# 混合车队编队一致性验证实验

### 一、实验目的

验证满足条件的混合车队可以实现编队一致性。

## 二、实验原理

#### 1. 混合车队中车辆的分类

混合车队中的车辆按照位置进行分类,包括两类车辆:领导车辆(leader)和跟随车辆(follower),参考车辆的位置和速度一直是理想的位置和速度(即目标位置和目标速度),而跟随车辆的位置和速度起初是随机的。

混合车队中的车辆按照是否受控和网联进行分类,包括三类车辆:网联受控车辆、网联不受控车辆和不网联不受控车辆,网联车辆是指可以收到其他网联车辆的信息(包括速度、位置等信息)并且可以将自己的信息传递给其他车辆的车辆;受控车辆是指收到指令并及进行执行的车辆;由此可以组合出三类车辆。

表 1 将 reference 和 follower 两大类车辆的图示进行了说明,以便于后文的区分。

领导车辆(leader)			
跟随 车辆 (follower)	网联受控 (CAV)		
	网联不受控 (HDV)		
	不网联不受控 (HDVW)		

表 1 车辆图示说明

### 2. 车队描述

本实验中的混合车队一共有四辆车,其中第一辆车是 leader,其他三辆车的位置不确定,具体来说可以将该车队分成四种情况讨论。车队的排列和说明如表 2 所示,在车队的排列图中,蓝色线代表雷达跟踪,黑色虚线代表无线传递信息。

编号	车队排列	数学模型	参数需满足的条件 1	参数需满足的条 件 2	参数需满足的条 件 3
1	HDVW CAV HDV follower 1 follower 2 follower 3	$\ddot{\tilde{p}}_{2} = a_{2} = k_{p2} \left( e_{CAV-P} \tilde{p}_{1} - 3 \tilde{p}_{2} + \tilde{p}_{3} \right) + k_{v2} \left( e_{CAV-V} \dot{\tilde{p}}_{1} - 3 \dot{\tilde{p}}_{2} + \dot{\tilde{p}}_{3} \right)$ $\ddot{\tilde{p}}_{3} = a_{3} = k_{p3} \left( \tilde{p}_{2} - 2 \tilde{p}_{3} \right) + k_{v3} \left( \dot{\tilde{p}}_{2} - 2 \dot{\tilde{p}}_{3} \right)$	$w_{11}^{3}k_{v2}^{2} + \left(k_{p2}^{2} - 6k_{v2}^{2}k_{p2}\right)w_{11}^{2} - \left(12k_{p2}^{2}k_{v2}^{2} + 6k_{p2}^{3}\right)w_{11} > 0$ $w_{11} = \sqrt{\frac{6k_{p2}^{3}k_{v2}^{2} + k_{p2}^{4}}{k_{v2}^{4}}} - \frac{k_{p2}^{2}}{k_{v2}^{2}}$ $w_{12}^{3}k_{v3}^{2} + \left(k_{p3}^{2} + 3k_{v3}^{4} - 4k_{v3}^{2}k_{p3}\right)w_{12}^{2} + \left(6k_{p3}^{2}k_{v3}^{2} - 4k_{p3}^{3}\right)w_{12} + 3k_{p3}^{4} > 0$ $w_{12} = \sqrt{\frac{4k_{p3}^{3}k_{v3}^{2} + k_{p3}^{4}}{k_{v3}^{4}}} - \frac{k_{p3}^{2}}{k_{v3}^{2}}$	$k_{p2} > k_{p3} > 0$ $k_{v2} > k_{v3} > 0$	
2	leader CAV HDVW HDV follower 1 follower 2 follower 3	$\ddot{\tilde{p}}_{1} = a_{1} = k_{p1} \left( -2\tilde{p}_{1} + \tilde{p}_{3} \right) + k_{v1} \left( -2\dot{\tilde{p}}_{1} + \dot{\tilde{p}}_{3} \right)$ $\ddot{\tilde{p}}_{3} = a_{3} = k_{p3} \left( \tilde{p}_{1} + e_{HDV-P} \tilde{p}_{2} - 3\tilde{p}_{3} \right) + k_{v3} \left( \dot{\tilde{p}}_{1} + e_{HDV-V} \dot{\tilde{p}}_{2} - 3\dot{\tilde{p}}_{3} \right)$	$w_{21}^{3}k_{v1}^{2} + \left(k_{p1}^{2} - 4k_{v1}^{2}k_{p1}\right)w_{21}^{2} - 4k_{p1}^{3}w_{21} > 0$ $w_{21} = \sqrt{\frac{4k_{p1}^{3}k_{v1}^{2} + k_{p1}^{4}}{k_{v1}^{4}} - \frac{k_{p1}^{2}}{k_{v1}^{2}}}$ $w_{22}^{3}k_{v3}^{2} + \left(k_{p3}^{2} - 4k_{v3}^{2}k_{p3}\right)w_{22}^{2} - 4k_{p3}^{3}w_{22} > 0$ $w_{22} = \sqrt{\frac{4k_{p3}^{3}k_{v3}^{2} + q^{4}}{k_{v3}^{4}} - \frac{k_{p3}^{2}}{k_{v3}^{2}}}$	$k_{p1} > k_{p3} > 0$ $k_{v1} > k_{v3} > 0$	$0 < e_{HDV-P} < 1.5$ $0 < e_{HDV-V} < 1.5$ $0 < e_{CAV-P} < 1.5$
3	HDVW HDV CAV follower 1 follower 2 follower 3	$\ddot{\tilde{p}}_{2} = a_{2} = k_{p2} (e_{HDV-P} \tilde{p}_{1} - 3\tilde{p}_{2} + \tilde{p}_{3}) + k_{v1} (e_{HDV-V} \dot{\tilde{p}}_{1} - 3\tilde{p}_{2} + \dot{\tilde{p}}_{3})$ $\ddot{\tilde{p}}_{3} = a_{3} = k_{p3} (\tilde{p}_{2} - 2\tilde{p}_{3}) + k_{v3} (\dot{\tilde{p}}_{2} - 2\dot{\tilde{p}}_{3})$	$w_{31}^{3}k_{v2}^{2} + \left(k_{p2}^{2} - 6k_{v2}^{2}k_{p2}\right)w_{31}^{2} - \left(12k_{p2}^{2}k_{v2}^{2} + 6k_{p2}^{3}\right)w_{31} > 0$ $w_{31} = \sqrt{\frac{6k_{p2}^{3}k_{v2}^{2} + k_{p2}^{4}}{k_{v2}^{4}}} - \frac{k_{p2}^{2}}{k_{v2}^{2}}$ $w_{32}^{3}k_{v3}^{2} + \left(k_{p3}^{2} + 3k_{v3}^{4} - 4k_{v3}^{2}k_{p3}\right)w_{32}^{2} + \left(6k_{p3}^{2}k_{v3}^{2} - 4k_{p3}^{3}\right)w_{32} + 3k_{p3}^{4} > 0$ $w_{32} = \sqrt{\frac{4k_{p3}^{3}k_{v3}^{2} + k_{p3}^{4}}{k_{v3}^{4}}} - \frac{k_{p3}^{2}}{k_{v3}^{2}}$	$k_{p3} > k_{p2} > 0$ $k_{v3} > k_{v2} > 0$	$0 < e_{CAV-V} < 1.5$ $e_{HDV-P} < e_{CAV-P}$ $e_{HDV-V} < e_{CAV-V}$
4	leader HDV HDVW CAV follower 1 follower 2 follower 3	$\ddot{\tilde{p}}_{1} = a_{1} = k_{p1} \left( -2\tilde{p}_{1} + \tilde{p}_{3} \right) + k_{v1} \left( -2\dot{\tilde{p}}_{1} + \dot{\tilde{p}}_{3} \right)$ $\ddot{\tilde{p}}_{3} = a_{3} = k_{p3} \left( \tilde{p}_{1} + e_{CAV-P} \tilde{p}_{2} - 3\tilde{p}_{3} \right) + k_{v3} \left( \dot{\tilde{p}}_{1} + e_{CAV-V} \dot{\tilde{p}}_{2} - 3\dot{\tilde{p}}_{3} \right)$	$w_{41}^{3}k_{v1}^{2} + \left(k_{p1}^{2} - 4k_{v1}^{2}k_{p1}\right)w_{41}^{2} - 4k_{p1}^{3}w_{41} > 0$ $w_{41} = \sqrt{\frac{4k_{p1}^{3}k_{v1}^{2} + k_{p1}^{4}}{k_{v1}^{4}} - \frac{k_{p1}^{2}}{k_{v1}^{2}}}$ $w_{42}^{3}k_{v3}^{2} + \left(k_{p3}^{2} - 4k_{v3}^{2}k_{p3}\right)w_{42}^{2} - 4k_{p3}^{3}w_{42} > 0$ $w_{42} = \sqrt{\frac{4k_{p3}^{3}k_{v3}^{2} + q^{4}}{k_{v3}^{4}} - \frac{k_{p3}^{2}}{k_{v3}^{2}}}$	$k_{p3} > k_{p1} > 0$ $k_{v3} > k_{v1} > 0$	

#### 3. 模型构建

整体来看,任意车辆的加速度满足下式:

$$\dot{v}_i = a_i = \sum_{i=0}^n k_p (p_i - p_i + \Delta_{ij}) + k_v (v_j - v_i)$$

其中, $k_p$ , $k_v$ 代表第i辆车的位置系数和速度系数, $\Delta_{ij}=p_i^*-p_j^*$ , $p_i^*$ 代表第i辆车的期望位置, $p_j^*$ 代表第j辆车的期望位置。 $\Delta_{ij}$ 的计算要按照下标的先后顺序进行计算,也就是说, $\Delta_{ij}\neq\Delta_{ji}$ , $\Delta_{ij}=-\Delta_{ji}$ 。

接下来,编号为2的车队为例进行建模,建模的结果汇总到表格2中。

Case 2:

第一辆车(leader)的加速度满足:

$$\ddot{p}_0 = a_0 = 0$$

第二辆车(follower 1)的加速度满足:

$$\ddot{p}_1 = a_1 = k_{p1} [(p_0 - p_1 + \Delta_{10}) + (p_3 - p_1 + \Delta_{13})] + k_{v1} [(v_0 - v_1) + (v_3 - v_1)]$$

第三辆车(follower 2)的加速度可以由司机根据前车的位置、速度和加速度自行决定。

第四辆车(follower 3)的加速度满足:

$$\ddot{p}_3 = a_3 = k_{p3} [(p_0 - p_3 + \Delta_{30}) + (p_1 - p_3 + \Delta_{31}) + (p_2 - p_3 + \Delta_{32})] + k_{v3} [(v_0 - v_3) + (v_1 - v_3) + (v_2 - v_3)]$$

引入误差变量, $\widetilde{p}_{s}(t) = p_{s}(t) - p_{s}(t)$ ,那么上述模型变为下述误差模型:

$$\begin{split} \ddot{\widetilde{p}}_{1} &= a_{1} = k_{p1} \left( -2\widetilde{p}_{1} + \widetilde{p}_{3} \right) + k_{v1} \left( -2\dot{\widetilde{p}}_{1} + \dot{\widetilde{p}}_{3} \right) \\ \ddot{\widetilde{p}}_{3} &= a_{3} = k_{p3} \left( \widetilde{p}_{1} + \widetilde{p}_{2} - 3\widetilde{p}_{3} \right) + k_{v3} \left( \dot{\widetilde{p}}_{1} + \dot{\widetilde{p}}_{2} - 3\dot{\widetilde{p}}_{3} \right) \end{split}$$

由于 follower 2 不能传递准确信息给其他车辆,所以 $\tilde{p}$ ,和 $\dot{\tilde{p}}$ ,为估计值,即

$$\ddot{\widetilde{p}}_3 = a_3 = k_{p3} \left( \widetilde{p}_1 + e_{HDV-P} \widetilde{p}_2 - 3\widetilde{p}_3 \right) + k_{v3} \left( \dot{\widetilde{p}}_1 + e_{HDV-V} \dot{\widetilde{p}}_2 - 3\dot{\widetilde{p}}_3 \right)$$

其中, $0 < e_{HDV-P} < 1.5$ , $0 < e_{HDV-V} < 1.5$ 。

其他编号的车队的建模过程类似,不再赘述。

### 三、实验内容及步骤

总的来看,本实验按照表 2 的 8 种情况进行实验,分别给定初始状态(即每辆车的速度、位置),调节参数(即 HDV 和 CAV 的速度系数和位置系数)使得车队实现编队一致性(也就是说,车队中所有车辆的速度是相等的,相邻车之间的间距是相等的)。

下面进行步骤说明:

- **1**、确定 leader 的速度(该速度即车队的期望速度),给定 follower **1**、follower **2** 和 follower **3** 的初始状态(即 初始位置、速度以及加速度)**;**
- 2、确定参数(即速度系数和位置系数,例:在编号为 1 的车队中需要确定  $k_{p2}$ 、 $k_{v2}$ 、 $k_{p3}$ 、 $k_{v3}$  这四个参数的值),不同编号的车队中的四个参数需要满足的条件见表 2 中的第四列(即**参数需满足的条件 1**)、第五列(即**参数需满足的条件 2**)和第六列(即**参数需满足的条件 3**)。
- 3、观察车队中车辆的轨迹,如果没有实现编队一致性,则重复步骤2,直到实现编队一致性。

# 四、注意事项

车辆在行驶过程中不能发生碰撞。