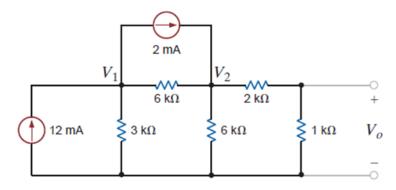
Departemen DTE, DTK, dan DTB Fakultas Teknologi Elektro Informasi Cerdas- ITS



Penyelesaian TUGAS II RL Genap 2021 - 2022

1. a. Menentukan besar tegangan V₀ dengan analisa Node pada gambar di bawah ini,



Solusi:

$$\sum_{Node \ 1} I_{out} = 0$$

$$-12 + \frac{V_1}{3} + 2 + \frac{V_1 - V_2}{6} = 0$$

$$3V_1 - V_2 = 60 \tag{1}$$

$$\sum_{Node 2} I_{out} = 0$$

$$-2 + \frac{V_2 - V_1}{6} + \frac{V_2}{6} + \frac{V_2}{3} = 0$$

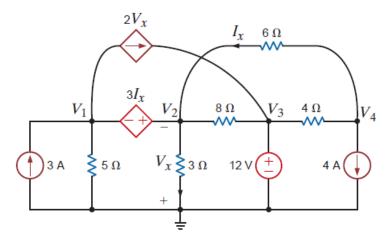
$$-V_1 + 4V_2 = 12$$
 (2)

Dari pers. 1 dan 2 diperoleh harga-harga $V_1 = \frac{252}{11} V$ dan $V_2 = \frac{96}{11} V$.

Maka
$$V_0 = I \times R = \frac{V_2}{2+1} \times 1 = \frac{1}{3}V_2 = \frac{1}{3} \times \frac{96}{11} = \frac{32}{11}V$$

1. b.
$$P_{12 mA} = V_1 \times 12 mA = \frac{252}{11} \times 12 mA = 274,91 mW$$

2. Menentukan besar V_x dan I_x dengan analisa Node,



Solusi:

Node 1 dan 2 merupakan *Supernode*, Node 3 : *Dummy Node* dengan $V_3 = 12~V$, dan $V_x = -V_2$ Persamaan arus keluar pada Supernode dan node 4 adalah :

Supernode :
$$V_2 - V_1 = 3I_x = 3 \times \frac{V_4 - V_2}{6}$$

$$V_2 - V_1 = \frac{V_4 - V_2}{2} \longrightarrow -V_1 + 1, 5V_2 - 0.5V_4 = 0$$
Supernode : $-3 + \frac{V_1}{5} + 2V_x + \frac{V_2 - V_4}{6} + \frac{V_2 - V_3}{8} + \frac{V_2}{3} = 0$

$$\frac{V_1}{5} + 2(-V_2) + \frac{V_2 - V_4}{6} + \frac{V_2 - V_3}{8} + \frac{V_2}{3} = 3$$

$$\frac{V_1}{5} - \frac{33}{24} V_2 - \frac{V_4}{6} = 4,5 \tag{2}$$

$$\frac{V_4 - V_2}{6} + \frac{V_4 - 12}{4} + 4 = 0 \qquad \times 12 \qquad -2V_2 + 5V_4 = -12 \tag{3}$$

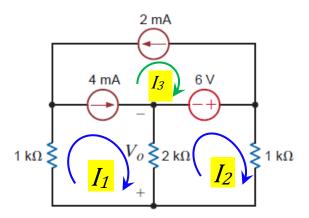
Dari ke 3 persamaan tersebut diperoleh,

 \checkmark Node 4: $\frac{V_4 - V_2}{6} + \frac{V_4 - V_3}{4} + 4 = 0$

$$V_1 = 12, 4 V, \qquad V_2 = 8 V, \qquad V_4 = -0, 8 V$$

Maka
$$V_x = -8 V$$
, & $I_x = \frac{V_4 - V_2}{6} = -1,47 A$

3. Menentukan besar arus I_1 dan tegangan V_0 , pada rangkaian berikut ini, dengan analisa Mesh!



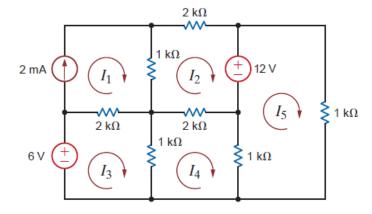
Solusi:
$$I_3 = -2 mA$$
, & $I_1 - I_3 = 4 mA$, $I_1 = 2 mA$

Mesh 2:
$$2(I_2 - I_1) - 6 + 1I_2 = 0$$

$$-2I_1 + 3I_2 = 6$$
 $3I_2 = 6 + 2 \times 2 = 10$ $I_2 = 3.33 \, mA$

$$V_0 = 2k\Omega (I_2 - I_1) = 2,67 V$$

4. Menentukan 5 persamaan Mesh pada rangkaian berikut ini,



Solusi:

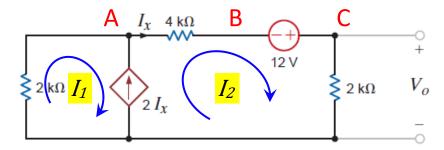
Mesh 2:
$$1(I_2 - I_1) + 2I_2 + 12 + 2(I_2 - I_4) = 0$$
 $-I_1 + 5I_2 - 2I_4 = -12$ (2)

Mesh 3:
$$-6 + 2(I_3 - I_1) + 1(I_3 - I_4) = 0$$
 $-2I_1 + 3I_3 - I_4 = 6$ (3)

Mesh 4:
$$1(I_4 - I_3) + 2(I_4 - I_2) + 1(I_4 - I_5) = 0$$
 $-2I_2 - I_3 + 4I_4 - I_5 = 0$ (4)

Mesh 5:
$$1(I_5 - I_4) - 12 + 1I_5 = 0$$
 $-I_4 + 2I_5 = 12$ (5)

5. Perbandingan solusi dengan Analisa Mesh/Loop dan Node,



Solusi:

a. Analisa Mesh,

Mesh 1 & 2 : Supermesh,
$$I_2 - I_1 = 2I_x$$
, $I_x = I_2$ — $-I_1 = I_2$ (1)

Supermesh:
$$2I_1 + 4I_2 - 12 + 2I_2 = 0$$
, $I_1 + 3I_2 = 6$ (2)

Maka dari 2 persamaan di atas, $I_1 = -3 mA$, $I_2 = 3 mA$

$$V_0 = 2I_2 = 6V$$

b. Analisa Node,

Node B & C : Supernode,
$$V_C - V_B = 12$$
 (1)

Supernode (B & C):
$$\frac{V_B - V_A}{4} + \frac{V_C}{2} = 0$$
, $-V_A + V_B + 2V_C = 0$ (2)

Node A:
$$\frac{V_A}{2} - 2I_x + \frac{V_A - V_B}{4} = 0$$
, $I_x = \frac{V_A - V_B}{4}$

$$\frac{V_A}{2} - 2\frac{V_A - V_B}{4} + \frac{V_A - V_B}{4} = 0, V_A + V_B = 0 (3)$$

Maka dari ke 3 persamaan di atas diperoleh : $V_A=6~V$, $V_B=-6~V$, & $V_{\mathcal{C}}=6~V$

Jadi
$$V_0 = V_C = 6 V$$

c. Dari jawaban a dan b, terlihat bahwa Analisa Mesh lebih sederhana karena hanya membutuhkan 2 persamaan.

---- ooo 000 Selamat Belajar 000 ooo -----