用遗传算法解决背包问题

2021.03.13

519021910418

王山木

一、问题描述:

有 16 件物品,各有不同的体积、重量和价值,具体如图 1 所示。要求选择其中若干件放入一个背包, 使放入的物品总价值尽量高。该背包容量不超过 95 (体积单位),可承受重量不超过 86 (重量单位)。

物品	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
体积	7	4	8	11	20	5	3	9	16	7	8	5	4	4	3	12
重量	11	7	9	6	7	8	5	6	18	2	3	6	2	9	5	4
价值	9	8	7	8	18	7	3	10	19	4	4	11	3	5	4	6

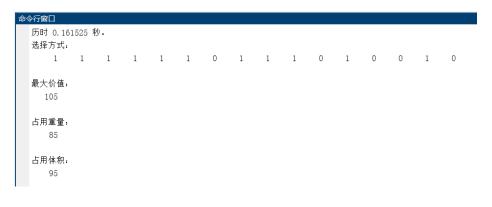
图 1

二、求解结果:

根据 Matlab 仿真, 选取第 1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10, 12, 15 件物品放入背包时可使放入的物品总价值最高,为 105; 此时对应的体积为 95, 重量为 85。

三、Matlab 原始结果:

Matlab 原始运行结果如图 2, 其中 1 表示选取对应位置的物品, 0 表示不选取。图 3 为优化过程中总价值变化曲线。



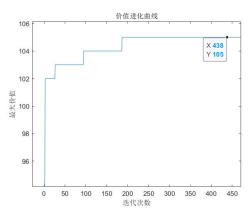


图 2

图 3

四、Matlab 原始代码:

```
%%代码功能:运用遗传算法(GA)解决背包问题
%%学号: 519021910418
%%姓名: 王山木
clear;
clc;
             %种群规模
NP = 100;
p1 = 0.8;
               %交叉概率(查阅资料: 取 0.25~1 为宜)
p2 = 0.05;
              %变异概率(查阅资料: 取 0.001~0.1 为宜)
               %最大迭代次数
N = 500;
max size = 95; %背包最大承受体积
max weight = 86; %背包最大承受重量
weight = [11 7 9 6 7 8 5 6 18 2 3 6 2 9 5 4]; %重量 (要求取得小干 86)
size = [7 4 8 11 20 5 3 9 16 7 8 5 4 4 3 12];
                                           %体积(要求取得小于 95)
value = [9 8 7 8 18 7 3 10 19 4 4 11 3 5 4 6]; %价值(要求最大化)
L = length (weight); %表明要选取的总物品的个数,用1代表选取之,0代表不选取
f = randi([0,1], NP, L);
                      %随机获得 NP 个初始种群
                      %randi 函数: 生成 NP*L 矩阵, 元素为 0, 1 中随机一个
%将初始种群中不符合要求的个体去掉
for i = 1:NP
  while ((f(i,:) * weight' > max weight) | | (f(i,:) * size' > max size))
     f(i,:) = randi([0,1],1,L);
  end
end
tic
%%遗传算法的 N 轮循环
for k = 1:N
  %计算每一个个体的适应度,函数为 suitability
  for i = 1:NP
     fit(i) = suitability(f(i,:), size, weight, value, max size, max weight);
  end
```

```
%获得最大适应度
maxfit = max(fit);
                            %获得最小适应度
minfit = min(fit);
location = find(fit == maxfit);
                             %最优个体的位置
fbest = f(location(1,1),:);
                             %历代最优个体
%%轮盘赌决定去留
sum fit = sum(fit);
fitvalue = fit./sum fit;
fitvalue = cumsum(fitvalue); %这里面的第 n 个元素是初始 fitvalue 中
                           %前 n 个元素的累加
change_p = sort(rand(NP,1)); %生成 NP*1 的矩阵,
                           %数值为 0~1 随机并从小到大排好序,用作概率
fiti = 1;
newi = 1;
while newi <= NP
   if (change_p(newi) < fitvalue(fiti)) %说明落在该区域, 留下 fiti 对应的个体
     new f(newi,:) = f(fiti,:);
     newi = newi + 1; %newi + 1,直至筛选出 NP 个新的个体
         %概率不在 fiti 指示的个体内,该个体被筛掉
     fiti = fiti + 1;
   end
end
%%基因交叉操作
for i = 1:2:NP
                         %隔一个是保证有一条基因能与之交叉
  p = rand;
  if p < p1
                         %说明满足了交叉的概率
     q = randi([0,1],1,L); %随机生成哪一个基因要被换
     for j = 1:L
        if q(j) == 1
                     %为 1 则交换该位置 i 和 i+1 对应的基因
           temp = new f(i+1,j);
           new f(i+1,j) = new f(i,j);
           new f(i,j) = temp;
        end
     end
  end
end
```

```
%%基因变异操作
  for m = 1:NP
     for n = 1:L
        r = rand;
        if r < p2
                                   %说明满足变异概率
           new_f(m,n) = \sim new_f(m,n); %直接取反,设为变异
     end
  end
  f = new f;
  f(1,:) = fbest; %人为保留上一轮最佳个体, 防止因意外导致该个体被淘汰/往差的方向变异
  maxvalue(k) = maxfit;
end
toc
disp('选择方式: ')
disp(fbest)
disp('最大价值: ')
disp(fbest*value')
disp('占用重量: ')
disp(fbest*weight')
disp('占用体积: ')
disp(fbest*size')
figure
plot(maxvalue)
xlabel('迭代次数')
ylabel('最大价值')
title('价值进化曲线')
%%计算适应度的函数代码:
function result = suitability(f, size, weight, value, max size, max weight)
%该函数用于计算某一个个体的适应度,输入参数依次为
%f:个体的基因(即选择方式)
%size:每件物品对应的体积 weight:每件物品对应的重量 value:每件物品对应的价值
%max size:背包最大承载体积 max weight:背包最大承受重量
%返回一个结果,结果代表着当前个体对应的适应度(即装入物品总 value 值)
fit = sum(f.*value);
totalsize = sum(f.*size);
totalweight = f * weight';
```

```
if ((totalweight <= max_weight)&&(totalsize <= max_size))
%如果满足容量条件,则适应度就是总价值
    fit = fit;
else
    if (totalsize > max_size)
    %如果不满足体积条件,则令其适应度变小,方式为减去超出体积部分的 20 倍
%操作的目的是使得超出体积限度的个体的适应度大大减小,从而能被更好的筛掉
%因此此处系数 20 应根据实际数据进行调整,实测过低时,无法体现出超过容量限制对其的影响之大
        fit = fit - 20 * (totalsize - max_size);
    else %同理
        fit = fit - 20 * (totalweight - max_weight);
    end
end
```