

算法 读书笔记

目录

算法 读书笔记

目录

前言

作为教材

背景介绍

第一章 基础

1.1 基础编程模型

1.1.4 简便记法

1.1.5.1 创建并初始化数组

1.1.6.1 静态方法

1.1.6.4 递归

1.1.7 API (Application programming interface)

1.1.9.5 重定向与管道

1.1 总结

1.1.6.5 基础编程模型

1.1.6.6 模块化编程

1.1.6.7 单元测试

1.1.11 展望

1.1 答疑

Q1 难道 Java 不应该自动检查溢出吗？

Q2 `Math.abs(-2147483648)` 的返回值是什么？

Q3 负数的除法和余数的结果是什么？

前言

作为教材

- 这些算法一般都巧妙奇特，20 行左右的代码就足以表达。
- 学过一门计算机方面的先导课程就足矣，只要熟悉一门现代编程语言并熟知现代计算机系统，就都能够阅读本书。
- 本书涉及的内容是任何准备主修计算机科学、……、等专业的学生应了解的基础知识，……

背景介绍

- ……而本书则是专门为大学一、二年级学生设计的一学期教材，也是最新的基础入门书或从业者的参考书。

第一章 基础

- 算法：有限、确定、有效的并适合用计算机实现的解决问题的方法
- 数据结构：便于算法操作的组织数据的方法
- 数据结构是算法的副产品或是结果，简单的算法也会产生复杂的数据结构，复杂的算法也许只需要简单的数据结构。
- 算法分析：为一项任务选择最合适的算法而进行的分析
- 学习算法是非常有趣和令人激动的，因为这是一个历久弥新的领域（我们学习的绝大多数算法都还不到“五十岁”……）

1.1 基础编程模型

- 我们把描述和实现算法所用到的语言特性、软件库和操作系统特性总称为**基础编程模型**

1.1.1.4 简便记法

- 程序有很多写法，我们追求清晰、优雅和高效的代码

1.1.1.5.1 创建并初始化数组

- 在代码中使用数组时，一定要依次声明、创建并初始化数组。忽略了其中的任何一步都是很常见的编程错误。

1.1.1.6.1 静态方法

- 方法需要**参数**（某种数据类型的值）并根据参数计算出某种数据类型的**返回值**（例如数学函数的结果）或者产生某种**副作用**（例如打印一个值）
- 典型静态方法的实现
 - 判断一个数是否是素数

```
public static boolean isPrime(int N)
{
    if (N < 2) return false;
    for (int i = 2; i*i <= N; i++)
        if (N % i == 0) return false;
    return true;
}
```

- 计算平方根（牛顿迭代法）

```
public static double sqrt(double c)
{
    if (c < 0) return Double.NaN;
    double err = 1e-15;
    double t = c;
    while (Math.abs(t - c/t) > err * t)
        t = (c/t + t) / 2.0;
    return t;
}
```

- 牛顿法 (Newton's method) 求 a 的 m 次方根

$$x_{n+1} = x_n - \frac{x_n}{m}(1 - ax_n^{-m})$$

当 $m = 2$ 时, 则:

$$\begin{aligned} x_{n+1} &= x_n - \frac{x_n}{2}(1 - ax_n^{-2}) \\ &= \frac{x_n}{2} + \frac{ax_n^{-1}}{2} \\ &= (a/x_n + x_n)/2 \end{aligned}$$

1.1.6.4 递归

- 递归代码比相应的非递归代码更加简洁优雅、易懂
- 编写递归代码时最重要的有以下三点
 - 递归总有一个**最简单**的情况——方法的第一条语句总是一个包含 `return` 的条件语句
 - 递归调用总是尝试解决一个**规模更小**的子问题, 这样递归才能收敛到最简单的情况
 - 递归调用的父问题和尝试解决的子问题之间不应该有**交集**
- 坚持这些原则能写出清晰、正确且容易评估性能的程序
- 使用递归的另一个原因: 可以使用数学模型来估计程序的性能
- 练习 1.1.27: **二项分布**。估计用以下代码计算 `binomial(100, 50, 0.25)` 将会产生的递归调用次数:

```
public static double binomial(int N, int k, double p)
{
    if (N == 0 && k == 0) return 1.0;
    if (N < 0 || k < 0) return 0.0;
    return (1.0 - p)*binomial(N-1, k, p) + p*binomial(N-1, k-1, p);
}
```

将已经计算过的值保存在数组中并给出一个更好的实现。

- 解: 将 $binomial(N, k, p)$ 产生的递归调用次数记为 $c(n, k)$, 当 $k > 0$ 时, 则:

$$\begin{aligned}
c(n, k) &= 1 + c(n-1, k) + c(n-1, k-1) \\
&= 2 + c(n-2, k) + c(n-2, k-1) + c(n-1, k-1) \\
&= \dots \\
&= n + c(n-n, k) + c(n-n, k-1) + \dots + c(n-1, k-1) \\
&= n + 1 + c(-1, k) + c(-1, k-1) + c(0, k-1) + \dots + c(n-1, k-1) \\
&= n + 3 + \sum_{i=0}^{n-1} c(i, k-1)
\end{aligned}$$

- 二项分布 设 X 为 n 重贝努利试验中成功的次数，则称 X 取值的概率分布为**二项分布**，记为 $b(n, p)$ 。

- n 重贝努利试验的特点

1. 重复进行 n 次相互独立的试验
2. 每次试验只有成功或失败中的一个结果
3. 每次出现成功的概率均为 p

- $binomial(n, k, p)$ 表示事件“ n 重贝努利试验中成功出现 k 次”的概率，则：对于其中任意一次贝努利试验，成功概率为 p ，若其成功，则事件变为 $n-1$ 重贝努利试验中成功出现 $k-1$ 次；若其失败，则事件变为 $n-1$ 重贝努利试验中成功出现 k 次。故：

$$binomial(n, k, p) = p * binomial(n-1, k-1, p) + (1-p) * binomial(n-1, k, p)$$

又 $n \geq k$ ，则需判断： $k < 0$ 时，概率为 0； $n < k$ 时，概率为 0； $n = 0, k = 0$ 时，概率为 1。

1.1.7 API (Application programming interface)

- In computer programming, an application programming interface (API) is a set of subroutine definitions, communication protocols, and tools for building software.
- In general terms, it is a set of clearly defined methods of communication among various components. An API specification can take many forms, but often includes specifications for routines, data structures, object classes, variables, or remote calls.
- A good API makes it easier to develop a computer program by providing all the building blocks, which are then put together by the programmer. Documentation for the API usually is provided to facilitate usage and implementation.
- API 的目的是将调用和实现**分离**
 - API 是调用和实现之间的一份**契约**，它详细说明了每个方法的作用。实现的目标就是能够遵守这份契约。

1.1.9.5 重定向与管道

- 结合标准输入输出的重定向，将一个程序的输出重定向为另一个程序的输入叫做**管道**：

```
% java RandomSeq 1000 100.0 200.0 | java Average
```

这样做的影响非常深远，因为它突破了能够处理的输入输出流的长度限制。例如：即使计算机没有足够的空间来存储十亿个数，仍然可以将例子中的 1000 换成 1 000 000 000。输入输出流中字符串的增删动作发生的实际顺序取决于操作系统。

1.1 总结

1.1.6.5 基础编程模型

- **静态方法库**是定义在一个 Java 类中的一组静态方法
- Java 开发的基本模式是编写一个静态方法库（包含一个 `main()` 方法）来完成一个任务

1.1.6.6 模块化编程

- 这个模型的最重要之处在于通过静态方法库实现了模块化编程
 - 程序整体的代码量很大时，每次处理的模块大小仍然适中
 - 可以共享和重用代码而无需重新实现
 - 很容易用改进的实现替换老的实现
 - 可以为解决问题建立合适的抽象模型
 - 缩小调试范围

1.1.6.7 单元测试

- 将 `main()` 方法作为一个**开发用例**，也可以把它编成一个**测试用例**
- 用例复杂时，也可将它独立成一个模块

1.1.11 展望

- 本节描述了一个精巧而完整的编程模型，数十年来它一直在（并且现在仍在）为广大程序员服务。但现代编程技术已经更进一步。前进的这一步被称为**数据抽象**，有时也被称为**面向对象编程**。
- 数据抽象的主要思想是鼓励程序定义自己的**数据类型**（一系列值和对这些值的操作），而不仅仅是那些操作预定义的数据类型的静态方法。
 - 数据抽象允许通过模块化编程复用代码
 - 可以轻易构造多种所谓的**链式**数据结构，它们比数组更灵活，在许多情况下都是高效算法的基础
 - 借助数据抽象可以准确地定义所面对的算法问题

1.1 答疑

Q1 难道 Java 不应该自动检查溢出吗？

- 它们之所以被称为**原始**数据类型就是因为缺乏此类检查。

Q2 `Math.abs(-2147483648)` 的返回值是什么？

- 整数溢出，返回值是 `-2147483648`

Q3 负数的除法和余数的结果是什么？

