

一、软件设计说明

1. 数据结构说明

下面列举所有数据类型，并说明其中的数据组成。简单起见，所有的类中，对成员函数和数据成员没有区分 *Public*、*Private*、*Protected* 权限。但是考虑实际情况，部分数据成员是不可以外部访问的，例如私钥、秘密指数等。

```
struct R_key  
struct E_key
```

RSA / ElGamal 密钥组。其中包括：私钥组、私钥（私钥组元素拼接而成）、公钥组、公钥（公钥组元素拼接而成）。

```
class RSA  
class ElGamal
```

RSA / ElGamal 类。包括：RSA / ElGamal 密钥组、密钥生成函数 `void GenKey()`、签名函数 `void RSA_sig(ZZ x, ZZ &y)` / `void ElGamal_sig(ZZ x, ZZ &gamma, ZZ &delta)`、签名验证函数 `bool RSA_ver(ZZ x, ZZ y)` / `bool ElGamal_ver(ZZ x, ZZ gamma, ZZ delta)`。

所有函数依照 RSA / ElGamal 签名协议编写，RSA 默认密钥长度 512 位，ElGamal 默认密钥长度 1024 位。

```
class user
```

用户类。包括：姓名、ID、签名方法选择、随机挑战选择、秘密指数及其公开值、证书（RSA 证书或 ElGamal 证书，由 TA 决定）、RSA 类、ElGamal 类。特别的，为了便于证书验证，证书中包含以下内容：ID || ver || s、ID || ver、s、秘密指数公开值。

```
class ta
```

可信权威机构类。包括：签名方法选择、RSA 类、ElGamal 类、生成用户 ID 函数 `void GenID(user &p)`、为用户颁布证书函数 `void GenCert(user &p)`、生成证书文件函数 `void GenCertFile(user p)`、为其他用户验证某一用户证书函数 `bool Cert_ver(user p)`。

用户 ID 中只包含姓名信息，为用户生成 ID 时，将其姓名转为大整数即可。

实际运用本类时，由于 PowerMod 函数的参数限制，可信权威机构的密钥长度应当长于用户的密钥长度，源代码中，可信权威机构的密钥长度是用户密钥长度的 4 倍。

颁布证书和验证证书完全依照协议 9.5 编写。

2. 功能模块说明

下面列举所有功能型函数和测试型函数，并具体说明功能和数据传输过程。

```
bool is_prime(ZZ p, int n = 50)
```

判断 p 是否是素数，利用 Miller-Rabin 算法测试，默认测试次数为 50 次，可以在调用时自行更改。

```
void get_pri_root(ZZ &a, ZZ p, ZZ p0)
```

获取 \mathbb{Z}_p^* 的原根，赋值到 a，其中， $p=2*q_0+1$ ，依据定理：

定理 1.1: 如果 $p > 2$ 是素数，且 $\alpha \in \mathbb{Z}_p^*$ 。那么 α 是模 p 的本原元当且仅当

$$\alpha^{\frac{p-1}{q}} \not\equiv 1 \pmod{p}, \text{ 对所有素数 } q|p-1$$

```
ZZ connect(ZZ a, ZZ b)
```

拼接两个大整数，例如 connect(1234, 56789) 得到 123456789。

通过循环寻找到比大整数 b 大的一个最小的大整数 n，且这个大整数 n 必须是 10 的整数次幂，函数返回 $a*n+b$ 即可。

```
ZZ str_to_zz(string s)
```

将字符串 s 转化为一个大整数。

将字符串视为一个 256 进制数，每一个字符所代表的十进制数值为该字符的 ASCII 码，用进制转换方法转成十进制即可。

(以下涉及到数据传输内容均为模拟，代码中没有具体体现数据传输)

```
void RSA_test()
```

RSA 测试函数。定义一个用户 Alice，其签名方法选择自动为 1 (RSA 签名方案)。首先调用用户 Alice 的 RSA 密钥生成函数，这样 Alice 的 RSA 密钥组变量被赋值，之后调用 Alice 的 RSA 签名函数，利用密钥组的私钥为消息 x 签名得到 y。

```
void ElGamal_test()
```

ElGamal 测试函数。定义一个用户 Alice，其签名方法选择自动为 2 (ElGamal 签名方案)。首先调用用户 Alice 的 ElGamal 密钥生成函数，这样 Alice 的 ElGamal 密钥组变量被赋值，

之后调用 Alice 的 ElGamal 签名函数,利用密钥组的私钥为消息 x 签名得到 y,y 中包括 gamma 和 delta, 共同构成签名。

```
void Cert_test()
```

证书颁布与验证测试函数。定义用户 Alice 和 Bob, 定义可信权威机构 TA, 让用户来选择 Alice 的签名方案, 根据选择来生成 Alice 的密钥组。由用户选择 TA 的签名方案, 根据选择来生成 TA 的密钥组。

由 TA 生成 Alice 的 ID, 这样 Alice 中的 ID 元素被赋值, 可以使用。由 TA 生成 Alice 的证书, 颁布给 Alice, 保存在 Alice 中, 由 TA 来生成 Alice 的证书文件。

模拟数据传输,Bob 获得了 Alice 的证书,实际代码中没有体现,只是 Bob 可以访问 Alice 中的证书数据,当然也可以是 Bob 可以打开 TA 生成的 Alice 的证书文件以获取 Alice 证书,我的代码中使用的方法是前者。Bob 向 TA 发出请求,利用 TA 提供的公钥和证书验证方法来验证 Alice 的证书。

```
void Interact_Cert_test()
```

交互认证测试函数。定义用户 Alice 和 Bob, 定义可信权威机构 TA, 让用户来选择 Alice 和 Bob 的签名方案, 根据选择来生成 Alice 和 Bob 的密钥组。由用户选择 TA 的签名方案, 根据选择来生成 TA 的密钥组。

首先, Bob 的相关操作: 随机生成挑战 r1, 让 TA 为其生成证书 (包括生成 ID, 生成证书)。随机挑战和证书均传给 Alice。

接下来, Alice 的相关操作: 随机生成挑战 r2, 让 TA 为其生成证书 (包括生成 ID, 生成证书), 计算 y1。随机挑战、证书和 y1 均传给 Bob。

然后, 又是 Bob 的相关操作: 验证 Alice 的证书, 验证 Alice 传来的 y1, 选择接受与否, 自己也计算 y2, 将 y2 传给 Alice。

最后, 又是 Alice 的相关操作: 验证 Bob 的证书, 验证 Bob 传来的 y2, 选择接受与否。

```
void MTI_A0_test()
```

MTI/A0 密钥协商方案测试函数。为整个问题生成素数 p, 和本原元 a, 并得到常数 n。定义用户 U 和 V, 定义可信权威机构 TA, 让用户来选择 U 和 V 的签名方案, 根据选择来生成 U 和 V 的密钥组。由用户选择 TA 的签名方案, 根据选择来生成 TA 的密钥组。

首先, U 和 V 要生成各自的秘密指数, 计算公开值, 让 TA 为他们生成各自的证书 (公开值加入证书), 传输给对方, 即二者均可访问到对方的证书和其中的公开值。

然后, U 和 V 选择各自的随机数 r, 计算对应值 s, 将 s 值传输给对方。

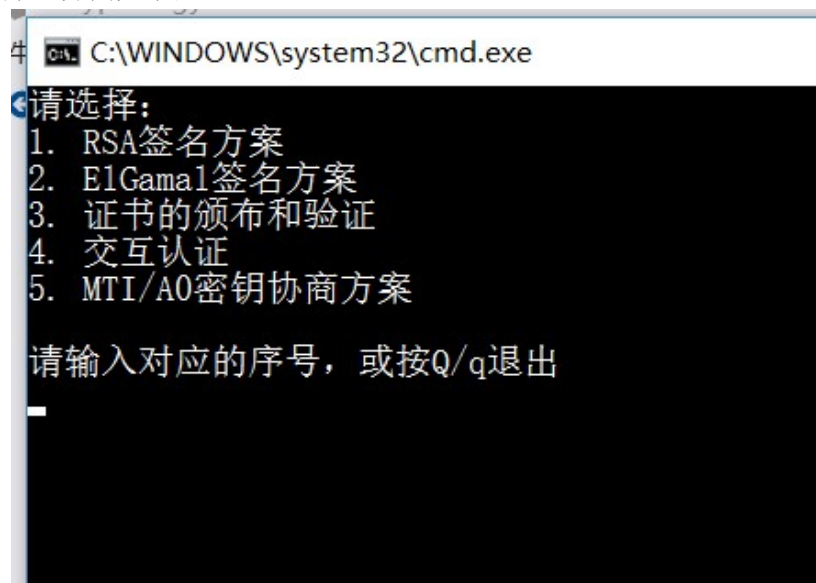
最后, U 和 V, 利用所获得的对方的 s 值和证书中的公开值, 计算会话密钥值, 比对双

方各自算出的会话密钥是否相同。

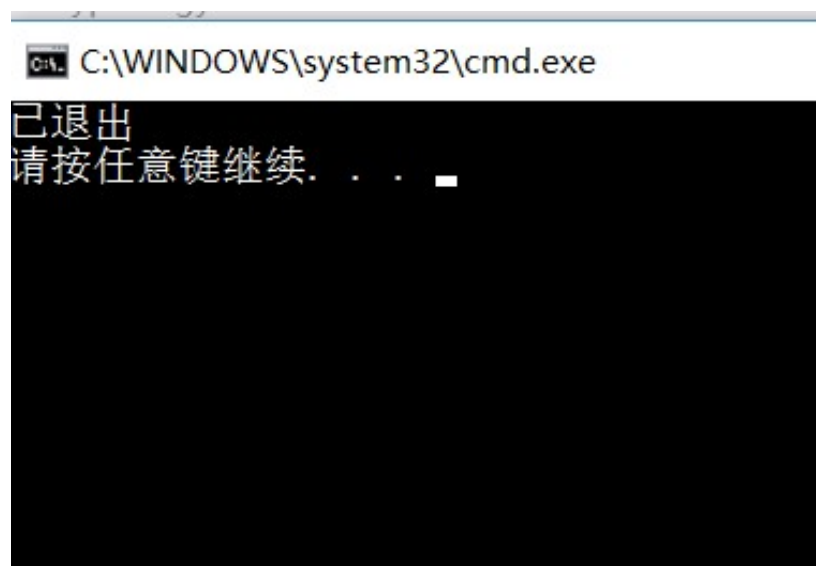
二、软件使用说明

输入格式及举例。为了方便调试，截图中的运行结果是在已经适当调整过密钥长度的条件下得到的，因为设置的密钥长度过长，会导致密钥生成和证书颁布的时间耗费极长，请耐心等待。

进入程序，界面如下：

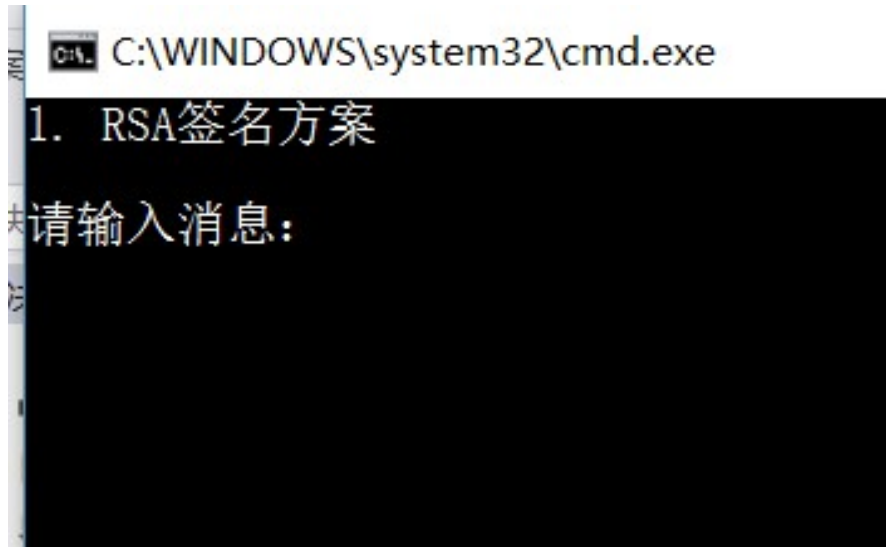


根据菜单栏指示，输入对应的序号进入对应的测试。如果不想继续，输入 Q 或 q 来退出。例如输入 q 后退出：

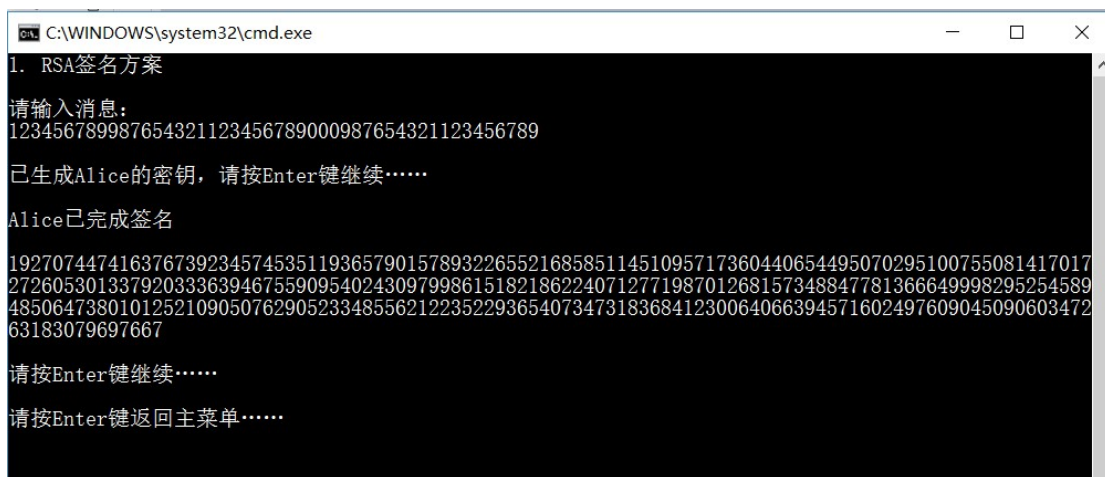


1. 当输入 1 后，进入 RSA 签名测试；

默认密钥长度：512 位



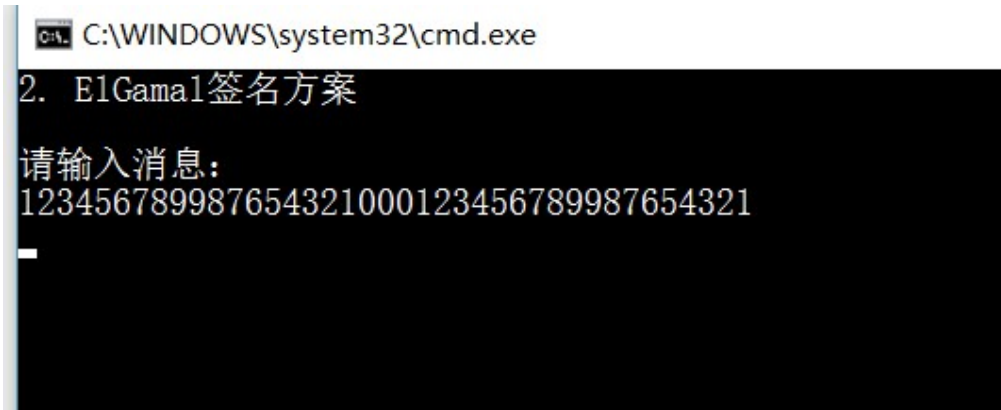
按照提示输入消息，格式：数字即可；



输入后按照提示，按 **Enter** 键继续程序的运行，适当的暂停可以为用户提供一定的方便。程序运行过程可能需要一段时间，请耐心等待，最后按 **Enter** 键回到主菜单。

2. 当输入 2 后，进入 ElGamal 签名测试；

默认密钥长度：1024 位



按照提示输入消息，格式：数字即可；

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
2. ElGamal签名方案
请输入消息：
1234567890
已生成Alice的密钥，请按Enter键继续.....
Alice已完成签名
81078580912483411846225067408551523867253217864430952268768818936564104340522655614307582427584172
40145315226021416656245536971147081736516074510621561992822438143430312513293293721779352246153815
01185043946776822176112471392386878851431546870688298856211196818002903275790759446928682029737427
567236552214172700
请按Enter键继续.....
请按Enter键返回主菜单.....
```

输入后按照提示，按 Enter 键继续程序的运行，适当的暂停可以为用户提供一定的方便。程序运行过程可能需要非常长的一段时间，请耐心等待，最后按 Enter 键回到主菜单。

3. 当输入 3 后，进入证书的颁布和验证测试；

默认的用户密钥长度：64 位，可在源代码中调整；可信权威机构密钥的默认长度长度是用户的 4 倍。

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
3. 证书的颁布和验证
请选择TA的签名方式（1. RSA  2. ElGamal）： _
```

按照提示输入你的选择即可，输入 1 代表选择 RSA，输入 2 代表选择 ElGamal

```

  Debug
  Certification
  Cryptology.vcxproj
  Cryptology.vcxproj.filters
  test.cpp
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
3. 证书的颁布和验证
请选择TA的签名方式（1. RSA  2. ElGamal）： 1
您好Alice，请选择需要的签名方式（1. RSA  2. ElGamal）： 1
已生成Alice的密钥，请按Enter键继续.....
已生成Alice的ID，请按Enter键继续.....
已生成Alice的证书，请按Enter键继续.....
已生成Alice的证书文件，请按Enter键继续.....
Bob已验证Alice的证书，结果为： True.      请按Enter键继续.....
请按Enter键返回主菜单.....
```


按照提示按 Enter 键继续，如图所示当前目录下产生的名为“Certification”文件为生成的证书文件。

4. 当输入 4 后，进入交互认证测试；

默认的用户密钥长度为 64 位，可在源代码中进行调整；可信权威机构的默认密钥长度是用户密钥长度的 4 倍，随机挑战的默认长度是用户密钥长度的八分之一。



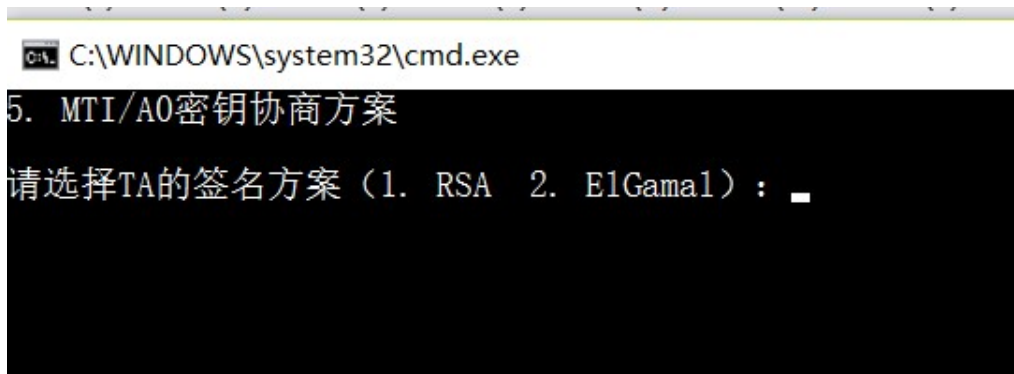
按照提示输入你的选择即可，输入 1 代表选择 RSA，输入 2 代表选择 ElGamal



按照提示，按 Enter 键继续，中间的验证结果会有显示。

5. 当输入 5 后，进入 MTI/A0 密钥协商方案测试；

默认的素数 p 的长度是 1024 位，可在源代码中调整，用户密钥长度是其八分之一，可信权威机构的密钥长度是其二分之一。



按照提示输入你的选择即可，输入 1 代表选择 RSA，输入 2 代表选择 ElGamal



按照提示按 Enter 键继续，最后对比会话密钥如果相同，会将会话密钥的值打印出来。