

1. 下列集合是否为正则集,若是正则集写出其正则式:

- (1) 含有奇数个 0 和偶数个 1 的 $\{0,1\}^*$ 上的字符串集合;
- (2) 含有 a 的个数是 b 的个数的 2 倍的 a 和 b 的字符串集合;
- (3) 不含连续的 0,也没有连续的 1 的 $\{0,1\}^*$ 上的字符串集合。

4. 对下列文法的生成式,找出其正则式:

(1) $G_1 = (\{S, A, B, C\}, \{a, b, c, d\}, P, S)$, 其中生成式如下:

$S \rightarrow baA$	$S \rightarrow B$
$A \rightarrow aS$	$A \rightarrow bB$
$B \rightarrow b$	$B \rightarrow bC$
$C \rightarrow cB$	
$C \rightarrow d$	

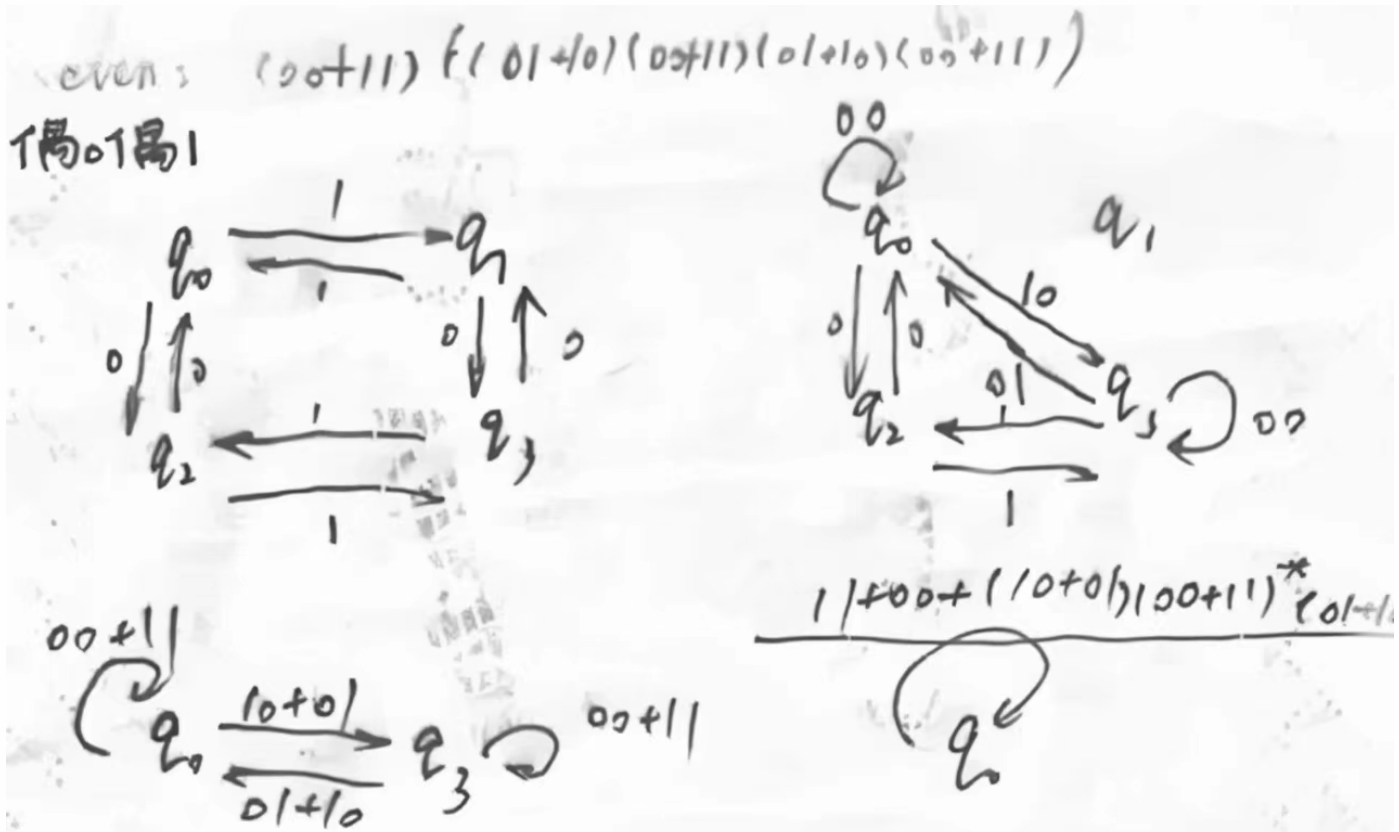
(2) $G_2 = (\{S, A, B, C, D\}, \{a, b, c, d\}, P, S)$, 其中生成式 P 如下:

$S \rightarrow aA$	$S \rightarrow B$
$A \rightarrow cC$	$A \rightarrow bB$
$B \rightarrow bB$	$B \rightarrow a$
$C \rightarrow D$	$C \rightarrow abB$
$D \rightarrow d$	

5. 为下列正则集构造右线性文法:

- (1) $\{a, b\}^*$;
- (2) 以 abb 结尾的由 a 和 b 组成的所有字符串的集合;
- (3) 以 b 为首后跟若干个 a 的字符串集合;
- (4) 含有两个相继 a 或两个相继 b 的由 a 和 b 组成的所有字符串集合。

(1)



奇0偶1: 在偶0偶1的基础上表示:

如果奇0偶1 的字符串:

{ 以 0 开头, 后续一定为偶0偶1
 { 以 1 开头, 经过若干 00 和 11, 一定会出现
 一个 01 或是 10

设偶0偶1 的字符串为 $S_1 = ((00+11) + (01+10)(00+11)^*(01+10))^*$

$S = 0S_1 + 1(00+11)^*(01+10)S_1$

(2) 不是正则集

(3) $(01)^* (0 + \epsilon) + (10)^* (1 + \epsilon)$

4.

$$\begin{cases} S = baA + B & ① \\ A = aS + bB & ② \\ B = b + bC & ③ \\ C = cB + d & ④ \end{cases}$$

$$④ \text{ 代入 } ③ \quad B = bcB + b + d$$

$$\text{根据规则 R} \quad B = (bc)^*(b + d) \quad ⑤$$

$$⑤ \text{ 代入 } ② \quad A = aS + bB \quad \text{代入 } ①$$

$$S = baaS + babB + B$$

$$\text{根据规则 R} \quad S = (baa)^*(bab + \epsilon)(bc)^*(b + d)$$

$$\begin{cases} S = aA + B & ① \\ A = cC + bB & ② \\ B = bB + a & ③ \\ C = D + abB & ④ \\ D = d & ⑤ \end{cases}$$

$$⑤ \text{ 代入 } ④ \quad C = d + abB \quad ⑥$$

$$\text{对 } ③ \text{ 用 R 规则} \quad B = b^*a \quad ⑦$$

$$\text{改写 } ⑥ \text{ 为 } C = d + abb^*a$$

$$⑥ \text{ 代入 } ② \quad A = cd + cabb^*a + bb^*a \quad ⑧$$

$$⑧ \text{ 代入 } ① \quad S = acd + acabb^*a + abb^*a + b^*a$$

$$S = (acab^*ab + \epsilon)b^*a + acd$$

5.

(1) $G = \{\{S\}, \{a, b\}, P, \emptyset\}$
其中 $P: S \rightarrow aS \mid bS$

(2) $G = \{\{S\}, \{a, b\}, P, S\}$
其中 $P: S \rightarrow aS \mid bS \mid abb$

(3) $G = \{\{S, A\}, \{a, b\}, P, S\}$
其中 $P: S \rightarrow bA$
 $A \rightarrow aA$

(4) $G = \{\{S, A, B\}, \{a, b\}, P, S\}$
其中 $P: S \rightarrow ABA$
 $A \rightarrow aA \mid bA$
 $B \rightarrow aa \mid bb$