

# Statistik och Sannolikhet

Nivå 1 och 2

7/5 2025

# Statistik

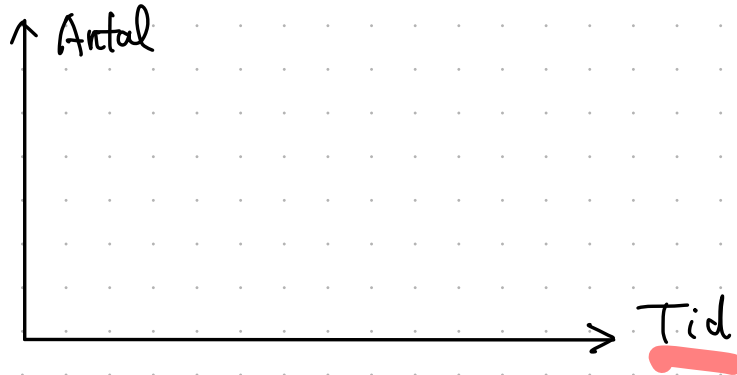
Under ett halvår flyttade 20 familjer in i ett nybyggt bostadsområde. Varje siffra i tabellen representerar en familj och visar hur många barn som den familjen hade.

Månad	jan	feb	mar	apr	maj	jun
Antal barn	2, 1	2, 1 3, 2	3, 1 3	0	3, 2, 1 3, 3	1, 3, 2 0, 1

NIBI

Gör ett **linjediagram** som visar för varje månad hur många barn som bodde i området.

**Linjediagram** används för saker som förändras med tid.

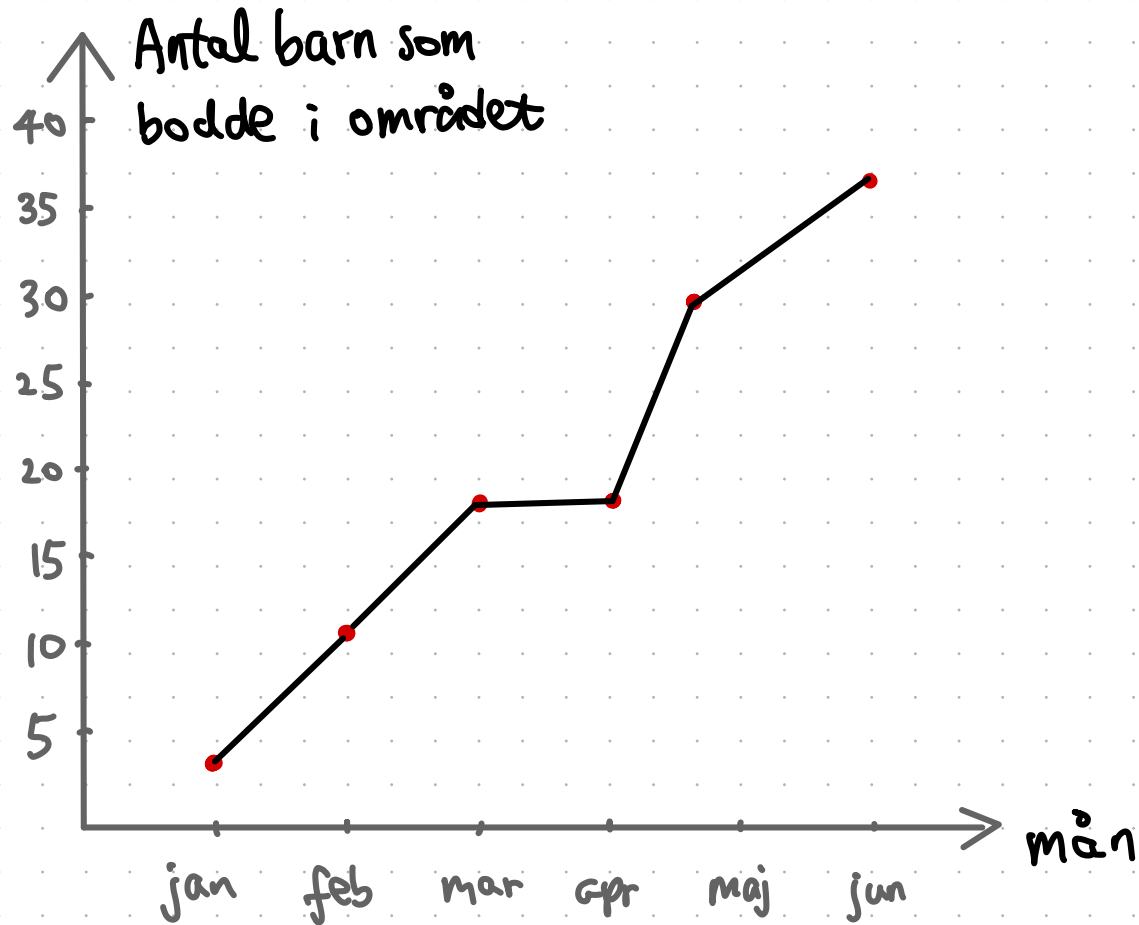


**Lösning.** Vi utökar tabellen för att beräkna det

totala antalet barn som bodde för varje månad.

Totalen för en månad = Totalen för föregående månad  
+ antalet som flyttar in denna månad

Månad	jan	feb	mar	apr	maj	jun
Antal barn som den familj hade	2, 1	2, 1 3, 2	3, 1 3	0	3, 2, 1 3, 3	1, 3, 2 0, 1
Antal barn som bodde i området	2+1 3	2+1+3+2=8 3+8=11 11	3+1+3=7 11+7=18 18	0 18+0=18 18	3+2+1+3+3=12 18+12=30 30	1+3+2+0+1=7 30+7=37 37



Antal barn som bodde i området under ett halvår

NIMI.

Bestäm medelvärdet för antal barn per familj.

$$\text{Medelvärde} = \frac{\text{summan av värden}}{\text{antal värden}}$$

$$\text{summan av barn} = 37$$

$$\text{Antal familjer} = 20$$

$$\text{medelvärdet} = \frac{37}{20} = 1,85 \text{ barn / familj.}$$

$$\frac{37}{20} = \left(\frac{37}{2}\right) / 10 = (18,5) / 10 = 1,85$$

N2BI.

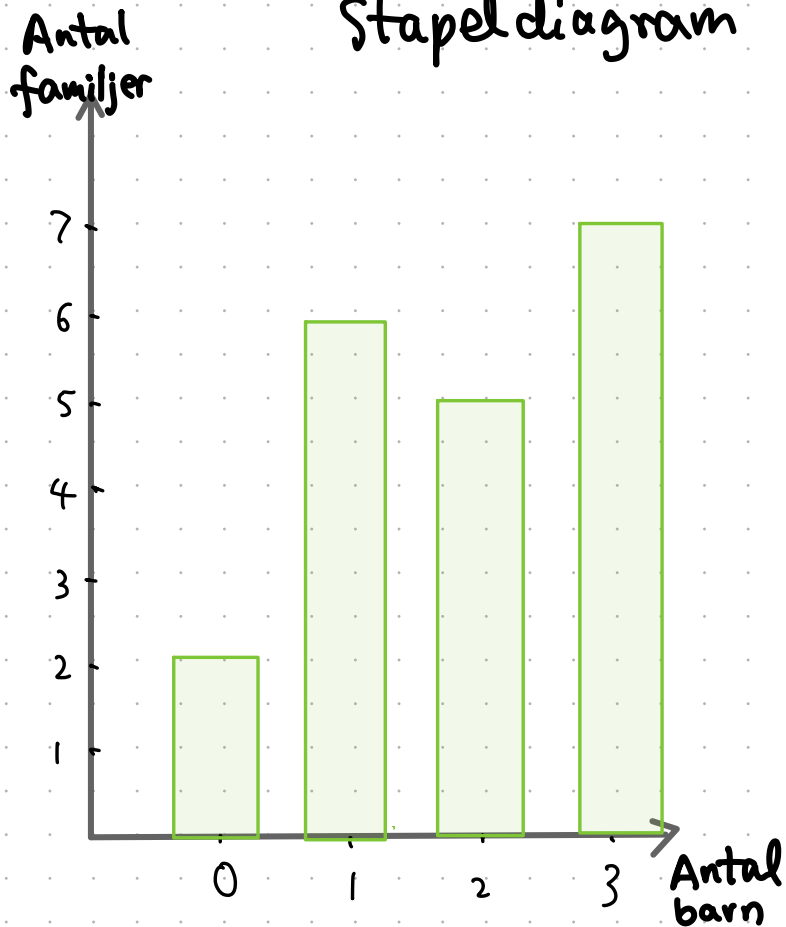
Gör en frekvenstabell och ett stapeldiagram som visar antalet familjer med 0, 1, 2, respektive 3 barn.

Månad	jan	feb	mar	apr	maj	jan
Antal barn	2, 1	2, 1 3, 2	3, 1 3	0	3, 2, 1 3, 3	1, 3, 2 0, 1

# Frekvenstabel

Antal barn	Antal familjer
0	2
1	6
2	5
3	7
Summan	20

# Stapel diagram





**N2M1.** Bestäm medianen för antalet barn per familj.

Medianen

vi sorterar värdena i storleksordning

medianen = "värdet i mitten"

Om det finns ett jämnt antal värden då

medianen = addera de två värden som ligger närmast mitten  
2

# Lösning.

Medianen

0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3

$$\text{Medianen} = \frac{2+2}{2} = 2 \text{ barn / familj.}$$

# Sannolikhet

$$p = \frac{\text{antal gynnsamma utfall}}{\text{antal möjliga utfall}}$$



Probability

$$0 \leq p \leq 1$$

NIM2.

Du kastar en sexsidig tärning

en gång. Hur stor är sannolikhet att

a) du får en fyra ?

b) du får en fyra eller lägre ?

---

Vi har samma sannolikhet att få varje sida.

# Lösning.

$$p = \frac{\text{antal gynnsamma utfall}}{\text{antal möjliga utfall}}$$

sexsidig tärning  $\Rightarrow$  sex möjliga utfall

1, 2, 3, 4, 5, 6

$$a) \quad p(\text{en fyra}) = \frac{1}{6} \approx 0,17 = 17\%$$

$$b) \quad p(\text{en fyra eller lägre}) = \frac{4}{6} = \frac{2}{3} \approx 0,67 = 67\%$$

gynnsamma utfall

1, 2, 3, 4

**NIM3.** Du kastar en sexsidig tärning 54 gånger. Ungefär hur många fyror borde du få?

NIM3.

Du kastar en sexsidig tärning 54 gånger. Ungefär hur många fyror borde du få?

Lösning.

$$p(\text{en fyra}) = \frac{1}{6}$$

En gång får vi  $\frac{1}{6}$  chans för att få en fyra.

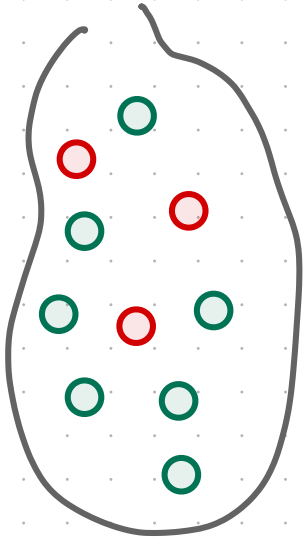
Två gånger får vi  $\frac{1}{6} + \frac{1}{6} = 2 \cdot \frac{1}{6}$  för att få en fyra.

$$54 \cdot p(\text{en fyra}) = 54 \cdot \frac{1}{6} = 9.$$

Svar. Ungefär 9 fyror borde vi få.

N2M2.

Du har tre röda och sju gröna kulor i en påse. Om du tar ut en kula, hur stor är sannolikheten att den är grön?

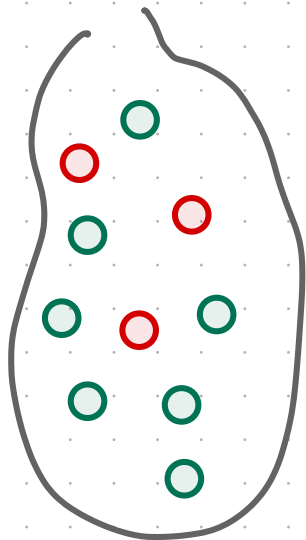


$$p = \frac{\text{antal gynnsamma utfall}}{\text{antal möjliga utfall}}$$



N2M2.

Du har tre röda och sju gröna kulor i en påse. Om du tar ut en kula, hur stor är sannolikheten att den är grön?



$$P(\text{grön}) = \frac{7}{7+3} = \frac{7}{10} = 70\%$$

**N2M3.** Du har en påse med 50 kulor av olika färger. Du tar slumpmässigt upp 10 kulor, utan att titta. Av dessa är 3 röda. Ungefär hur många av de 50 kulorna bör vara röda?

**N2M3.** Du har en påse med 50 kulor av olika färger. Du tar slumpmässigt upp 10 kulor, utan att titta. Av dessa är 3 röda. Ungefär hur många av de 50 kulorna bör vara röda?

**Lösning.** Med slumpmässigt test får vi

$$p(\text{röda}) = \frac{3}{10}.$$

$$\text{Då är } 50 \cdot p(\text{röda}) = 50 \cdot \frac{3}{10} = 15.$$

Svar. Ungefär 15 kulorna bör vara röda.

## NIM4 och N2M4.

- a) Fyra personer köar utanför en restaurang.  
På hur många olika sätt kan de ställa sig **på rad**?
- b) Samma fråga med sex personer.

Vi börjar med **två** personer A och B.

**Metod 1.** Lista.

 A B  B A

**Metod 2.** Två tomma platser  

Det finns 2 möjligheter för den första platsen.

När vi fixerar den första platsen finns bara en möjlighet för den sista platsen.

$$2 \cdot 1 = 2$$

Vi fortsätter med **tre** personer A, B, C.

**Metod 1.** Lista.

A B C	A C B
B A C	B C A
C A B	C B A

**Metod 2.** Tre tomma platser



Det finns 3 möjligheter för den första platsen.

När vi fixerar den första platsen finns det 2 möjligheter för den andra platsen. Och då finns bara en möjlighet för den sista platsen.

$$3 \cdot 2 \cdot 1 = 6.$$

# Lösning.

a) Vi har fyra tomma platser



$$4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 4 \cdot 6 = 24.$$

b) Vi har sex tomma platser



$$\begin{aligned} & 6 \cdot \underline{5} \cdot 4 \cdot 3 \cdot \underline{2} \cdot 1 \\ &= (6 \cdot 4 \cdot 3) \cdot 10 = 6 \cdot 12 \cdot 10 \\ &= 72 \cdot 10 = 720. \end{aligned}$$

# Fakultet.

För positivt heltal  $n$  definierar vi

$$n! = n \cdot (n-1) \cdot \dots \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1.$$

Till exempel

$$n! = n \cdot (n-1)!$$

Tre-fakultet  $3! = 3 \cdot 2 \cdot 1 = 6$

$$4! = 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 24$$

$$5! = 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 120$$

$$6! = 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 720$$



F. Genom att använda bokstaven **H, E, J**, en gång utan upprepning, hur många ordkombinationer kan vi få?

Matematiskt sett är det samma fråga som tre personer i en kö på rad.

F.

Genom att använda bokstaven **H**, **E**, **J**, en gång utan upprepning, hur många ordkombinationer kan vi få?



$$3 \cdot 2 \cdot 1 = 6$$

Matematiskt sett är det samma fråga som tre personer i en kö på rad.

F.

Genom att använda bokstaven H, E, L, L, O en gång utan upprepning, hur många ordkombinationer kan vi få?

F. Genom att använda bokstaven H, E, L, L, O en gång utan upprepning, hur många ordkombinationer kan vi få?

Lösning. Steg 1. Tänk på två olika färger av L.

H	E	L	L	O
---	---	---	---	---

H	E	L	L	O
---	---	---	---	---

Då får vi  $5! = 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 120$  olika sätt.

steg 2. Men olika färger av L på samma platser ger oss samma ord. Då finns  $\frac{120}{2} = 60$  ordkombinationer.