end}]$ :
    - for all rules  $A \rightarrow X Y$  :
      - add new chart entry A at position  $[\text{start}, \text{end}]$
  - for all non-terminals X in  $[\text{start}, \text{end}]$ : // unary rules
    - for all rules  $A \rightarrow X$ :
    - add new chart entry A at position  $[\text{start}, \text{end}]$

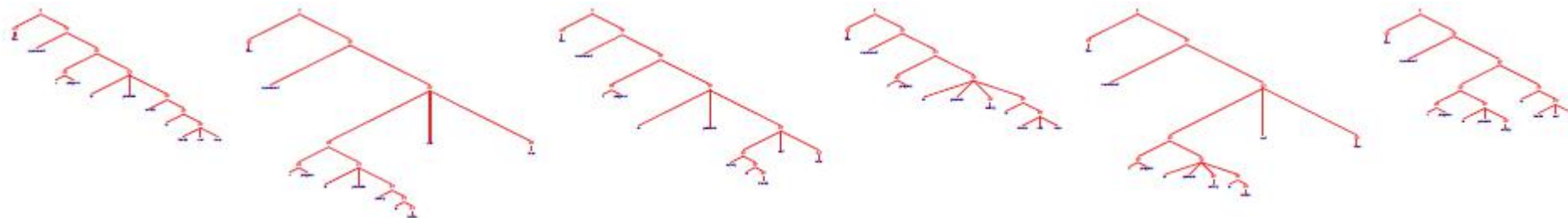
# Why is parsing hard?

- 输入:

She announced a program to promote safety in trucks and vans

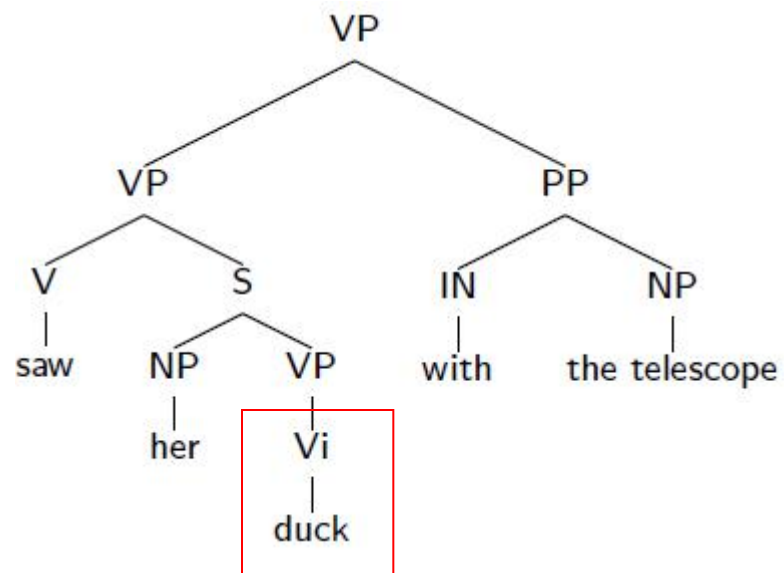
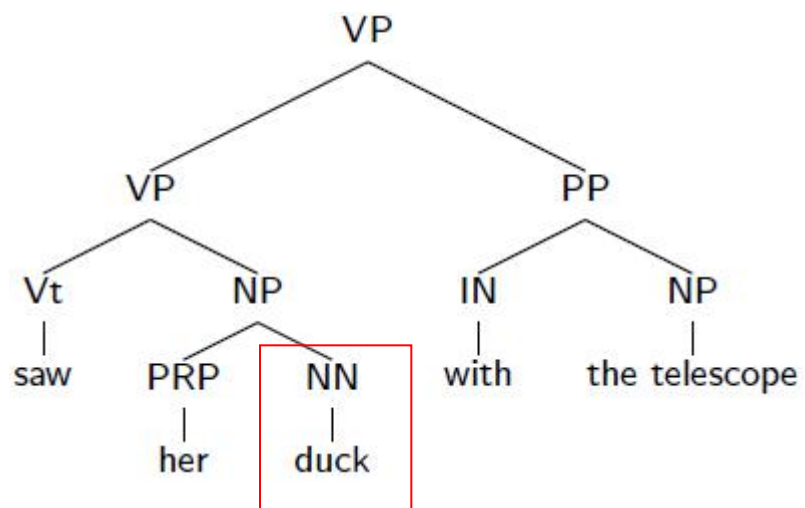
- 可能的输出:

- 还



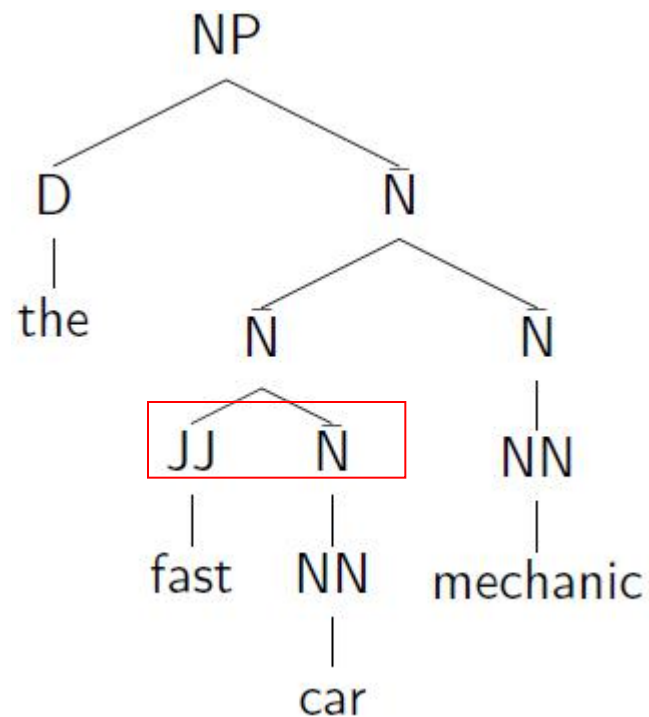
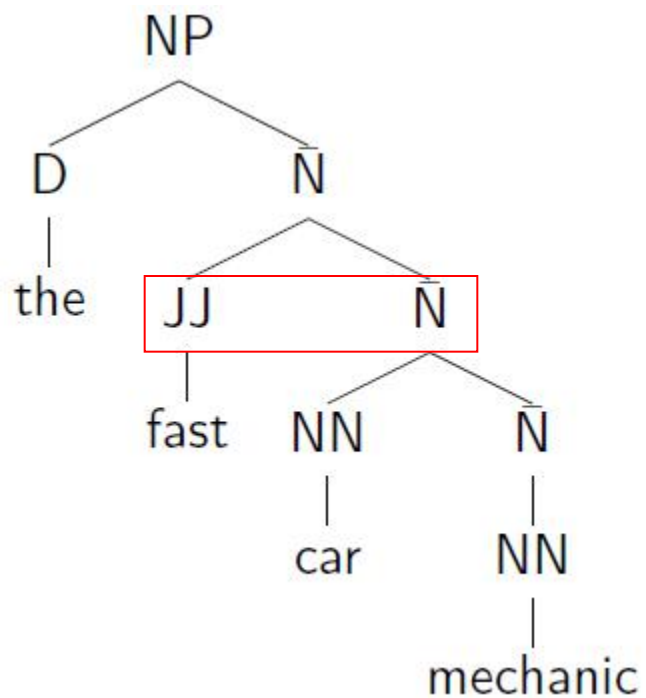
# 几种常见的歧义

- 词性歧义:
  - NN → duck
  - Vi → duck



# 几种常见的歧义

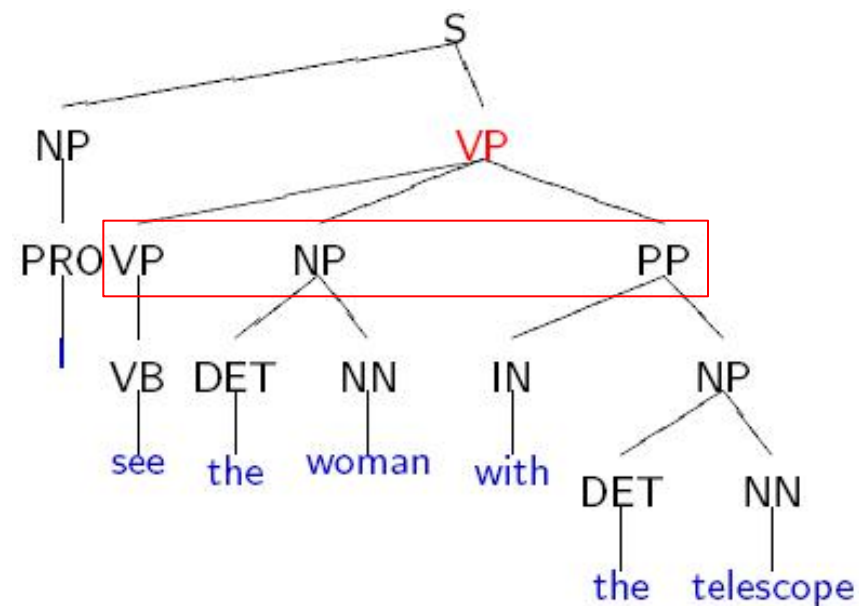
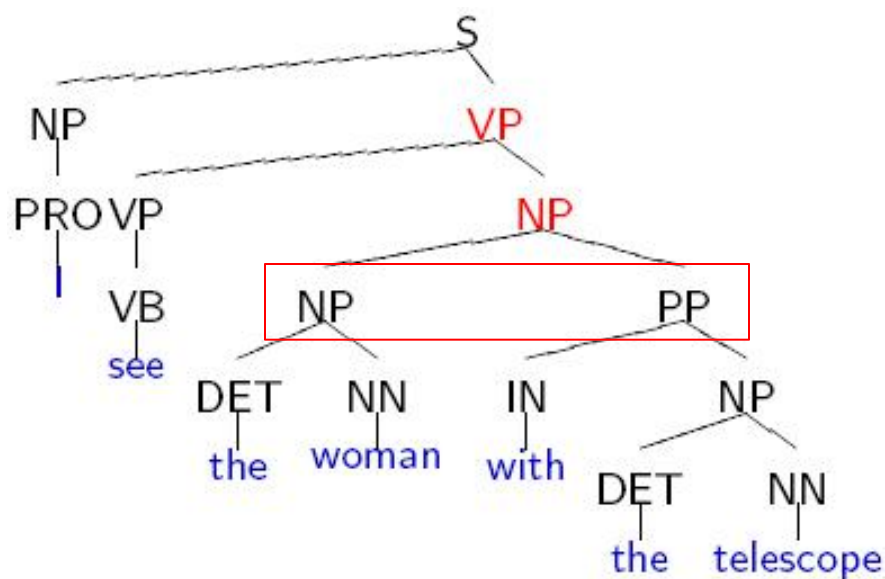
- 名词修饰语歧义：





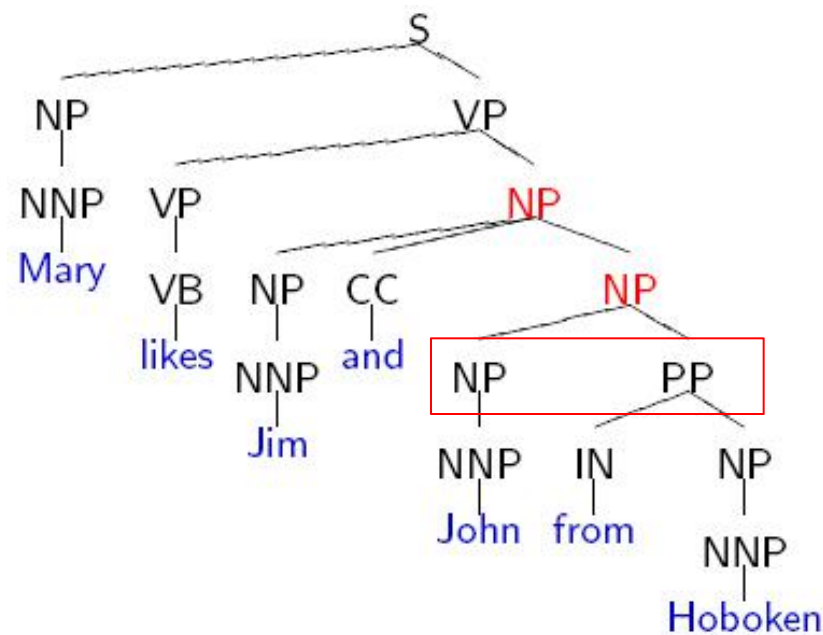
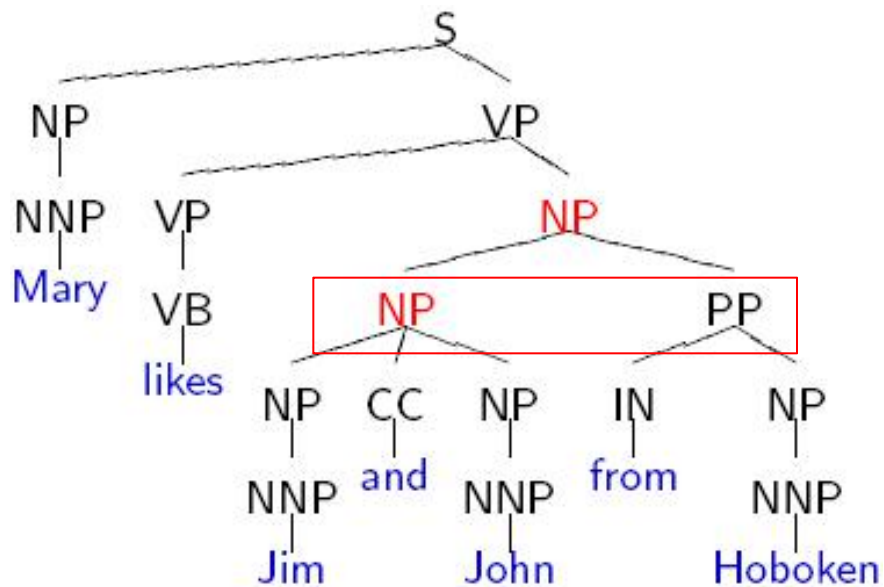
# 几种常见的歧义

- 介词短语修饰语歧义: Who has the telescope?



# 几种常见的歧义

- 边界歧义: Is Jim also from Hoboken?



# 概率上下文无关文法

- Probabilistic context-free grammars (PCFGs) 或 – Stochastic context-free grammars (SCFGs)
- $G = (T, N, S, R, P)$ 
  - T: 终结符 (terminal symbols) 集合
  - N: 非终结符 (nonterminal symbols) 集合
  - S: 开始符号, 表示句子
  - R: 重写规则 (或产生式), 具有形式  $X \rightarrow \gamma$ ,  
 $X \in N$  并且  $\gamma \in (N \cup T)^*$
  - P: 概率函数, 为每个重写规则赋予一个概率值
    - $P: R \rightarrow [0, 1]$

$$\forall X \in N, \sum_{X \rightarrow \gamma \in R} P(X \rightarrow \gamma) = 1$$

$$P(\gamma) = 1$$

# 一个简单的PCFG例子

$S \rightarrow NP VP$  1.0

$VP \rightarrow Vi$  0.4

$VP \rightarrow Vt NP$  0.4

$VP \rightarrow VP PP$  0.2

$NP \rightarrow DT NN$  0.3

$NP \rightarrow NP PP$  0.7

$PP \rightarrow P NP$  1.0

$Vi \rightarrow \text{sleeps}$  1.0

$Vt \rightarrow \text{saw}$  1.0

$NN \rightarrow \text{man}$  0.7

$NN \rightarrow \text{woman}$  0.2

$NN \rightarrow \text{telescope}$  0.1

$DT \rightarrow \text{the}$  1.0

$IN \rightarrow \text{with}$  0.5

$IN \rightarrow \text{in}$  0.5

- 设句法树 $t$ 使用的规则有:  $\alpha_1 \rightarrow \beta_1, \dots, \alpha_n \rightarrow \beta_n$ , 规则 $\alpha_i \rightarrow \beta_i$ 的概率为 $q(\alpha_i \rightarrow \beta_i)$
- 则句法树 $t$ 的概率为:

$$p(t) = \prod_{i=1}^n q(\alpha_i \rightarrow \beta_i)$$

# PCFG的特性

- 为CFG规则下的每一棵句法导出树赋予一个概率
- 对于句子s和其可能的句法导出树集合 $\Gamma(s)$ ，PCFG为 $\Gamma(s)$ 中的每棵树t赋予一个概率  $p(t)$ ，即得到候选树按照概率的排序
- 句子s最可能的句法树为：

$$\arg \max_{t \in \Gamma(s)} p(t)$$

# PCFG的特性

- 为CFG规则下的每一棵句法导出树赋予一个概率

# 两个问题

- 如何得到PCFG?
  - 句法规则学习
- 如何从多个候选树中找出一个概率最大的树?
  - 基于PCFG的句法分析

# 从treebank中学习语法

- 给定句法树样本 (树库, treebank)
- 从训练语料中统计观测到的重写规则, 将其作为CFGs语法
- 并从中估计每个重写规则的概率:

$$\alpha \rightarrow \beta$$

- 假设训练数据由其背后的PCFGs生成, 则如果训练数据规模足够大, 极大似然估计法得到的PCFG应该收敛于真实的PCFG的概率分布
$$q_{ML}(\alpha \rightarrow \beta) = \frac{Count(\alpha \rightarrow \beta)}{Count(\alpha)}$$



# Penn treebank

- Penn treebank: 标注了句法树的英文句子
  - 由the University of Pennsylvania构建
  - 标注了the Wall Street Journal的真实文本
  - 40,000个英文句子, 约100万个词

```
( (S (NP-SBJ The move)
    (VP followed
      (NP (NP a round)
        (PP of
          (NP (NP similar increases)
            (PP by
              (NP other lenders))
            (PP against
              (NP Arizona real estate loans))))))
    ,
    (S-ADV (NP-SBJ *)
      (VP reflecting
        (NP (NP a continuing decline)
          (PP-LOC in
            (NP that market))))))
  .))
```

# Penn treebank

- 包括多种语言：
  - German
  - French
  - Spanish
  - Arabic
  - **Chinese**: Chinese Penn Treebank (CTB)
- 树库提供了非常多有用的信息：
  - 可重用性
    - 可以基于此得到不同的词性标注器、句法分析器等
    - 语言学的重要资源
  - 大量的统计信息：频次、分布等
  - 提供了一种用于系统评价的标准数据集

# Parsing with a PCFG

- 给定PCFG句法及句子  $s$ , 定义 $\Gamma(s)$ 为 $s$ 的候选句法树构成的集合
- 句法分析的目标:

$$\arg \max_{t \in \Gamma(s)} p(t)$$

# PCFGs

- 一个概率上下文无关文法可以表示为一个五元组  $G = (T, N, S, R, P)$ :
  - T: 终结符 (terminal symbols) 集合
  - N: 非终结符 (nonterminal symbols) 集合
  - S: 开始符号, 表示句子
  - R: 重写规则 (或产生式), 具有形式  $X \rightarrow \gamma$ ,  $X \in N$  并且  $\gamma \in (N \cup T)^*$
  - P: 概率函数, 为每个重写规则赋予一个概率值
    - $P: R \rightarrow [0, 1]$

$$\forall X \in N, \sum_{X \rightarrow \gamma \in R} P(X \rightarrow \gamma) = 1$$

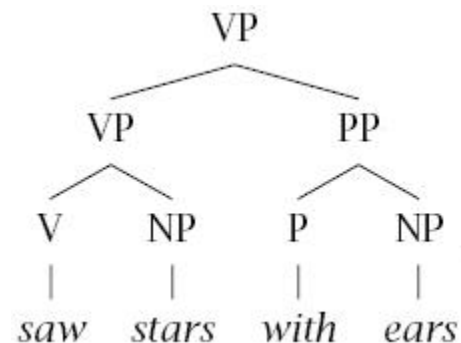
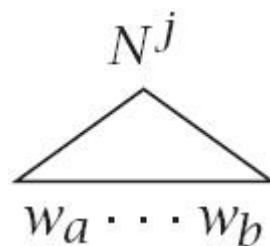
$\gamma) = 1$

# A simple PCFG

- $S \rightarrow NP VP$  1.0
- $PP \rightarrow P NP$  1.0
- $VP \rightarrow V NP$  0.7
- $VP \rightarrow VP PP$  0.3
- $V \rightarrow \text{*saw*}$  1.0
- $P \rightarrow \text{*with*}$  1.0
- $NP \rightarrow NP PP$  0.4
- $NP \rightarrow \text{*astronomers*}$  0.1
- $NP \rightarrow \text{*saw*}$  0.04
- $NP \rightarrow \text{*ears*}$  0.18
- $NP \rightarrow \text{*stars*}$  0.18
- $NP \rightarrow \text{*telescopes*}$  0.1

# PCFG notation

- $G$ : PCFG语法
- $L$ :  $G$ 生成的或 $G$ 能接受的语言
- $t$ : 句法树
- $\{N^1, \dots, N^n\}$ : 非终结符集合 ( $N^1$ 开始符号)
- $\{w^1, \dots, w^V\}$ : 终结符集合
- $\{w_1, \dots, w_m\}$ : 要处理的句子
- $N_{pq}^j$ : 管辖位置 $p$ 到 $q$ 的词串的非终结符 $N^j$
- $\alpha(p, q, N^j)$ : 外向概率
- $\beta(p, q, N^j)$ : 内向概率



# PCFG的假设

- 1. 位置不变性:

$$\forall k, P\left(N_{k(k+c)}^j \rightarrow \zeta\right)$$

- 2. 上下文无关:

$$P\left(N_{kl}^j \rightarrow \zeta \mid \text{words outside } w_k \dots w_l\right) = P\left(N_{kl}^j \rightarrow \zeta\right)$$

- 3. 祖先节点无关:

$$P\left(N_{kl}^j \rightarrow \zeta \mid \text{ancestornodes of } N_{kl}^j\right) = P\left(N_{kl}^j \rightarrow \zeta\right)$$

# PCFG 参数

- CNF PCFG的句法规则：
  - $N^i \rightarrow N^j N^k$
  - $N^i \rightarrow w^j$
- CNF PCFG的参数：
  - $P(N^i \rightarrow N^j N^k)$ : A  $n^3$  matrix of parameters
  - $P(N^i \rightarrow w^j)$ : An  $nV$  matrix of parameters
- 满足:  $j=1, \dots, n,$

$$\sum_{r,s} P(N^j \rightarrow N^r N^s) + \sum_k P(N^j \rightarrow w^k) = 1$$

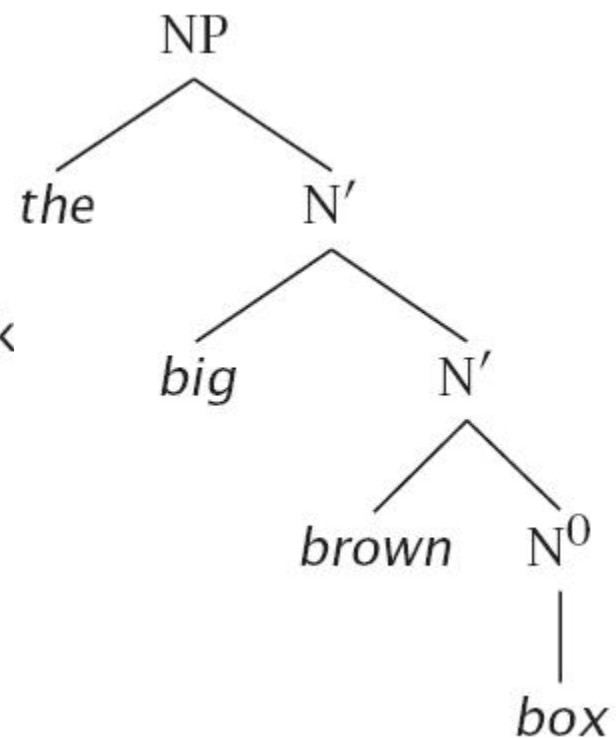


# HMMs与PCFGs的比较

- *HMM*: Probabilistic Regular Grammar

- $N^i \rightarrow_{w^j} N^k$
- $N^i \rightarrow_{w^j}$
- Start state,  $N^1$

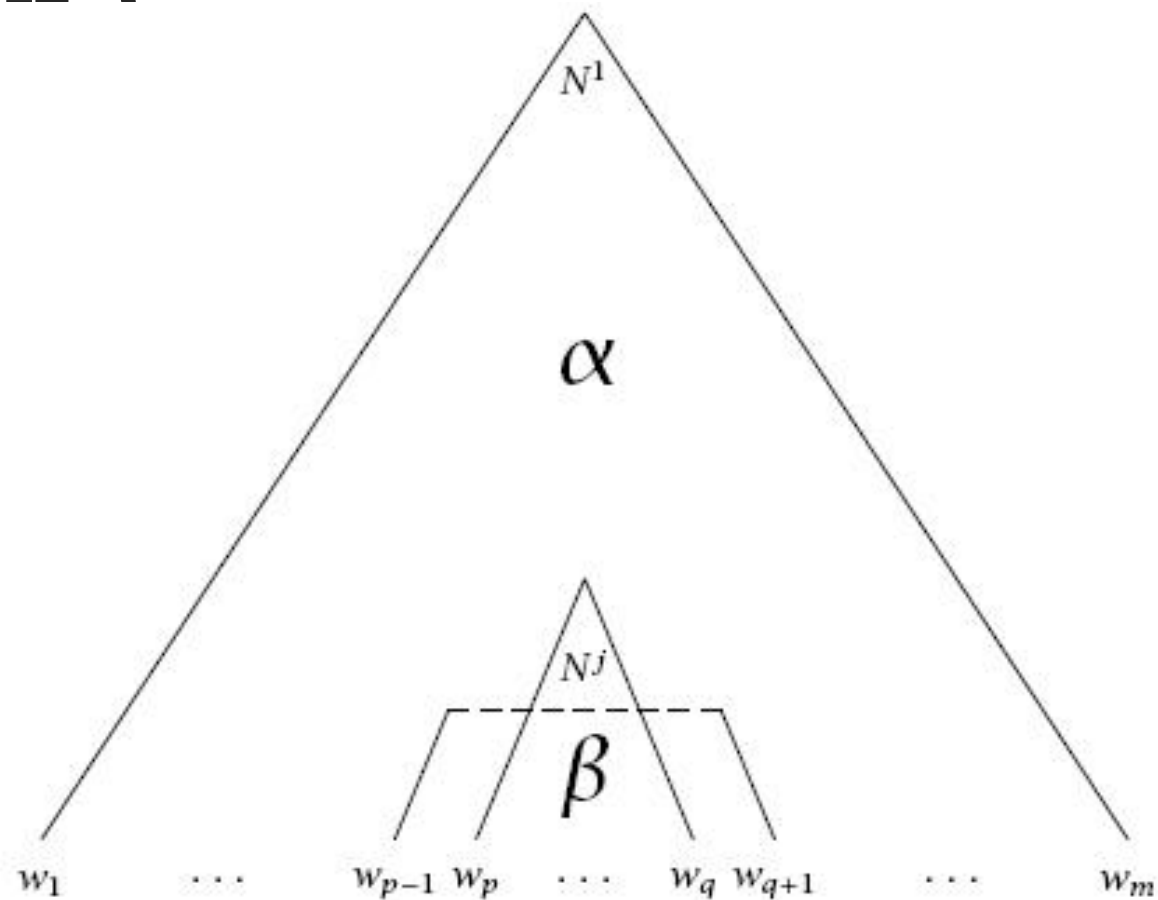
$X$ : NP  $\rightarrow$  N'  $\rightarrow$  N'  $\rightarrow$  N'  $\rightarrow$  sink  
|  
 $O$ : the big brown box



# 向内和向外概率

- HMM中定义了前向、后向概率：
  - Forwards =  $\alpha_i(t) = P(w_{1(t-1)}, X_t = i)$
  - Backwards =  $\beta_i(t) = P(w_{tT} | X_t = i)$
- 同理，定义PCFG中的向外、向内概率：
  - Outside =  $\alpha(p, q, N^j) = P(w_{1(p-1)}, N_{pq}^j, w_{(q+1)m} | G)$
  - Inside =  $\beta(p, q, N^j) = P(w_{pq} | N_{pq}^j, G)$

# 向内和向外



$$\alpha_j(p, q) = P(w_{1(p-1)}, N_{pq}^j, w_{(q+1)m} | G)$$

$$\beta_j(p, q) = P(w_{pq} | N_{pq}^j, G)$$

# PCFGs的三个问题

- 正如HMM的三个问题一样，PCFGs的三个基本问题如下：
  - 计算句子的概率： $P(w_{1m}|G)$
  - 为句子找到最优句法树： $\operatorname{argmax}_t P(t|w_{1m};G)$
  - 参数学习：求解使得 $P(w_{1m}|G)$  最大的句法G

## Problem2: Parsing

- 采用类似于Viterbi算法一样的思路，为句子找到最优句法树
- HMM: 定义变量 $\delta_j(t)$ 记录在t时刻到达状态j的 最优路径对应的概率 (所有可能路径的概率的最大值)
- PCFG: 定义变量 $\pi(i, j, X)$ 记录由非终结符X推导出子串 $w_i, \dots, w_j$ 的最大概率 树 $X_{ij}$ 对应的概率 (所有可能的导出结构的概率的最大值)

## Problem2: Parsing

- 定义动态规划表:

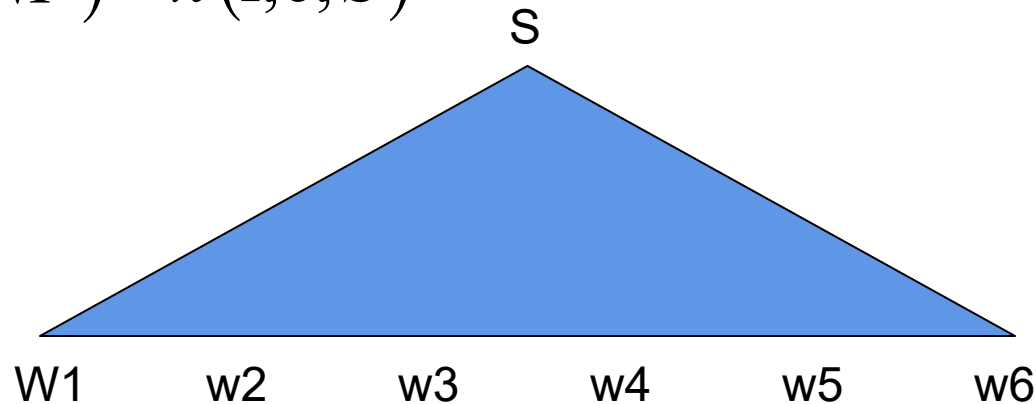
$\pi(i, j, X)$  = 由非终结符 $X$ 推导出子串 $w_i, \dots, w_j$ 的最大概率

= 子树 $X_{pq}$ 最大的向内概率

- 目标是计算:

$$\max_{t \in \Gamma(s)} p(t) = \pi(1, n, S)$$

$$\pi(2, 5, NP) \quad \pi(1, 6, S)$$



# A Dynamic Programming Algorithm

- Base case definition: for all  $i=1, \dots, n$ , for  $X \in N$

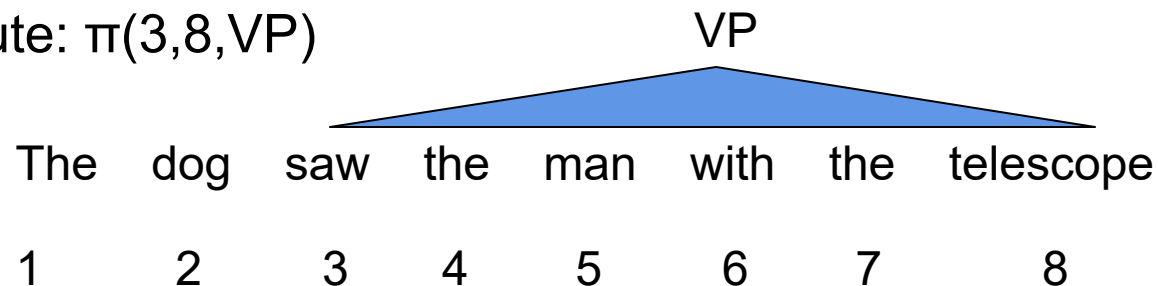
$$\pi(i, i, X) = q(X \rightarrow \omega_i)$$

- Note define  $P(X \rightarrow w_i) = 0$  if  $P(X \rightarrow w_i)$  is not in the grammar
- Recursive definition: for all  $i=1 \dots n-1$ ,  $j=(i+1) \dots n$ ,  
for  $X \in N$   
$$\pi(i, j, X) = \max_{\substack{X \rightarrow YZ \in R, \\ s \in \{i \dots (j-1)\}}} (q(X \rightarrow YZ) \times \pi(i, s, Y) \times \pi(s+1, j, Z))$$

# An Example

$$\pi(i, j, X) = \max_{\substack{X \rightarrow YZ \in R, \\ s \in \{i \dots (j-1)\}}} (q(X \rightarrow YZ) \times \pi(i, s, Y) \times \pi(s+1, j, Z))$$

To compute:  $\pi(3, 8, \text{VP})$



Suppose:  $q(\text{VP} \rightarrow \text{V NP}) = 0.7$ ,  $q(\text{VP} \rightarrow \text{VP PP}) = 0.3$

$q(\text{VP} \rightarrow \text{V NP}) \times \pi(3, 3, \text{V}) \times \pi(4, 8, \text{NP})$   
 $q(\text{VP} \rightarrow \text{V NP}) \times \pi(3, 4, \text{V}) \times \pi(5, 8, \text{NP})$   
 $\dots$   
 $q(\text{VP} \rightarrow \text{V NP}) \times \pi(3, 7, \text{V}) \times \pi(8, 8, \text{NP})$

$q(\text{VP} \rightarrow \text{VP PP}) \times \pi(3, 3, \text{VP}) \times \pi(4, 8, \text{PP})$   
 $\dots$   
 $q(\text{VP} \rightarrow \text{VP PP}) \times \pi(3, 7, \text{VP}) \times \pi(8, 8, \text{PP})$



# Exercise

- Consider the example sentence: the dog saw the man with the telescope
- Assume that we have  $\pi$  values such that
  - $\pi(3,3,V) \times \pi(4,8,NP) = 0.01$ ,
  - $\pi(3,5,VP) \times \pi(6,8,PP) = 0.1$ ,
  - $\pi(3,6,VP) \times \pi(7,8,NP) = 0.1$ ,
  - $\pi(3,7,VP) \times \pi(8,8,N) = 0.01$
- For all other values of  $s \in \{3 \dots 7\}$  and  $X \in N, Y \in N$ , assume that  $\pi(3,s,Y) \times \pi(s+1,8,X) = 0$
- Also assume that the PCFG has the following parameters
  - $q(VP \rightarrow V \ NP) = 0.2$
  - $q(VP \rightarrow VP \ PP) = 0.5$
  - $q(VP \rightarrow VP \ NP) = 0.2$
  - $q(VP \rightarrow VP \ N) = 0.1$
- What is the value for  $\pi(3,8,VP)$ ?

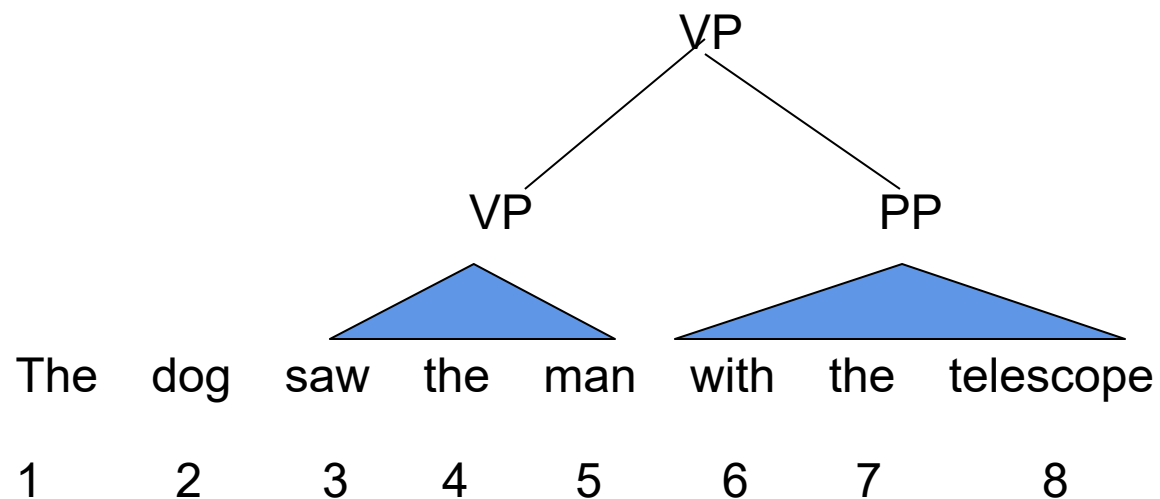
# Exercise

- $\pi(3,8,VP) = 0.05$

$$= q(VP \rightarrow VP \ PP)$$

$$\times \pi(3,5,VP)$$

$$\times \pi(6,8,PP)$$



# The Full Dynamic Programming Algorithm

- Input: a sentence  $s=x_1....x_n$ , a PCFG  $G=(N, \Sigma, S, R, q)$
- Initialization

$$\pi(i, i, X) = \begin{cases} q(X \rightarrow x_i) & \text{if } X \rightarrow x_i \in R \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

- Algorithm:

- ▶ For  $l = 1 \dots (n - 1)$

- ▶ For  $i = 1 \dots (n - l)$

- ▶ Set  $j = i + l$

- ▶ For all  $X \in N$ , calculate

$$\pi(i, j, X) = \max_{\substack{X \rightarrow YZ \in R, \\ s \in \{i \dots (j-1)\}}} (q(X \rightarrow YZ) \times \pi(i, s, Y) \times \pi(s + 1, j, Z))$$

and

$$bp(i, j, X) = \arg \max_{\substack{X \rightarrow YZ \in R, \\ s \in \{i \dots (j-1)\}}} (q(X \rightarrow YZ) \times \pi(i, s, Y) \times \pi(s + 1, j, Z))$$

# Problems with the Inside-Outside algorithm

- Slow

- Each iteration is  $O(m^3n^3)$ , where  $m = \sum_{i=1}^w w_i$ , and  $n$  is the number of nonterminals in the grammar.

- Local maxima are much more of a problem

- Charniak reports that on each trial a different local maximum was found

# Weakness of PCFG

- *Independence assumption* too strong
- Non-terminal rule applications do not use *lexical information*
- Not sufficiently sensitive to *structural differences* beyond parent/child node relationships

# Some features of PCFGs

- Reasons to use a PCFG, and some idea of their limitations:
  - Partial solution for grammar ambiguity: a PCFG gives some idea of the plausibility of a sentence
  - But not a very good idea, as not lexicalized
  - Better for grammar induction (Gold 1967)
  - Robustness (Admit everything with low probability)

# Some features of PCFGs

- Gives a probabilistic language model for English.
- In practice, a PCFG is a worse language model for English than a trigram model.
- Can hope to combine the strengths of a PCFG and a trigram model.
- PCFG encodes certain biases, e.g., that smaller trees are normally more probable.

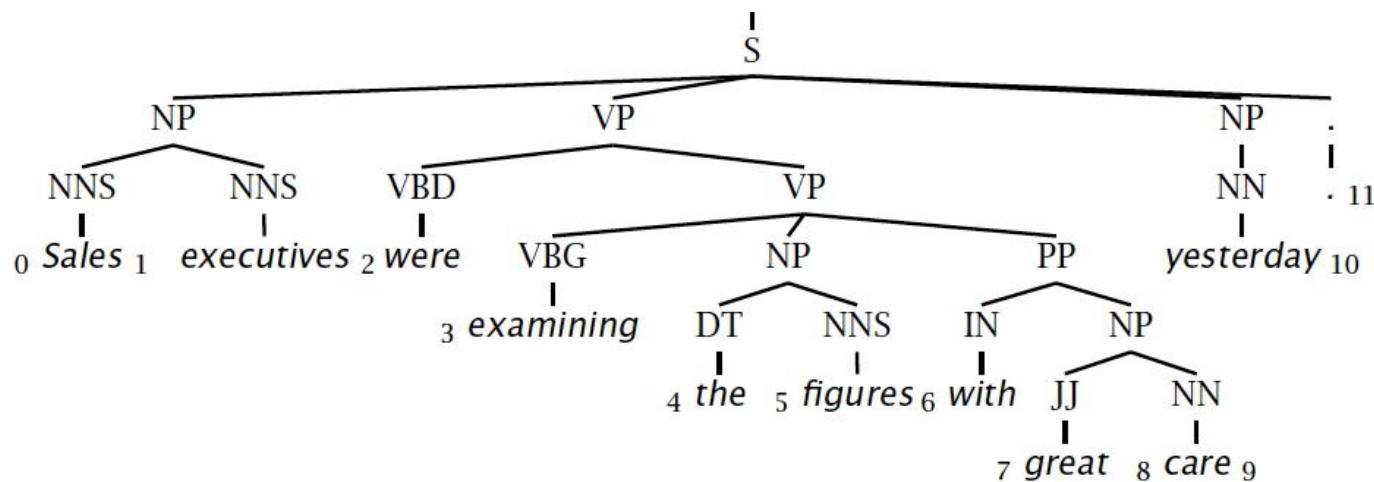
# Summary

- PCFGs augments CFGs by including a probability for each rule in the grammar
- The probability for a parse tree is the product of probabilities for the rules in the tree
- To build a PCFG-parsed parser:
  - 1. Learn a PCFG from a treebank
  - 2. Given a test data sentence, use the CKY algorithm to compute the highest probability tree for the sentence under the PCFG

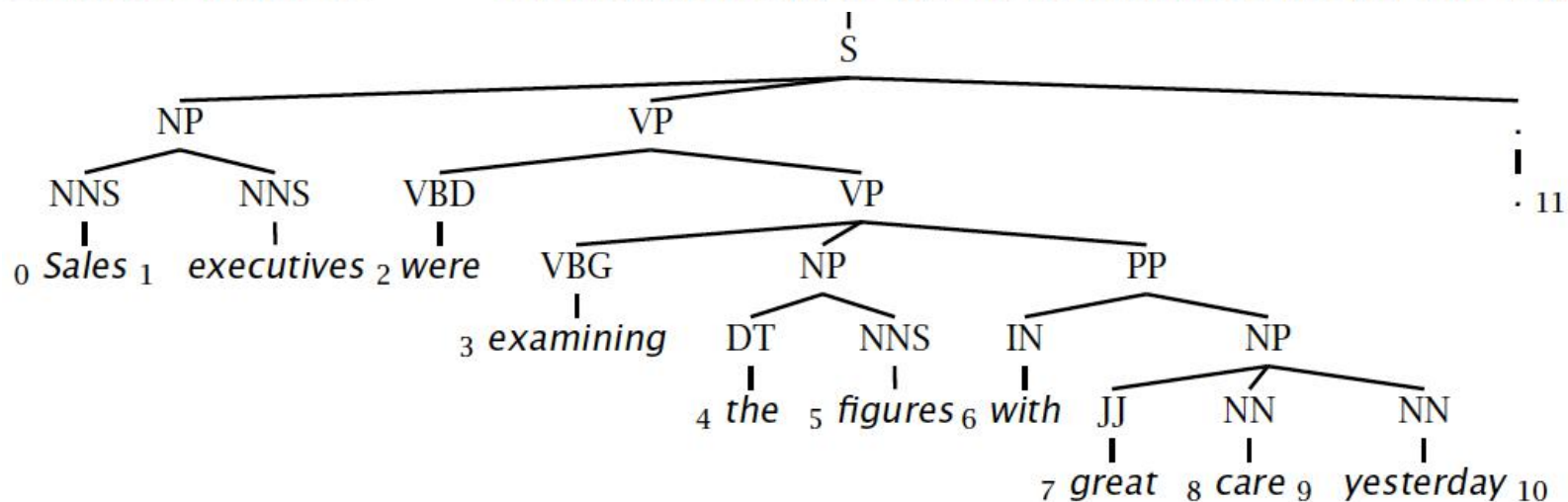


# 句法分析的实现

Gold standard brackets: S-(0:11), NP-(0:2), VP-(2:9), VP-(3:9), NP-(4:6), PP-(6:9), NP-(7,9), NP-(9:10)



Candidate brackets: S-(0:11), NP-(0:2), VP-(2:10), VP-(3:10), NP-(4:6), PP-(6:10), NP-(7,10)



# 句法分析的评价

标准结果：

**S-(0:11)**, **NP-(0:2)**, VP-(2:9), VP-(3:9), **NP-(4:6)**, PP-(6-9), NP-(7,9), NP-(9:10)

系统输出结果：

**S-(0:11)**, **NP-(0:2)**, VP-(2:10), VP-(3:10), **NP-(4:6)**, PP-(6-10), NP-(7,10)

Labeled Precision       $3/7 = 42.9\%$

Labeled Recall         $3/8 = 37.5\%$

F1                      40.0%

Tagging Accuracy         $11/11 = 100.0\%$

# More Topics for Parser

- PCFG vs language model: lexicalized PCFG, head-driven PCFG
- Agenda-based/history-based PCFG
- Dependency parser
- Unified approach for POS tagging and parsing