指派问题

★ 问题描述

指派问题,是一个经典的优化问题。问题的求解目标是将 n 项工作任务分配给 n 个人来完成。由于任务的性质和完成者的技能各不相同,每个人完成不同任务的效率或费用也不同。在标准的指派问题中,每个人只能完成一个任务,每个任务也只能由一个人完成。因此需要将任务合理地安排给不同的人去完成,找到一个完成所有任务的总费用最小的分配方案。

此问题通常可以用一个 $n \times n$ 费用矩阵表示如下:

$$C = \left[egin{array}{cccc} c_{11} & c_{12} & \dots & c_{1n} \ c_{21} & c_{22} & \dots & c_{2n} \ \dots & \dots & \dots & \dots \ c_{n1} & c_{n2} & \dots & c_{nn} \end{array}
ight]$$

矩阵中的元素 c_{ij} 表示第 i 个人完成第 j 项任务所需要的费用。如果第 i 个人无法完成第 j 项任务,则记所需要的费用为无穷大,即 $c_{ij}=\infty$ 。 指派问题就是在已知费用矩阵 C 的前提下,求完成所有任务的最小总费用。

★ 算法设计

给定编号为 $1, \dots, n$ 的 n 项工作,和编号为 $1, \dots, n$ 的 n 个人,以及每个人完成不同任务的所需的费用,计算完成所有任务的最小总费用。

★ 数据输入

输入文件名为assi.in。

每个文件有多组测试数据。每组测试数据的第一行有2个正整数 n, m,表示

有 n 项工作,和 n 个人,以及 m 个指派关系 (i,j,c_{ij}) ,表示将第 j 项任务分匹给第 i 个人需要的费用为 c_{ij} 。

其中数据满足: $1 \le n \le 202$, $1 \le m \le 40005$ 。

★ 结果输出

输出文件名为assi.out。

依次输出每组数据完成所有任务的最小总费用。如果不存在所要求的分匹方案则输出-1。

输入示例

```
5 10
1 2 2
1 4 2
2 1 1
2 4 2
2 5 2
3 2 1
3 3 1
4 2 1
4 3 1
5 5 2
5 10
1 2 2
1 3 2
2 1 1
2 4 2
2 5 2
3 2 1
3 3 1
4 2 1
4 3 1
5 5 2
```

输出示例

```
7
-1
```