# BUDAPESTI MŰSZAKI FŐISKOLA KANDÓ KÁLMÁN VILLAMOSMÉRNÖKI FŐISKOLAI KAR AUTOMATIKA INTÉZET

Dr. Iváncsyné Csepesz Erzsébet

# **ELEKTRONIKA**

Műveleti erősítők

BUDAPEST, 2002.

# 6. MŰVELETI ERŐSÍTŐK

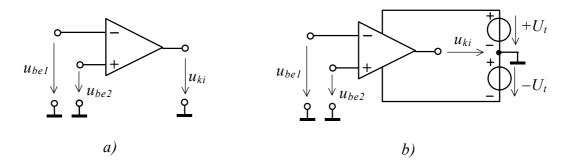
A műveleti erősítők integrált áramköri technikával készült szimmetrikus bemenetű és aszimmetrikus kimenetű egyenfeszültség-erősítők. A közel ideális paraméterek biztosítása érdekében a műveleti erősítő több áramköri egységből áll. A 6.1. ábrán a műveleti erősítő tömbvázlata látható.



6.1. ábra. Az általános felépítésű műveleti erősítő tömbvázlata.

Az integrált műveleti erősítő két földfüggetlen bemenettel és a földhöz képest egy kimenettel rendelkezik (6.2. ábra). A (–) jelű az invertáló, a (+) jelű a neminvertáló bemenete a műveleti erősítőnek. Az integrált műveleti erősítő általában két tápforrással működtethető.

A műveleti erősítő jelképi jelölése és a tápfeszültség kialakítása látható a 6.2. ábrán. A jelképi jelölésen gyakran nincsenek feltüntetve a tápforrások kivezetései, amelyek természetesen minden esetben szükségesek.



6.2. ábra. A műveleti erősítő a) jelképi jelölése és b) tápfeszültség kialakítása.

A műveleti erősítő vezérelhető

- szimmetrikus bemeneti jellel,
- közös bemeneti jellel,
- aszimmetrikus vezérlőjellel.

A műveleti erősítő legfontosabb áramköri jellemzőit a gyártó cégek katalógusokban ismertetik.

A legfontosabb paraméterek:

 $A_{u0}$ : nyílthurkú feszültségerősítés (Open loop voltage gain): szimmetrikus bemeneti jellel, üresjárásban, visszacsatolás nélkül, kisfrekvencián mért érték.

 $E_k$ : közösjel-elnyomási tényező (Common mode rejection ratio, *CMRR*).

*R<sub>bes</sub>*: bemeneti szimmetrikus ellenállás (Input impedance).

 $R_{ki}$ : kimeneti ellenállás.

 $f_0$ : az a frekvencia érték, ahol a feszültségerősítés a kisfrekvencián mért értékhez képest 3 dB-lel csökken.

 $f_I$ : az egységnyi erősítéshez tartozó frekvencia.

 $I_b$ : nyugalmi bemeneti áram (Input bias current): az integrált műveleti erősítő bemeneti differenciálerősítőjének munkaponti bázisárama.

 $I_{b0}$ : bemeneti ofszet áram (Input offset current): az a bemeneti szimmetrikus áram, amely az  $U_{ki} = 0$  nyugalmi kimeneti feszültség beállításához szükséges.

 $U_{b0}$ : bemeneti ofszet feszültség (Input offset voltage): az a bemeneti szimmetrikus feszültség, amely az  $U_{ki} = 0$  nyugalmi kimeneti feszültség beállításához szükséges.

 $i_{d\theta}\left[\frac{nA}{C^{\circ}}\right]$ : bemeneti hőmérsékleti áram-drift (Input offset current drift): a bemeneti ofszet áram hőmérsékleti tényezője.

 $u_{d\theta}\left[\frac{\mu V}{C^{\circ}}\right]$ : bemeneti hőmérsékleti feszültség-drift (Input offset voltage drift): a bemeneti ofszet feszültség hőmérsékleti tényezője.

 $\pm U_t$ : tápfeszültség tartomány.

 $U_{bemax}$ : a megengedhető maximális bemeneti feszültség, általában a tápfeszültség értékével megegyezik.

 $U_{kimax}$ : a maximális kimeneti feszültség, általában 1-2 V-tal kisebb, mint a tápfeszültségek.

 $I_{kimax}$ : maximális kimeneti áram. A korszerű típusok rövidzárvédelemmel vannak ellátva.

 $P_0$ : nyugalmi teljesítményfelvétel.  $P_{dmax}$ : maximális disszipált teljesítmény.

S: a kimeneti feszültség maximális változási sebessége (Slew rate), definíciója:

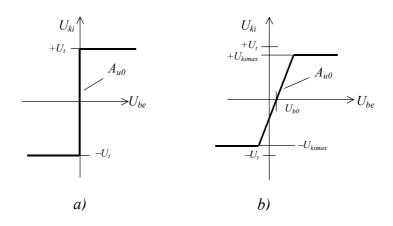
$$S = \frac{du_{ki}}{dt}\bigg|_{\max}.$$

- végtelen nagy bemeneti ellenállással,
- végtelen nagy nyílthurkú erősítéssel,
- végtelen nagy közös feszültségelnyomási tényezővel,
- nulla kimeneti ellenállással,
- nulla ofszet értékekkel,
- nulla drift értékekkel,
- tápfeszültséggel megegyező maximális kimeneti feszültséggel,
- frekvenciafüggetlen átvitellel közelíthető.

### A valóságos műveleti erősítő

- nagy nyílthurkú erősítéssel  $(A_{u0} = 10^3 ... 10^7)$ ,
- nagy bemeneti ellenállással ( $R_{bes} = 10 \text{ k}\Omega \dots 5 \text{ M}\Omega$ ,  $R_{bek} > 100R_{bes}$ ),
- közel nulla kimeneti ellenállással ( $R_{ki} = 10 \ \Omega....200 \ \Omega$ ),
- nagy közös feszültségelnyomási tényezővel  $(E_{ku} > 10^3)$ ,
- ofszet értékekkel ( $I_{b\theta}$  =1 nA....1  $\mu$ A,  $U_{b\theta}$  = 1....5 mV),
- drift értékekkel  $(i_{d0} = (0,1....10) \frac{nA}{C^{\circ}}, u_{d0} = (0,5....5) \frac{\mu V}{C^{\circ}}),$
- a tápfeszültségnél 1-2 V-tal kisebb maximális kimeneti feszültséggel,
- frekvenciafüggő átvitellel ( $f_0 = 1 \text{ Hz....} 100 \text{ MHz}$ ) rendelkezik.

A 6.3 a) ábrán az ideális, a 6.3 b) ábrán a nemideális műveleti erősítő transzfer karakterisztikája látható.

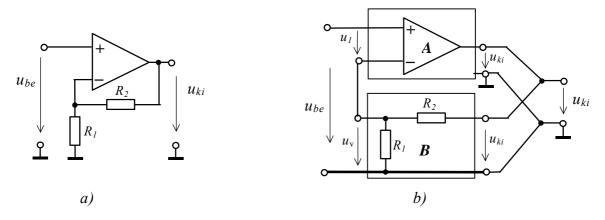


6.3. ábra. Az a) ideális és b) valóságos műveleti erősítő transzfer karakterisztikája.

# 6.1. MŰVELETI ERŐSÍTŐK ALKALMAZÁSAI

#### 6.1.1. Neminvertáló erősítő kapcsolás

A műveleti erősítő neminvertáló bemenetét aszimmetrikus jel vezérli, az invertáló bemenetre a kimeneti feszültséggel arányos visszacsatolt feszültség kapcsolódik.



6.4. ábra. Neminvertáló műveleti erősítő.

A szemléltetés érdekében az erősítő kapcsolási rajza átalakítható a 6.4.b ábra szerint, amelyen könnyen felismerhető a 2. fejezetben ismertetett soros feszültség visszacsatolás. Az A erősítőnek a műveleti erősítő, a B visszacsatoló tagnak az  $R_1$  és az  $R_2$  ellenállásokból kialakított feszültségosztó hálózat feleltethető meg.

Az A erősítő feszültségerősítése megegyezik a műveleti erősítő  $A_{u\theta}$  nyílthurkú feszültségerősítésével.

A B visszacsatoló tag feszültségerősítése:

$$B_u = \frac{u_v}{u_{ki}}. (6.1)$$

Az  $u_v$  visszacsatolt feszültség:

$$u_{v} = u_{ki} \frac{R_{1}}{R_{1} + R_{2}}. (6.2)$$

A 6.2 összefüggést a 6.1 egyenletbe visszahelyettesítve a  $B_u$  erősítés

$$B_{u} = \frac{u_{ki} \frac{R_{1}}{R_{1} + R_{2}}}{u_{ki}} = \frac{R_{1}}{R_{1} + R_{2}}$$
(6.3)

összefüggéssel adható meg.

A visszacsatolt rendszer  $A'_u$  eredő feszültségerősítése:

$$A_u' = \frac{A_u}{1 + A_u B_u} = \frac{A_{u0}}{1 + A_{u0} B_u},$$
(6.4)

amely átalakítható az

$$A'_{u} = \frac{A_{u0}}{1 + A_{u0}B_{u}} = \frac{\frac{A_{u0}}{A_{u0}}}{\frac{1}{A_{u0}} + B_{u}} = \frac{1}{\frac{1}{A_{u0}} + B_{u}}$$
(6.5)

alakra. Ideális műveleti erősítőt feltételezve, a feszültségerősítése végtelen nagynak tekinthető:  $A_{u0} \rightarrow \infty$ , ezért a visszacsatolt rendszer eredő erősítése az

$$A'_{u} = \frac{1}{\frac{1}{\infty} + B_{u}} \approx \frac{1}{B_{u}} = \frac{R_{1} + R_{2}}{R_{1}} = 1 + \frac{R_{2}}{R_{1}}$$
(6.6)

összefüggéssel adható meg. Megállapítható, hogy a visszacsatolt rendszer eredő erősítését a visszacsatoló hálózat áramköri paraméterei határozzák meg, és független a műveleti erősítő paramétereitől.

A visszacsatolt rendszer eredő bemeneti ellenállása:

$$R'_{hes} = R_{hes} (1 + A_{u0} B_{u}) = R_{hes} (1 + H). \tag{6.7}$$

A visszacsatolt rendszer eredő kimeneti ellenállása:

$$R'_{ki} = \frac{R_{ki}}{1 + H_{ii}}, \qquad H_{ii} \cong H. \tag{6.8}$$

Az erősítő kapcsolás feszültségerősítését a visszacsatolásokra vonatkozó összefüggéseken kívül un. "műveleti erősítős" szemlélettel is meg lehet határozni. A műveleti erősítő erősítése:

$$A_{u0} = \frac{u_{ki}}{u_{bes}}. (6.9)$$

Mivel az ideális erősítő erősítése végtelen nagynak feltételezhető, ebből adódik, hogy a szimmetrikus bemeneti feszültség  $u_{bes} = 0$ .

Ha  $u_{bes} = 0$ , akkor a két bemenet földhöz képesti feszültsége megegyezik:  $u_p = u_n$ . A pozitív bemenet feszültsége:  $u_p = u_{be}$ , a negatív bemenet feszültsége:  $u_n = u_v$ , tehát  $u_{be} = u_v$ .

Az  $u_v$  visszacsatolt feszültség:

$$u_{v} = u_{be} = u_{ki} \frac{R_{1}}{R_{1} + R_{2}}.$$
 (6.10)

A visszacsatolt rendszer eredő feszültségerősítése az

$$\mathbf{A}'_{\mathbf{u}} = \frac{u_{ki}}{u_{he}} = \frac{R_1 + R_2}{R_1} = \mathbf{1} + \frac{\mathbf{R}_2}{\mathbf{R}_I}$$
 (6.11)

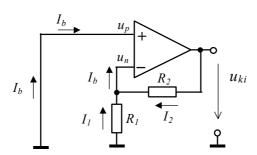
összefüggéssel határozható meg.

#### 6.1.2. Műveleti erősítők munkapont beállítása

A műveleti erősítők munkapont beállításának feladata

- a nyugalmi bemeneti áram biztosítása,
- a bemeneti ofszet kiegyenlítése,
- a drift minimalizálása,
- a közös feszültség beállítása.

A műveleti erősítővel megvalósított kapcsolásokban minden esetben biztosítani kell a nyugalmi áram kialakulását. A munkaponti viszonyok vizsgálata a 6.5. ábra alapján elvégezhető.



6.5. ábra. A műveleti erősítő munkaponti viszonyainak vizsgálata.

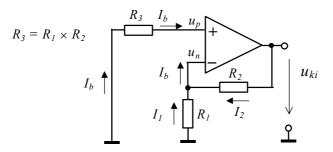
A neminvertáló erősítő kapcsolás invertáló és neminvertáló bemenetén  $u_{be} = 0$  bemeneti feszültség esetén egyaránt  $I_b$  egyenáram folyik. A műveleti erősítő minden egyéb szempontból ideálisnak tekinthető, ezért az erősítő végtelen nagy feszültség-erősítése miatt az  $u_{ki}$  kimeneti feszültség bármely értékéhez  $u_{bes} = 0$  érték tartozik, tehát  $u_n = u_p = 0$ . Emiatt az  $R_I$  ellenálláson folyó  $I_I$  áram nulla, tehát az invertáló bemenet  $I_b$  nyugalmi egyenárama szükségszerűen megegyezik az  $R_2$  ellenálláson folyó  $I_2$  árammal, amely a kimeneten

$$u_{ki} = I_b R_2 \tag{6.12}$$

feszültséget hoz létre. Ez a hibafeszültség megszüntethető a neminvertáló bemenetre kapcsolt

$$R_3 = R_1 \times R_2 \tag{6.13}$$

értékű ellenállás alkalmazásával (6.6. ábra).



6.6. ábra. A műveleti erősítő munkapont beállítása.

Ebben az esetben a neminvertáló bemenet  $u_p$  feszültsége:

$$u_p = -I_b R_3. (6.14)$$

Mivel  $u_p = u_n$ , így az  $R_I$  ellenálláson folyó áram

$$I_{1} = -\frac{u_{n}}{R_{1}} = \frac{I_{b}R_{3}}{R_{1}} = I_{b} \frac{R_{2}}{R_{1} + R_{2}}.$$
 (6.15)

A visszacsatoló ellenálláson folyó áram a csomóponti törvény alapján:

$$I_2 = I_b - I_1. (6.16)$$

A kimeneti feszültség:

$$u_{ki} = u_n + I_2 R_2 = -I_b \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} + \left(I_b - I_b \frac{R_2}{R_1 + R_2}\right) R_2.$$
 (6.17)

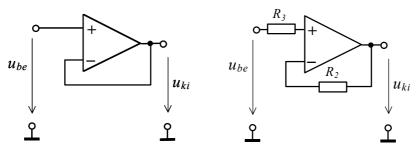
A matematikai átalakítások elvégzése után látható, hogy a kimeneti feszültség értéke

$$\boldsymbol{u}_{ki} = \boldsymbol{0} \,, \tag{6.18}$$

tehát az R<sub>3</sub> ellenállás alkalmazásával a hibafeszültség megszüntethető.

## 6.1.3. Feszültségkövető erősítő

A feszültségkövető erősítő a neminvertáló erősítőből származtatható  $R_I = \infty$  helyettesítéssel.



6.7. ábra. Feszültségkövető erősítő.

Mivel az  $u_v$  visszacsatolt feszültség megegyezik az  $u_{ki}$  kimeneti feszültséggel, ezért a visszacsatoló tag feszültségerősítése  $B_u = 1$ .

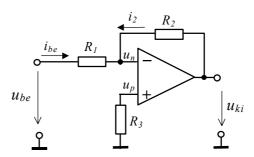
A feszültségkövető erősítő feszültségerősítése:

$$A_u' = \frac{1}{B_u} = 1, (6.19)$$

a kimeneti feszültség megegyezik a bemeneti feszültséggel. A feszültségkövető erősítő feladata az impedancia illesztés.

#### 6.1.4. Invertáló erősítő kapcsolás

A műveleti erősítő invertáló bemenetét az  $u_{be}$  aszimmetrikus bemeneti feszültség vezérli, az erősítő kapcsolás paramétereit a negatív visszacsatolás határozza meg. Az invertáló erősítő kapcsolási rajza a 6.6. ábrán látható.



6.8. ábra. Invertáló erősítő kapcsolás műveleti erősítővel.

Mivel az ideális erősítő erősítése végtelen nagynak feltételezhető, ebből adódik, hogy a szimmetrikus bemeneti feszültség  $u_{bes} = 0$ , a két bemenet földhöz képesti feszültsége megegyezik:  $u_p = u_n$ . Mivel  $u_p = 0$ , ezért  $u_n = 0$ , az  $R_3$  ellenálláson nem folyik áram, a kapcsolásnak ez a pontja *virtuális földpont*on van.

Az ideális erősítő bemeneti ellenállása végtelen nagy, így a műveleti erősítőbe nem folyik be áram:  $i_p = i_n = 0$ , ezért az  $i_{be}$  bemeneti áram a visszacsatoló ellenállás áramával megegyezik:  $i_{be} = -i_2$ .

A bemeneti áram:

$$i_{be} = \frac{u_{be}}{R_1}. (6.20)$$

A visszacsatoló ellenálláson folyó áram:

$$i_2 = \frac{u_{ki}}{R_2} \,. \tag{6.21}$$

Mivel  $i_{be} = -i_2$ , ezért

$$\frac{u_{be}}{R_1} = -\frac{u_{ki}}{R_2} \,. \tag{6.22}$$

Ebből az összefüggésből a kapcsolás eredő feszültségerősítése:

$$A_{u}' = \frac{u_{ki}}{u_{be}} = -\frac{R_{2}}{R_{I}}.$$
 (6.23)

A negatív előjel utal arra, hogy a kimeneti feszültség ellentétes előjelű a bemeneti feszültséghez képest.

Az invertáló erősítő bemeneti ellenállása:

$$R_{be} = \frac{u_{be}}{i_{be}} = R_1, (6.24)$$

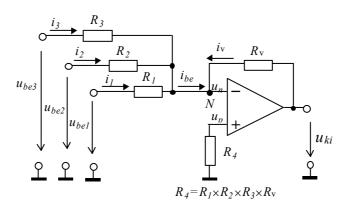
a kimeneti ellenállása pedig

$$R_{ki} = 0 \tag{6.25}$$

értékű.

# 6.1.5. Összegző erősítő

Az összegző erősítő kapcsolási rajza látható a 6.9. ábrán. A kapcsolás az  $u_{be1}$ ,  $u_{be2}$   $u_{be3}$  bemeneti feszültségekre vonatkozóan invertáló erősítő alapkapcsolásként viselkedik. A kimeneti feszültséget a szuperpozíció elve alapján lehet meghatározni.



6.9. ábra. Összegző erősítő kapcsolás.

A műveleti erősítő *i*<sub>be</sub> bemeneti árama a részáramok összege:

$$i_{be} = i_1 + i_2 + i_3. (6.26)$$

A műveleti erősítő invertáló bemenete virtuális földponton van, ezért a bemeneti áramok az

$$i_1 = \frac{u_{be1}}{R_1}, \qquad i_2 = \frac{u_{be2}}{R_2}, \qquad i_3 = \frac{u_{be3}}{R_3}$$
 (6.27)

összefüggések szerint határozhatók meg.

A visszacsatoló ellenálláson folyó áram:

$$i_{v} = \frac{u_{ki}}{R_{v}}. \tag{6.28}$$

Mivel  $i_{be} = -i_v$ , ezért

$$\frac{u_{be1}}{R_1} + \frac{u_{be2}}{R_2} + \frac{u_{be3}}{R_3} = -\frac{u_{ki}}{R_v}.$$
 (6.29)

Ha az ellenállások értéke megegyezik:

$$R_1 = R_2 = R_3 = R_y = R,$$
 (6.30)

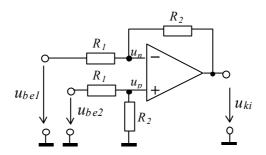
akkor a kimeneti feszültség

$$u_{ki} = -(u_{be1} + u_{be2} + u_{be3}) (6.31)$$

a bemeneti feszültségek invertált összege.

## 6.1.6. Különbségképző erősítő

A különbségképző erősítő (differenciaerősítő) erősítését nagystabilitású passzív elemek határozzák meg. A különbségképzés hibájának csökkentése érdekében a bemenetekre csatlakozó azonos jelű ellenállásoknak azonos értékűnek kell lennie.



6.10. ábra. Különbségképző kapcsolás.

A kimeneti feszültség a szuperpozíció elve alapján meghatározható.

a) Legyen  $u_{be2} = 0$ . Ekkor a kapcsolás egy invertáló erősítő kapcsolás, amelynek a feszültségerősítése:

$$A_u = -\frac{R_2}{R_1} \,. \tag{6.32}$$

A kimeneti feszültség ebben az esetben:

$$u_{ki1} = -\frac{R_2}{R_1} u_{be1}. ag{6.33}$$

**b)** Legyen  $u_{bel} = 0$ . Ebben az esetben a kapcsolás egy neminvertáló erősítő kapcsolás, amelynek a feszültségerősítése:

$$A_u = 1 + \frac{R_2}{R_1} \,. \tag{6.34}$$

Az  $u_{ki2}$  kimeneti feszültség az  $u_p$  feszültséggel arányos:

$$u_{ki2} = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) u_p \,. \tag{6.35}$$

A műveleti erősítő  $u_p$  feszültsége az  $u_{be2}$  bemeneti feszültségnek az  $R_2$  ellenálláson leosztott része:

$$u_p = u_{be2} \frac{R_2}{R_1 + R_2}, (6.36)$$

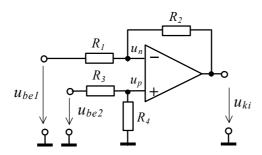
így az  $u_{ki2}$  kimeneti feszültség:

$$u_{ki2} = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) u_{be2} \frac{R_2}{R_1 + R_2} = u_{be2} \frac{R_2}{R_1}.$$
 (6.37)

Ha az  $u_{be1}$  és az  $u_{be2}$  bemeneti feszültség egyidejűleg vezérli az erősítőt, akkor az  $u_{ki}$  kimeneti feszültség a két kimeneti rész-feszültség összege, szuperpozíciója:

$$\boldsymbol{u}_{ki} = u_{ki1} + u_{ki2} = -u_{be1} \frac{R_2}{R_1} + u_{be2} \frac{R_2}{R_1} = (\boldsymbol{u}_{be2} - \boldsymbol{u}_{be1}) \frac{\boldsymbol{R}_2}{\boldsymbol{R}_I}.$$
 (6.38)

A kimeneti feszültség csak a bemeneti feszültségek különbségével, a szimmetrikus bemeneti feszültséggel arányos, a közös jel nem hoz létre kimeneti jelet. Ha a bemenetre csatlakozó két  $R_I$  illetve  $R_2$  jelű ellenállás nem pontosan egyenlő, akkor a kimeneten megjelenik a közös jel erősítése is.



6.11. ábra. Különbségképző kapcsolás különböző értékű ellenállások esetén.

A kimeneti feszültség különböző értékű ellenállások esetén (6.11. ábra) a lineáris szuperpozíció alapján, ideális műveleti erősítőt feltételezve az

$$u_{ki} = u_{ki1} + u_{ki2} = -u_{bel} \frac{R_2}{R_1} + u_{be2} \frac{R_4}{R_3 + R_4} \left( 1 + \frac{R_2}{R_1} \right)$$
 (6.39)

összefüggéssel határozható meg.

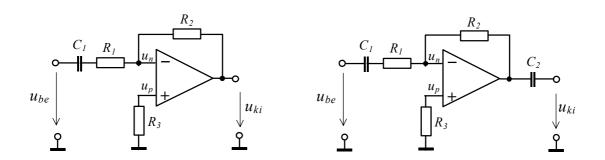
# 6.2. MŰVELETI ERŐSÍTŐVEL MEGVALÓSÍTOTT VÁLTAKOZÓFESZÜLTSÉG ERŐSÍTŐK

A műveleti erősítők alapvetően egyenfeszültség erősítők, de az egyenfeszültségű összetevő leválasztásával alkalmassá tehetők csak váltakozófeszültség erősítésére is, a típustól függő korlátozott frekvenciatartományban. A jelforrás és az erősítő bemenete, illetve az erősítő kimenete és a terhelés közé iktatott csatoló kondenzátorok kapacitását úgy kell megválasztani, hogy a működési frekvenciatartományban impedanciájuk közel nulla legyen.

Váltakozófeszültség erősítésekor az ofszet és a drift hatásának csökkentésére a visszacsatoló hálózatot úgy kell kialakítani, hogy az egyenfeszültségre vonatkozó erősítése kicsi legyen. A megfelelő működéshez a műveleti erősítő bemenetei számára a munkaponti egyenáramot mindig biztosítani kell.

#### 6.2.1. Invertáló AC erősítő

Invertáló váltakozófeszültségű erősítő kapcsolás két kialakítása látható a 6.12. ábrán. A bemeneten a  $C_1$  csatolókondenzátor az egyenfeszültséget leválasztja, így itt nem folyhat egyenáram. Az erősítő invertáló bemenete a munkaponti áramot az  $R_2$  ellenálláson keresztül, a neminvertáló bemenete pedig a tápforrásból kapja.



6.12. ábra. Invertáló AC erősítő kapcsolások.

Mivel a  $C_I$  kapacitás egyenáramú szempontból szakadás, ezért a kimeneti egyenfeszültség leosztás nélkül csatolódik vissza, tehát az egyenfeszültségre (DC) vonatkozó erősítés egységnyi. A kimeneten a bemeneti ofszet feszültséggel egyező

egyenfeszültség jelenik meg. A hibafeszültség csökkentésére a neminvertáló bemenetre  $R_3 = R_2$  értékű ellenállást kell kapcsolni.

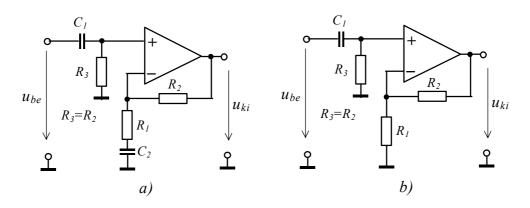
A kapcsolás váltakozófeszültségű erősítése az

$$A_u = -\frac{R_2}{R_1} \tag{6.40}$$

összefüggéssel határozható meg.

#### 6.2.2. Neminvertáló AC erősítő

A neminvertáló váltakozófeszültség erősítő kapcsolás látható a 6.13 a) ábrán.



6.13. ábra. Neminvertáló AC kapcsolások.

Az  $R_3$  ellenállás biztosítja a neminvertáló bemenet munkaponti nyugalmi bemeneti áramát, de csökkenti a bemeneti impedanciát. Az invertáló bemenet nyugalmi áramát az  $R_2$  ellenálláson keresztül kapja. A  $C_2$  kapacitás egyenfeszültség szempontból szakadás, ezért a kimeneti egyenfeszültség leosztás nélkül csatolódik vissza, így a kapcsolás egyenfeszültség erősítése  $A_{uDC} = 1$ . Kis erősítés esetén a  $C_2$  kondenzátor elhagyható (6.13 b) ábra), mert az egyenáramú negatív visszacsatolás így is megfelelő értékű lehet.

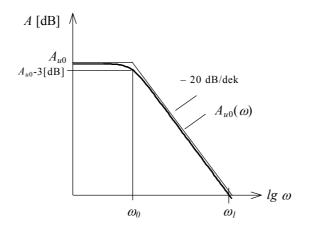
A kapcsolás váltakozófeszültségű erősítése az

$$A_u = 1 + \frac{R_2}{R_1} \tag{6.41}$$

összefüggés szerint határozható meg.

# 6.3. MŰVELETI ERŐSÍTŐK FREKVENCIAFÜGGÉSE

A valóságos műveleti erősítő jellemzői, köztük a feszültségerősítés a működési frekvencia változásával nem állandó. A feszültségerősítés a frekvenciától függő, valós változójú komplex függvény, amely például Bode-diagrammal ábrázolható. A katalógusok megadják a visszacsatolatlan műveleti erősítő Bode-diagramját, amely gyakran a 6.14. ábrán látható egyidőállandós függvény, amelynek jellegzetes pontjai az  $f_0 = \frac{\omega_0}{2\pi}$  törésponti frekvencia, az egységnyi erősítéshez tartozó  $f_1 = \frac{\omega_1}{2\pi}$  frekvencia, valamint a műveleti erősítő  $A_{u0}$  erősítése.



6.14. ábra. A műveleti erősítő Bode-diagramja.

Az egyenfeszültség (DC) erősítő kapcsolások feszültségerősítését a visszacsatoló elemek határozzák meg, amelyek általában frekvenciafüggetlen alkatrészek, ezért a visszacsatolt erősítő erősítése

$$\mathbf{A}_{\mathbf{u}}'(\omega) = \frac{A_{u0}(\omega)}{1 + A_{u0}(\omega)B} \approx \frac{1}{B}, \quad \text{ha } A_{u0}(\omega)B > 1,$$
 (6.42)

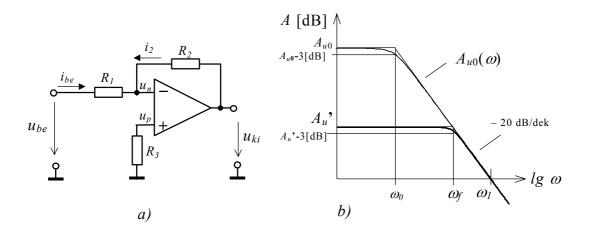
ahol a visszacsatoló hálózat erősítése

$$B = \frac{R_1}{R_2} \,, \tag{6.43}$$

amely nem függ a frekvenciától, ezért az eredő erősítés is frekvenciafüggetlen. Nagy frekvencián azonban  $A_{u0}$  ( $\omega$ ) csökken, ekkor az eredő erősítés az

$$A'_{u}(\omega) = \frac{A_{u0}(\omega)}{1 + A_{u0}(\omega)B} \approx A_{u0}(\omega), \quad \text{mert } A_{u0}(\omega)B < 1,$$
 (6.44)

tehát a műveleti erősítő frekvenciamenete érvényesül, az  $f_f = \frac{\omega_f}{2\pi}$  felső törésponti frekvenciánál nagyobb frekvenciatartományban az erősítés csökken. (6.15 b) ábra).



6.15. ábra. Az invertáló DC erősítő a) kapcsolása és b) Bode-diagramja.

A felső törésponti frekvencia a műveleti erősítő  $A_{u0}$  erősítése,  $f_0$  törésponti frekvenciája, valamint a visszacsatoló hálózat adatainak ismeretében a Bode-diagram alapján meghatározható:

$$\frac{\left(A_{u0} - A_u'\right)}{\left(f_f - f_0\right)} \frac{\left[dB\right]}{\left[dek\right]} = \frac{20}{1} \frac{\left[dB\right]}{\left[dek\right]}.$$
(6.45)

A Bode-diagram logaritmikus léptékeit figyelembevéve a 6.45 összefüggés átalakítható a

$$\frac{\left(20\lg A_{u0} - 20\lg A_{u}'\right)}{20} = \frac{\left(\lg f_{f} - \lg f_{0}\right)}{1} \tag{6.46}$$

alakra. Az egyenlet rendezése után:

$$\frac{A_{u0}}{A_u'} = \frac{f_f}{f_0} \,. \tag{6.47}$$

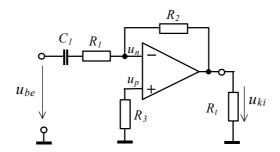
Ebből az összefüggésből meghatározható a felső törésponti frekvencia:

$$f_f = f_0 \frac{A_{u0}}{A'_u} = f_0 (1 + A_{u0} B) = f_0 (1 + H), \tag{6.48}$$

amely a műveleti erősítő törésponti frekvenciájának a hurokerősítés mértékű változása.

## 6.3.1. Invertáló AC erősítő alapkapcsolás frekvenciafüggése

Ideális, frekvenciafüggetlen műveleti erősítőt feltételezve az AC erősítő kapcsolás frekvenciafüggését a csatolókondenzátorok okozzák.



6.16. ábra. A bemeneten csatolt invertáló AC erősítő kapcsolás.

A 6.16. ábrán látható kapcsolás feszültségerősítése az

$$A'_{u}(\omega) = -\frac{Z_{2}}{Z_{1}} = -\frac{R_{2}}{R_{1} + \frac{1}{j\omega C_{1}}} = -\frac{j\omega R_{2}C_{1}}{1 + j\omega R_{1}C_{1}} = -\frac{j\omega T_{2}}{1 + j\omega T_{a}}$$
(6.49)

összefüggéssel adható meg, ahol a törésponti körfrekvenciák:

$$\omega_a = \frac{1}{R_1 C_1} = \frac{1}{T_a}, \text{ és } \omega_2 = \frac{1}{R_2 C_1} = \frac{1}{T_2}.$$
 (6.50)

A feszültségerősítés az  $\omega > \omega_a$  tartományban

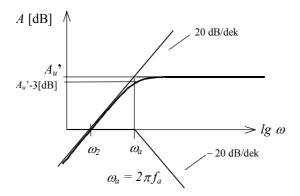
$$A_u' = -\frac{R_2}{R_1} \tag{6.51}$$

összefüggéssel határozható meg.

A feszültségerősítés Bode-diagramja a 6.17. ábrán látható. Megállapítható, hogy kapcsolás  $f_a$  alsó törésponti frekvenciáját a bemeneti  $C_I$  csatolókondenzátor és az  $R_I$  ellenállás értéke befolyásolja, és az

$$f_a = \frac{\omega_a}{2\pi} = \frac{1}{2\pi R_1 C_1} \tag{6.52}$$

összefüggéssel adható meg.

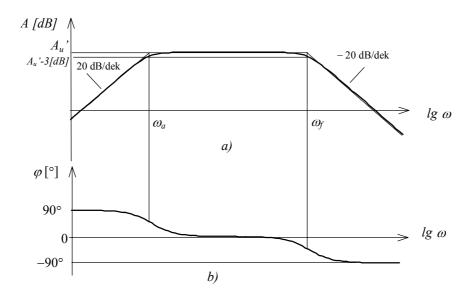


6.17. ábra. Ideális műveleti erősítővel megvalósított, a bemeneten csatolt invertáló AC erősítő Bode-diagramja

A valóságos műveleti erősítő frekvenciamenete ebben az esetben is érvényesül, az  $f_f = \frac{\omega_f}{2\pi} \ \text{felső törésponti frekvenciánál nagyobb frekvencián az erősítés csökken. A felső törésponti frekvencia az$ 

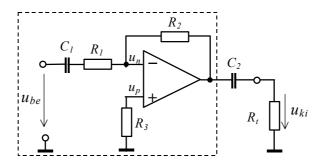
$$f_f = f_0 \frac{A_{u0}}{A'_u} = f_0 (1 + A_{u0}B) = f_0 (1 + H).$$
 (6.53)

összefüggéssel határozható meg. A kapcsolás Bode-diagramja 6.18 a) ábrán, a fázismenete 6.18 b) ábrán látható.



 $6.18.~\acute{a}bra$ . Valóságos műveleti erősítővel megvalósított, a bemeneten csatolt invertáló AC erősítő Bode-diagramja

A 6.16. ábrán látható kapcsolás frekvenciamenetét a terhelő ellenállás nem befolyásolja, a 6.19. ábrán a kimeneti  $C_2$  csatolókondenzátor miatt azonban megváltozik a kapcsolás frekvenciamenete.



6.19. ábra. A bemeneten és a kimeneten is csatolt invertáló AC erősítő kapcsolás.

Ideális műveleti erősítőt feltételezve, a rajzon a szaggatott vonallal határolt rész frekvenciamenete megegyezik a 6.16. ábrán látható kapcsoláséval, ennek feszültségerősítését jelölje  $A_{u1}$ :

$$A_{u1}(\omega) = -\frac{Z_2}{Z_1} = -\frac{R_2}{R_1 + \frac{1}{j\omega C_1}} = -\frac{j\omega R_2 C_1}{1 + j\omega R_1 C_1} = -\frac{j\omega T_2}{1 + j\omega T_a}.$$
 (6.54)

A  $C_2$  és  $R_t$  elemekből álló rész átviteli jellemzője:

$$A_{u2}(\omega) = \frac{R_t}{R_t + \frac{1}{j\omega C_2}} = \frac{j\omega R_t C_2}{1 + j\omega R_t C_2} = \frac{j\omega T_3}{1 + j\omega T_3}, \quad \text{ahol} \quad |A_{u2}| \le 1,$$
(6.55)

ennek törésponti körfrekvenciája:

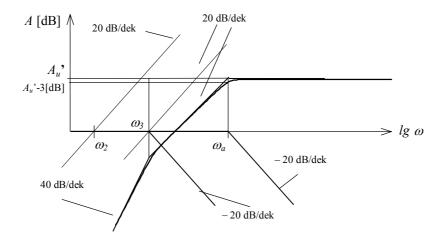
$$\omega_3 = \frac{1}{R_1 C_2} = \frac{1}{T_3}.$$
 (6.56)

A kapcsolás eredő feszültségerősítése:

$$A'_{u}(\omega) = A_{u1}(\omega) \cdot A_{u2}(\omega) = -\frac{j\omega T_{2}}{(1 + j\omega T_{a})} \cdot \frac{j\omega T_{3}}{(1 + j\omega T_{3})}.$$

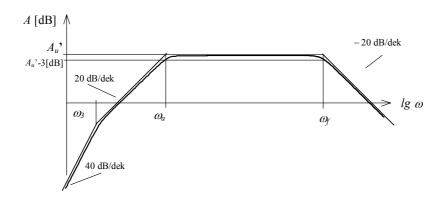
$$(6.57)$$

A 6.20. ábrán az eredő feszültségerősítés Bode-diagramja látható  $\omega_2 < \omega_3 < \omega_a$  esetre, ideális műveleti erősítőt feltételezve.



6.20. ábra. Ideális műveleti erősítővel megvalósított, a bemeneten és a kimeneten is csatolt invertáló AC erősítő kapcsolás Bode-diagramja.

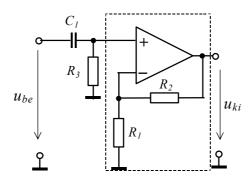
A valóságos műveleti erősítő nagy frekvenciákon ebben az esetben is megváltoztatja a kapcsolás frekvenciamenetét, a felső határfrekvenciánál nagyobb frekvenciákon az erősítés csökken. A Bode-diagram a *6.21 ábrán* látható.



6.21. ábra. Valóságos műveleti erősítővel megvalósított, a bemeneten és a kimeneten is csatolt invertáló AC erősítő kapcsolás Bode-diagramja.

### 6.3.2. Neminvertáló AC erősítő alapkapcsolás frekvenciafüggése

A neminvertáló AC erősítő kapcsolás frekvenciamenete hasonló az invertáló kapcsolás frekvenciamenetéhez.



6.22. ábra. A bemeneten csatolt neminvertáló AC erősítő alapkapcsolás.

## A 6.22. ábrán szaggatott vonallal határolt rész erősítése:

$$A_{u2} = 1 + \frac{R_2}{R_1}, (6.58)$$

ideális műveleti erősítőt feltételezve frekvenciafüggetlen. A bemeneten a  $C_1$  kondenzátor és  $R_3$  ellenállásból álló hálózat átviteli jellemzője:

$$A_{u1} = \frac{j\omega R_3 C_1}{1 + j\omega R_2 C_1}, \text{ ahol } |A_{u1}| \le 1.$$
 (6.59)

A kapcsolás eredő erősítése:

$$A'_{u} = A_{u1} \cdot A_{u2} = \frac{j\omega R_{3}C_{1}}{(1+j\omega R_{3}C_{1})} \cdot \left(1 + \frac{R_{2}}{R_{1}}\right). \tag{6.60}$$

Az alsó törésponti frekvencia az

$$f_a = \frac{1}{2\pi R_3 C_1} \tag{6.61}$$

összefüggéssel határozható meg, az  $\omega > 2\pi f_a$  körfrekvencián a kapcsolás erősítése

$$A'_{u} = A_{u1} \cdot A_{u2} = 1 + \frac{R_{2}}{R_{1}}. \tag{6.62}$$

A valóságos műveleti erősítő frekvenciamenete ebben az esetben is korlátozza a működési frekvenciát, a felső határfrekvencia itt is az

$$f_f = f_0 \frac{A_{u0}}{A'_u} = f_0 (1 + A_{u0} B) = f_0 (1 + H). \tag{6.63}$$

alapján lehet meg határozni, de ebben a kapcsolásban a visszacsatoló tag erősítése a

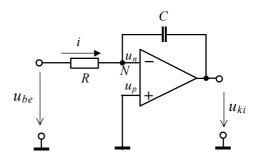
$$B = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \tag{6.64}$$

összefüggés szerint adható meg.

## 6.4. INTEGRÁLÓ ÉS DIFFERENCIÁLÓ KAPCSOLÁSOK

#### 6.4.1. Integráló kapcsolás

Az invertáló műveleti erősítő visszacsatoló ellenállását kondenzátorral helyettesítve invertáló integráló kapcsolás alakítható ki. A kondenzátor negatív visszacsatolást létesít minden jelváltozásra, a visszacsatoló hurok úgy állítja be a kimeneti feszültséget, hogy (amíg lehetséges) az N ponton a virtuális nulla fennmaradjon.



6.23. ábra. Integráló kapcsolás.

A műveleti erősítő végtelen nagy erősítése miatt a bemeneti szimmetrikus feszültség nulla, ezért az N pont virtuális nulla pont. A bemeneten

$$i = \frac{u_{be}}{R_1} \tag{6.65}$$

áram folyik. A kondenzátor feszültsége a kimeneti feszültséggel egyezik meg:

$$u_{ki} = -u_C = -\frac{1}{C} \int_0^t i dt + U_{C0} , \qquad (6.66)$$

ahol  $U_{C0}$  a kondenzátor kezdeti feszültsége. A 6.65 egyenletet behelyettesítve

$$u_{ki} = -\frac{1}{RC} \int_{0}^{t} u_{be} dt + U_{C0} , \qquad (6.67)$$

a kimeneti feszültség a bemeneti feszültség integráljával arányos.

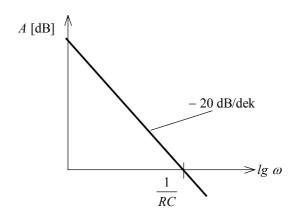
Ideális elemeket feltételezve (ideális, végtelen nagy erősítésű, ofszet nélküli műveleti erősítő, veszteségmentes kondenzátor), szinuszos bemeneti jel esetén a kimeneti feszültség meghatározható az invertáló műveleti erősítő átviteli jellemzője alapján is:

$$A_u = -\frac{Z_2}{Z_1} = -\frac{u_{ki}}{u_{be}}. (6.68)$$

A kimeneti feszültség:

$$u_{ki} = -u_{be} \frac{Z_{2}}{Z_{1}} = -u_{be} \frac{\frac{1}{j\omega C}}{R} = -u_{be} \frac{1}{j\omega RC} = -u_{be} \frac{1}{j\omega T_{i}}.$$
 (6.69)

A  $T_i = RC$  szorzat az integrálási időállandó. A kapcsolás Bode-diagramja a 6.24. ábrán látható.

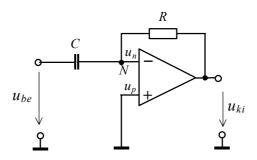


6.24. ábra. Az integráló kapcsolás Bode-diagramja.

Az integráló kapcsolás visszacsatolásában a kondenzátor egyenáram szempontjából szakadás, ezért a műveleti erősítő egyenfeszültségre nincs visszacsatolva, nyitott hurokkal működik. Ha a bemeneti feszültség  $u_{be} = 0$ , a valóságos műveleti erősítő bemeneti ofszet feszültsége miatt a kimeneti feszültség addig növekszik, míg a kivezérelhetőség határát (gyakorlatilag a pozitív, vagy a negatív tápfeszültséget) el nem éri. A hibát okozó hatás csökkentése miatt a kapcsolás módosított változatait használják a gyakorlatban.

## 6.4.3. Differenciáló kapcsolás

Az invertáló erősítő alapkapcsolás  $R_I$  ellenállásának kondenzátorral való helyettesítésével alakítható ki a differenciáló kapcsolás (6.25. ábra).



6.25. ábra. Differenciáló kapcsolás.

A kapcsolás N virtuális nulla pontját figyelembevéve, a kondenzátor feszültsége a bemeneti feszültséggel egyezik meg:  $u_C = u_{be}$ , az árama pedig az

$$i_C = C \frac{du_C}{dt} = C \frac{du_{be}}{dt} \,. \tag{6.70}$$

összefüggéssel határozható meg. Az R ellenállás feszültsége az  $u_{ki}$  kimeneti feszültségel egyezik meg, az árama pedig a kondenzátor áramával, mert ez az áram az ideális műveleti erősítő végtelen nagy bemeneti ellenállása miatt csak a visszacsatoláson folyhat:

$$u_{ki} = -u_R = -i_C R. (6.71)$$

A 6.70 egyenletet behelyettesítve, a kimeneti feszültség

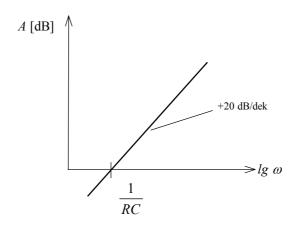
$$u_{ki} = -RC\frac{du_{be}}{dt},\tag{6.72}$$

a bemeneti feszültség deriváltjával arányos.

Ideális műveleti erősítő feltételezésével a kapcsolás átviteli függvénye:

$$A_{u} = \frac{u_{ki}}{u_{be}} = -\frac{Z_{2}}{Z_{1}} = -\frac{R}{\frac{1}{j\omega C}} = -j\omega RC = -j\omega T_{d},$$
(6.73)

ahol  $T_d = RC$  a differenciálási időállandó. A kapcsolás Bode-diagramja a 6.26 ábrán látható.

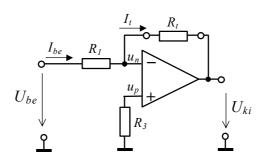


6.26. ábra. A differenciáló kapcsolás Bode-diagramja.

Ez a frekvenciakarakterisztika valóságos műveleti erősítővel nem valósítható meg, az erősítés nem növekedhet minden határon túl, a műveleti erősítő frekvenciamenete mindenképpen korlátoz. Ennek következtében a visszacsatolt rendszer a stabilitás határára kerül, gerjedékeny. A kapcsolás hátránya az is, hogy a bemeneti impedancia a frekvencia növekedésével csökken. E hátrányok miatt az ideális differenciáló kapcsolást a gyakorlatban nem használják, helyette e hátrányokat csökkentő módosított kapcsolásokat alkalmaznak.

# 6.5. Áramgenerátorok

A legegyszerűbb áramgenerátor invertáló erősítő kapcsolásból valósítható meg. Az invertáló bemeneten egy ismert, pontos  $R_I$  ellenálláson adott  $U_{be}$  referencia-feszültséget beállítva, az így kialakuló állandó  $I_{be} = I_t$  áram folyik át a terhelésen.



6.27. ábra. Egyszerű áramgenerátor.

A bemeneti áram:

$$I_{be} = \frac{U_{be}}{R_1} = I_t. {(6.74)}$$

A kapcsolás csak olyan esetekben alkalmazható, amikor a terhelés földfüggetlen. A bemeneti feszültséggel beállított, az  $R_I$  ellenállástól függő áram a terhelésen folyik keresztül, függetlenül annak értékétől. Ennek megfelelően a terhelőellenállás minimális értéke

$$R_{t\min} = 0, (6.75)$$

rövidrezárható. A terhelés feszültsége:

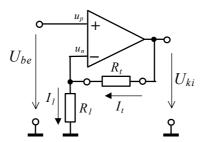
$$U_t = I_t R_t, (6.76)$$

összefüggéssel határozható meg, de nem lehet nagyobb, mint a kapcsolás maximális kimeneti feszültsége.

A terhelés maximális értékét a műveleti erősítő  $I_{kimax}$  maximálisan megengedett kimeneti árama és a kimeneti feszültség határozza meg:

$$R_{t \max} = \frac{U_{ki}}{I_{ki \max}}. (6.77)$$

Áramgenerátor neminvertáló erősítő kapcsolással is megvalósítható. A terhelőellenállás ebben az esetben is a visszacsatoló ellenállás, és csak földfüggetlen lehet.



6.28. ábra. Neminvertáló erősítő kapcsolásból kialakított áramgenerátor.

Ideális műveleti erősítőt feltételezve a két bemenet között nincs feszültség, tehát

$$u_n = u_p$$
.

Mivel a neminvertáló bemenetre az  $U_{be}$  bemeneti feszültség kerül, ezért

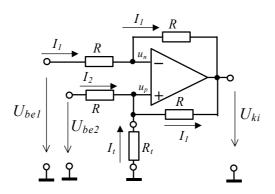
$$u_p = U_{be}$$
, és  $u_n = U_{be}$ .

Az  $R_1$  ellenálláson folyó áramot az  $u_n$  feszültség és az  $R_1$  ellenállás határozza meg:

$$I_1 = \frac{U_{be}}{R_1} \,. \tag{6.78}$$

Az ideális műveleti erősítő végtelen nagy bemeneti ellenállása miatt ez az áram a visszacsatoláson, tehát a terhelő ellenálláson folyik:  $I_l = I_t$ .

Földelt terhelés esetén alkalmazható a 6.29. ábrán látható áramgenerátor kapcsolás.



6.29. ábra. Földelt terhelés esetén alkalmazható áramgenerátor.

A négy pontosan egyforma értékű ellenállással, negatív és pozitív visszacsatolással kialakított áramgenerátor terhelő áramát a bemeneti feszültségek különbsége és az *R* ellenállás értéke határozza meg.

Az invertáló bemenet feszültsége:

$$u_n = U_{be1} - I_1 R. (6.79)$$

A neminvertáló bemenet feszültsége:

$$u_p = U_{be2} - I_2 R. (6.80)$$

Ideális műveleti erősítőt feltételezve:  $u_n = u_p$ . Behelyettesítve a 6.79 és 6.80 egyenleteket:

$$U_{bel} - I_1 R = U_{be2} - I_2 R, (6.81)$$

$$U_{be1} - U_{be2} = (I_1 - I_2)R. (6.82)$$

A neminvertáló bemeneten a műveleti erősítőbe nem folyhat be áram a végtelen nagy bemeneti ellenállás miatt, így a terhelő áram:

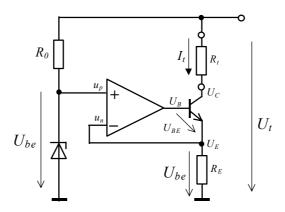
$$I_t = I_1 - I_2. (6.83)$$

Ezt az összefüggést a 6.80 egyenletbe behelyettesítve, a terhelő áram az

$$I_{t} = \frac{U_{be1} - U_{be2}}{R} \tag{6.84}$$

összefüggéssel adható meg.

A bipoláris tranzisztoros áramgenerátor árama pontosítható műveleti erősítő alkalmazásával (6.30. ábra).



6.30. ábra. Tranzisztoros áramgenerátor követő erősítővel.

A követő erősítő  $U_{be}$  bemeneti feszültsége megegyezik az  $R_E$  emitterellenállás  $U_E$  feszültségével. A tranzisztor emitterárama

$$I_E = \frac{U_{be}}{R_E} \tag{6.85}$$

összefüggéssel adható meg, ez az áram folyik a terhelő ellenálláson is, függetlenül annak értékétől:  $I_E \cong I_t$ . Ennek megfelelően a terhelőellenállás minimális értéke:

$$R_{t\min} = 0. \tag{6.86}$$

A kapcsolás addig képes áramgenerátorként működni, míg a tranzisztor a normál aktív tartományban üzemel, tehát amíg a tranzisztor kollektor feszültsége nem csökken a bázisfeszültség értéke alá:  $U_B = U_C$ . Ebből a feltételből meghatározható a terhelőellenállás maximális értéke,

$$R_{t \max} = \frac{U_t - U_B}{I_t},\tag{6.87}$$

amelynél a kapcsolás még áramgenerátorként működik.

#### 6.6. KOMPARÁTOROK

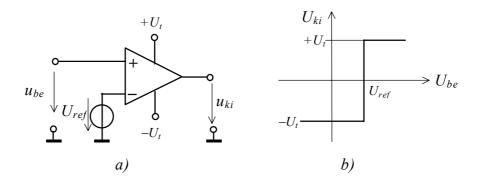
A műveleti erősítővel megvalósított komparátor áramkör a bemeneteire adott két analóg jel értékét hasonlítja össze és kétféle kimeneti jelet szolgáltat attól függően, hogy melyik bemeneti jel nagyobb. A két bemeneti jel közül az egyik rendszerint állandó értékű, ez az  $U_{ref}$  referencia feszültség, a másik bemenetre kapcsolódik a változó  $u_{be}$  bemeneti feszültség. A komparátor akkor változtatja meg a kimenetét, amikor a bemeneti feszültség értéke megegyezik a referenciafeszültséggel. Mivel a

bemeneti jel analóg, a kimeneti jel pedig digitális, ezért a komparátor analóg-digitális átalakítónak is tekinthető.

Komparátornak alkalmazható a normál műveleti erősítő, vagy a komparátor típusú erősítő, amelyre a gyorsabb működés és a logikai szintű kimenet a jellemző. A komparátorok működése a műveleti erősítő túlvezérlésén, tehát a nemlineáris működésén alapszik. Megfelelően kis értékű bemeneti jel esetén a komparátor egyszerű erősítőként működik.

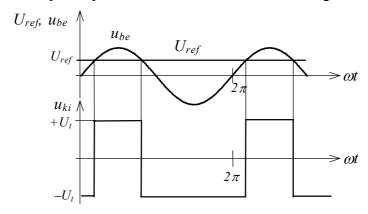
### 6.6.1. Neminvertáló komparátor

Az ideális műveleti erősítővel megvalósított neminvertáló komparátor kapcsolása és transzfer karakterisztikája látható a 6.31. ábrán.



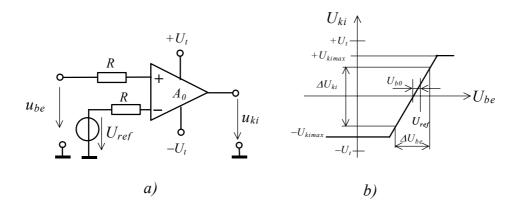
6.31. ábra. Neminvertáló komparátor a) kapcsolási rajza, b) transzfer karakterisztikája.

Ha a komparátor neminvertáló bemenetének  $u_{be}$  feszültsége nagyobb, mint az  $U_{ref}$  referenciafeszültség, akkor az  $u_{ki}$  kimeneti feszültség a pozitív tápfeszültséggel, ha kisebb, akkor a kimenet a negatív tápfeszültség értékével egyezik meg. A 6.32. ábrán a neminvertáló komparátor bemeneti és kimeneti feszültség-időfüggvénye látható szinuszos bemeneti jel és pozitív értékű referenciafeszültség esetén.



6.32. ábra. A neminvertáló komparátor bemeneti és kimeneti feszültség-időfüggvénye.

A valóságos műveleti erősítő véges erősítéssel, nullától eltérő értékű ofszet feszültséggel rendelkezik, és túlvezérlés esetén a  $\pm U_t$  tápfeszültség értéknél mindig kisebb a kimeneti feszültség minimális és maximális értéke. A 6.33 a) ábrán a valóságos műveleti erősítővel megvalósított neminvertáló komparátor kapcsolása, a 6.33 b) ábrán a transzfer karakterisztikája látható.



6.33. ábra. Valóságos műveleti erősítővel kialakított neminvertáló komparátor a) kapcsolása és b) transzfer karakterisztikája.

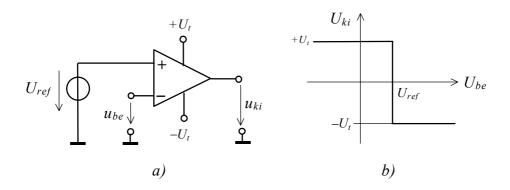
A valóságos műveleti erősítővel megvalósított komparátor transzfer karakterisztikája véges meredekségű, az erősítő  $A_{u0}$  erősítésének megfelelően:

$$A_{u0} = \frac{\Delta U_{ki}}{\Delta U_{be}},\tag{6.88}$$

a billenési szint értékét pedig a műveleti erősítő ofszet feszültsége módosítja.

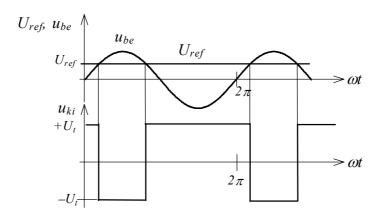
## 6.6.2. Invertáló komparátor

Az ideális műveleti erősítővel megvalósított invertáló komparátor kapcsolása és transzfer karakterisztikája látható a 6.34. ábrán.



6.34. ábra. Invertáló komparátor a) kapcsolása és b) transzfer karakterisztikája.

Az invertáló komparátor (–) invertáló bemenetére kell kapcsolni az  $u_{be}$  bemeneti feszültséget, a (+) neminvertáló bemenetére pedig az  $U_{ref}$  referenciafeszültséget. Ha a bemeneti feszültség nagyobb, mint a referenciafeszültség, akkor az  $u_{ki}$  kimeneti feszültség a negatív tápfeszültséggel, ha kisebb, akkor a kimenet a pozitív tápfeszültség értékével egyezik meg.

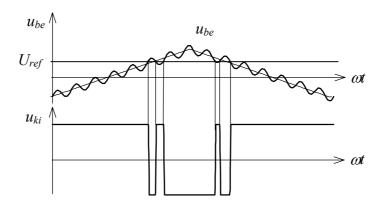


6.35. ábra. Az invertáló komparátor bemeneti és kimeneti feszültség-időfüggvénye.

A 6.35. ábrán az invertáló komparátor bemeneti és kimeneti feszültség-időfüggvénye látható szinuszos bemeneti jel és pozitív értékű referenciafeszültség esetén.

#### 6.6.3. Hiszterézises komparátor

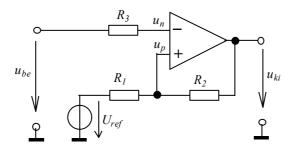
Ha a bemeneti jelre zavarjel szuperponálódik, akkor a komparálási szintet a bemeneti jel mindkét irányban többször átlépi, ezért a komparátor kimeneti jele bizonytalanná válik (6.36. ábra). A bemeneti zavarjel hatása csökkenthető, ha a komparátor oda- és visszabillenési szintje különböző értékű, amely a komparátor kis mértékű pozitív visszacsatolásával valósítható meg.



6.36. ábra. A komparátor bemeneti és kimeneti feszültség-időfüggvénye zajos bemeneti feszültség esetén.

### 6.6.3.1. Invertáló hiszterézises komparátor

Az invertáló hiszterézises komparátor kapcsolása látható a 6.37. ábrán. A komparátor kimenete akkor billen át, amikor az invertáló bemenetre kapcsolt bemeneti feszültség pillanatértéke megegyezik a neminvertáló bemenet feszültségével. A neminvertáló bemenet feszültségét két tényező befolyásolja: egyrészt az  $U_{ref}$  referenciafeszültség, másrészt az  $u_{ki}$  kimeneti feszültség visszacsatolt értéke. Mivel a kimenet két értéket vehet fel, így a visszacsatolás miatt két (alsó és felső) komparálási szint jön létre. A komparátor akkor billen át, amikor a bemeneti feszültség először meghaladja a felső komparálási szintet, és csak akkor billen vissza, ha a bemeneti jel az alsó billenési szint értéke alá csökken. Ha a zajfeszültség csúcstól-csúcsig mért értéke kisebb, mint a felső és az alsó billenési szint különbsége, akkor elkerülhető a komparátor hibás működése.



6.37. ábra. Invertáló hiszterézises komparátor.

#### A felső billenési szint meghatározása

Ha a bemeneti feszültség  $u_{be}$  negatív irányból pozitív irányba változik, a kimeneti feszültség

$$U_H (= +U_{kimax})$$

értékű. A komparátor kimenete akkor változik meg, ha az *invertáló* és a *nem-invertáló* bemenetek feszültsége megegyezik:

$$u_n = u_p$$
.

Az *invertáló* bemenet feszültsége:  $u_n = u_{be}$ .

A bemeneti feszültség értéke, amikor a komparátor átbillen:

$$u_{be} = U_f$$

a felső billenési szint.

A neminvertáló bemenet  $u_p$  feszültségét két feszültség befolyásolja: egyrészt az  $u_{ki}$  kimeneti feszültség, másrészt az  $U_{ref}$  referenciafeszültség.

A *neminvertáló* bemenet  $u_p$  feszültsége a szuperpozíció alkalmazásával:

$$u_p = U_{ref} \frac{R_2}{R_1 + R_2} + u_{ki} \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$
 (6.89)

Behelyettesítések után ( $u_p = U_f$ , és  $u_{ki} = U_H$ ) a felső billenési szint az:

$$U_f = U_{ref} \frac{R_2}{R_1 + R_2} + U_H \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$
 (6.90)

összefüggés szerint határozható meg.

Az U<sub>a</sub> alsó billenési szint meghatározása

Ha a bemeneti feszültség  $u_{be}$  pozitív irányból negatív irányba változik, a kimeneti feszültség

$$U_L (= -U_{kimax})$$

értékű. A komparátor kimenete akkor változik meg, ha az *invertáló* és a *neminvertáló* bemenetek feszültsége megegyezik:

$$u_n = u_p$$
.

Az *invertáló* bemenet feszültsége:  $u_n = u_{be}$ .

A bemeneti feszültség értéke, amikor a komparátor átbillen:

$$u_{be} = U_a$$
,

az alsó billenési szint.

A neminvertáló bemenet  $u_p$  feszültsége a szuperpozíció alkalmazásával:

$$u_p = U_{ref} \frac{R_2}{R_1 + R_2} + u_{ki} \frac{R_1}{R_1 + R_2}. {(6.91)}$$

Behelyettesítések után ( $u_p = U_a$ , és  $u_{ki} = U_L$ ) az alsó billenési szint az

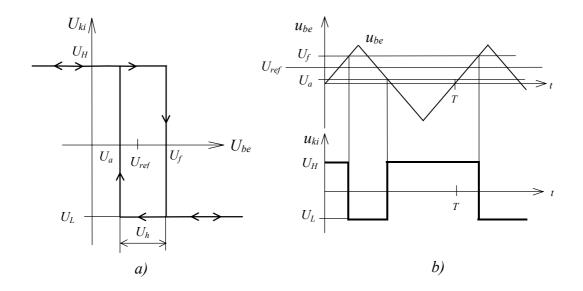
$$U_a = U_{ref} \frac{R_2}{R_1 + R_2} + U_L \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$
 (6.92)

összefüggéssel határozható meg.

A két billenési szint különbsége a hiszterézistávolság:

$$U_h = U_f - U_a = (U_H - U_L) \frac{R_1}{R_1 + R_2}.$$
 (6.93)

Az invertáló hiszterézises komparátor transzfer karakterisztikája és időfüggvényei a 6.38. ábrán láthatók.

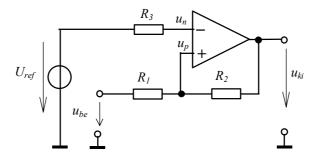


6.38. ábra. Az invertáló hiszterézises komparátor a) transzfer karakterisztikája és b) időfüggvényei.

A komparátor kimenete akkor alacsony szintű, ha a bemeneti feszültség pillanatértéke értéke nagyobb a felső billenési szint értékénél, és akkor billen át a magas szintre, ha a bemeneti feszültség az alsó billenési szint értéke alá csökken.

## 6.6.3.2. Neminvertáló hiszterézises komparátor

Az invertáló hiszterézises komparátor bemenetén a bemeneti és a referenciafeszültséget megcserélve neminvertáló hiszterézises komparátor alakítható ki. A neminvertáló hiszterézises komparátor kapcsolása a 6.39. ábrán látható.



6.39. ábra. Neminvertáló hiszterézises komparátor.

#### A felső billenési szint meghatározása

Ha a bemeneti feszültség  $u_{be}$  negatív irányból pozitív irányba változik, a kimeneti feszültség

$$U_L (= -U_{kimax}).$$

A komparátor kimenete akkor változik meg, ha az *invertáló* és a *neminvertáló* bemenetek feszültsége megegyezik:

$$u_n = u_p$$
.

Az invertáló bemenet feszültsége:  $u_n = U_{ref} (= u_p)$ .

A bemeneti feszültség értéke, amikor a komparátor átbillen:

$$u_{be} = U_f$$

a felső billenési szint.

A *neminvertáló* bemenet feszültségét a bemeneti feszültség és a kimeneti feszültség együttesen határozza meg.

A *neminvertáló* bemenet  $u_p$  feszültsége a szuperpozíció alkalmazásával:

$$u_p = u_{be} \frac{R_2}{R_1 + R_2} + u_{ki} \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$
(6.94)

Behelyettesítések után ( $u_p = U_{ref}$ ,  $u_{be} = U_f$  és  $u_{ki} = U_L$ ):

$$U_{ref} = U_f \frac{R_2}{R_1 + R_2} + U_L \frac{R_1}{R_1 + R_2}.$$
 (6.95)

Ebből az egyenletből meghatározható a felső billenési szint értéke:

$$U_{f} = \frac{U_{ref} - U_{L} \frac{R_{1}}{R_{1} + R_{2}}}{\frac{R_{2}}{R_{1} + R_{2}}} = U_{ref} \left(1 + \frac{R_{1}}{R_{2}}\right) - U_{L} \frac{R_{1}}{R_{2}}.$$
 (6.96)

Az U<sub>a</sub> alsó billenési szint meghatározása

Ha a bemeneti feszültség  $u_{be}$  pozitív irányból negatív irányba változik, a kimeneti feszültség

$$U_H (= +U_{kimax})$$

értékű. A bemeneti feszültség értéke, amikor a komparátor átbillen:

$$u_{be} = U_a$$
,

az alsó billenési szint.

A *neminvertáló* bemenet  $u_p$  feszültsége a szuperpozíció alkalmazásával:

$$u_p = u_{be} \frac{R_2}{R_1 + R_2} + u_{ki} \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$
(6.97)

Behelyettesítések után ( $u_p = U_{ref}$ ,  $u_{be} = U_a$  és  $u_{ki} = U_H$ ):

$$U_{ref} = U_a \frac{R_2}{R_1 + R_2} + U_H \frac{R_1}{R_1 + R_2}.$$
 (6.98)

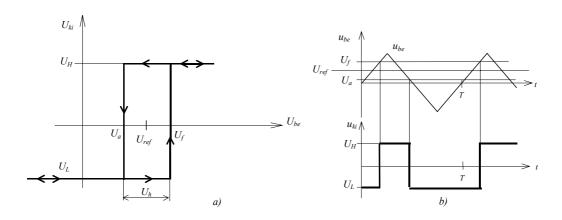
Ebből az egyenletből meghatározható az alsó billenési szint értéke:

$$U_{a} = \frac{U_{ref} - U_{H} \frac{R_{1}}{R_{1} + R_{2}}}{\frac{R_{2}}{R_{1} + R_{2}}} = U_{ref} \left(1 + \frac{R_{1}}{R_{2}}\right) - U_{H} \frac{R_{1}}{R_{2}}.$$
(6.99)

A hiszterézis távolság:

$$U_h = U_f - U_a = (U_H - U_L) \frac{R_1}{R_2}, \tag{6.100}$$

a felső és az alsó billenési szint különbsége.

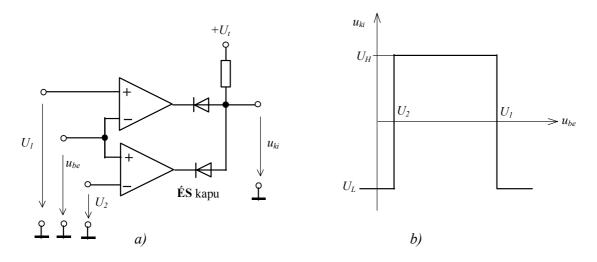


6.40. ábra. A neminvertáló hiszterézises komparátor a) transzfer karakterisztikája és b) időfüggvényei.

A kapcsolás transzfer karakterisztikája a 6.40 a) ábrán, és időfüggvényei 6.40 b) ábrán láthatók háromszög jelformájú bemeneti feszültség és pozitív referenciafeszültség esetén.

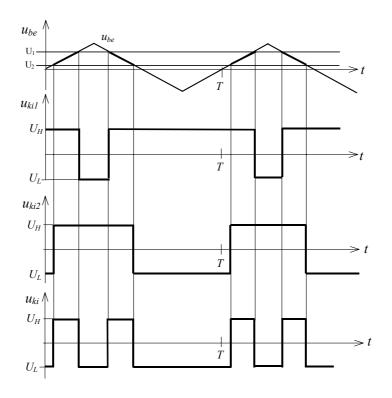
#### 6.6.4. Ablakkomparátor

Az ablakkomparátor két komparátorból felépített kapcsolás, amellyel eldönthető, hogy a bemenetére kapcsolt  $u_{be}$  feszültség az előírt határok között van-e, vagy azon kívül. A műveleti erősítők kimenetét diódákkal, vagy logikai kapukkal kell összekapcsolni. Az ablakkomparátor kapcsolása a 6.41 a) ábrán látható, a kimeneten diódás ÉS kapuval.



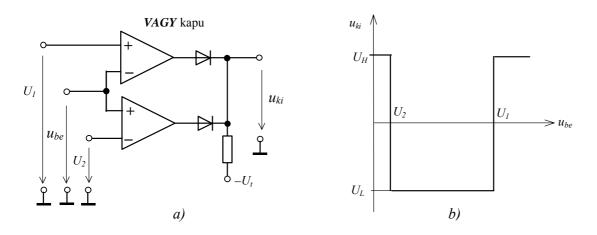
6.41. ábra. A kimenetén logikai ÉS kapuval megvalósított ablakkomparátor a) kapcsolása, b) transzfer karakterisztikája.

Az ablakkomparátor kimenete akkor  $U_H$  (magas) szintű, ha mindkét műveleti erősítő kimenete  $U_H$  értékű, tehát az  $u_{be}$  bemeneti feszültség az  $U_I$  és  $U_2$  feszültségértékek között van, minden más esetben  $U_L$  (alacsony) értékű. A kapcsolás jellemző idő függvényei láthatók a 6.42. ábrán.



6.42. ábra. Az ablakkomparátor időfüggvényei.

A 6.43 a) ábrán látható ablakkomparátor kimenete logikai VAGY kapu. Ebben az esetben akármelyik műveleti erősítő kimenete  $U_H$ , (magas) szintű, akkor a közös kimenet is  $U_H$  (magas) szintű. A közös kimenet csak akkor  $U_L$  (alacsony) szintű, ha mindkét kimenet  $U_L$  (alacsony) szintű, tehát a bemeneti jel értéke  $U_I$  és  $U_2$  között van.

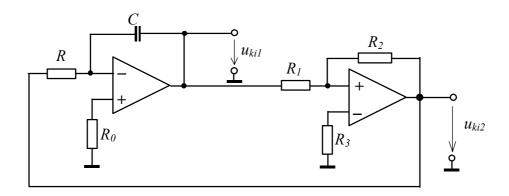


6.43. ábra. A kimenetén logikai VAGY kapuval megvalósított ablakkomparátor a) kapcsolása, és b) transzfer karakterisztikája.

A 6.43 b) ábrán a kimenetén logikai VAGY kapuval megvalósított ablakkomparátor transzfer karakterisztikája látható.

#### 6.7. HULLÁMFORMAGENERÁTOROK

A hullámformagenerátorok különböző hullámformájú (négyszög, impulzus, fűrész, háromszög, stb.) kimeneti jelek előállítására alkalmasak. Áramköri kialakításuk alapja gyakran a *6.44. ábrán* látható kapcsolás.



6.44. ábra. Hullámforma generátor.

Műveleti erősítővel megvalósított integrátor és hiszterézises komparátor alkalmazásával háromszög és négyszög hullámformájú jelek állíthatók elő. Az integrátor

 $u_{kil}$  kimeneti jele vezérli a hiszterézises komparátor bemenetét, amelynek  $u_{ki2}$  kimeneti jele egyben az integráló kapcsolás bemeneti jele is.

A bekapcsolás pillanatában a komparátor  $u_{ki2}$  kimenete a két lehetséges érték  $(U_H, U_L)$  egyike, például  $U_H$ . Ezt a feszültséget az integráló kapcsolás  $\tau = RC$  időállandóval integrálja mindaddig, amíg  $u_{ki1}$  értéke meg nem egyezik a komparátor kimenetéről visszacsatolt feszültség negatív értékével, a példa szerint:

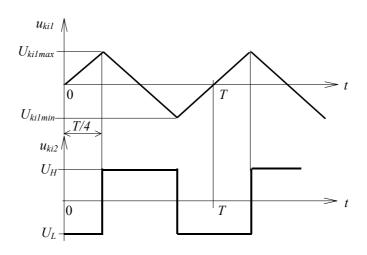
$$U_{ki1\,\text{max}} = -U_H \frac{R_1}{R_2}. \tag{6.101}$$

Ekkor a komparátor kimenete megváltozik, átbillen az  $U_L$  értékre. Az integráló kapcsolás bemenetére ez a megváltozott feszültség  $(U_L)$  kerül, ezt integrálja a kapcsolás mindaddig, amíg az  $u_{kil}$  feszültség el nem éri az

$$U_{ki1\,\text{min}} = -U_L \frac{R_1}{R_2} \tag{6.102}$$

értéket. Ekkor a komparátor kimenete ismét átbillen, így a folyamat periodikusan ismétlődik. A kapcsolás időfüggvényei a 6.45. ábrán láthatók.

Az  $u_{ki2}$  kimeneti feszültség amplitúdóját a műveleti erősítő maximális kimeneti feszültsége határozza meg ( $U_H$  és  $U_L$ ). Az  $u_{ki1}$  háromszögjel amplitúdói ( $U_{ki1max}$  és  $U_{ki1min}$ ) a 6.101 és a 6.102 összefüggések alapján határozhatók meg.



6.45. ábra. Hullámforma alapgenerátor időfüggvényei.

A hullámforma generátor periódusideje az integrátor kimeneti jelének időfüggvényéből határozható meg.

Az integrátor  $u_{kil}$  kimeneti feszültségének időfüggvénye:

$$u_{ki1}(t) = -\frac{1}{RC} \int_{0}^{t} u_{ki2}(t) dt.$$
 (6.103)

Az  $u_{ki2}$  kimeneti feszültség értéke a  $0 - \frac{T}{4}$  időtartományban állandó  $U_H$  értékű. Behelyettesítve a 6.103 összefüggésbe:

$$u_{kil}\left(\frac{T}{4}\right) = -\frac{1}{RC} \int_{0}^{\frac{T}{4}} U_{H}(t) dt.$$
 (6.104)

Az integrálás után:

$$u_{ki1} \left(\frac{T}{4}\right) = -\frac{1}{RC} U_H \frac{T}{4} \,. \tag{6.105}$$

A  $t = \frac{T}{4}$  időpillanatban az  $u_{kil}$  feszültség pillanatértéke megegyezik a komparátor kimenetéről visszacsatolt feszültség negatív értékével, a 6.101 összefüggés szerint:

$$u_{kil}\left(\frac{T}{4}\right) = -\frac{R_1}{R_2}U_H \tag{6.106}$$

Behelyettesítve a 6.105 összefüggésbe:

$$-\frac{R_1}{R_2}U_H = -\frac{1}{RC}U_H \frac{T}{4}.$$
 (6.107)

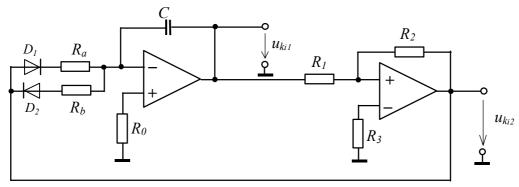
Ebből az összefüggésből a periódusidő:

$$T = 4RC\frac{R_1}{R_2}. (6.108)$$

A működési frekvencia:

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{4RC} \frac{R_2}{R_1}. (6.109)$$

Mivel az integráló kapcsolás kondenzátorának töltő és kisütő ellenállása egyaránt az R ellenállás, ezért a periódus két egyforma félperiódusra bontható. A 6.46. ábrán látható kapcsolásban a kondenzátor töltése és kisütése különböző értékű ellenálláson keresztül történik, így a különböző integrálási időállandók miatt az  $u_{ki2}$  kimeneti feszültség kitöltése az  $R_a$  és  $R_b$  ellenállások értékének függvényében változtatható.

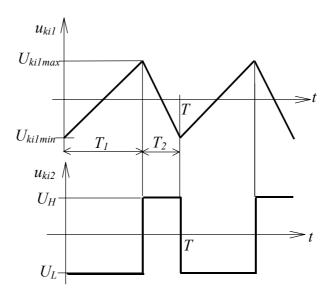


6.46. ábra. Változtatható kitöltésű hullámforma generátor.

A kapcsolás működési frekvenciája az

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{T_1 + T_2} = \frac{1}{2(R_a + R_b)C} \frac{R_2}{R_1}$$
 (6.110)

összefüggéssel határozható meg.

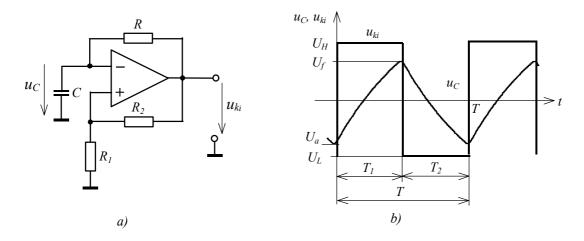


6.47. ábra. A változtatható kitöltésű hullámforma generátor időfüggvényei.

A változtatható kitöltésű hullámforma generátor időfüggvényei a 6.47. ábrán láthatók.

#### 6.7.1. Astabil multivibrátor

Négyszög hullámformájú kimeneti feszültség állítható elő a 6.48 a) ábrán látható műveleti erősítővel megvalósított astabil multivibrátor kapcsolással.



6.48. ábra. Astabil multivibrátor a) kapcsolása és b) időfüggvényei.

A kapcsolás egy invertáló hiszterézises komparátor  $U_{ref} = 0$  referenciafeszültséggel. A bemeneti feszültség a kondenzátor  $u_c$  feszültsége, amely a negatív visszacsatolás miatt a kimeneti feszültség polaritásának megfelelően ( $U_H$  vagy  $U_L$ )  $\tau = RC$  időállandóval exponenciális függvény szerint változik. A hiszterézises komparátor felső billenési szintje az

$$U_f = U_H \frac{R_1}{R_1 + R_2}, (6.111)$$

az alsó billenési szintje pedig az

$$U_a = U_L \frac{R_1}{R_1 + R_2} \,. \tag{6.112}$$

összefüggéssel határozható meg, ahol  $U_H$  a komparátor kimeneti feszültségének pozitív,  $U_L$  pedig a negatív maximális értéke. A komparátor akkor billen át, amikor a kondenzátor feszültsége megegyezik az alsó, vagy a felső billenési szinttel:  $u_C = U_a$ , vagy  $u_C = U_f$ .

Az astabil multivibrátor időfüggvényei a 6.48 b) ábrán láthatók.

Az astabil multivibrátor  $T = T_1 + T_2$  periódusideje a kondenzátor feszültségváltozásának vizsgálatával határozható meg.

A kondenzátor feszültség-időfüggvénye:

$$u_C(t) = -(U_a + U_H)e^{-\frac{t}{\tau}} + U_H.$$
 (6.113)

Mivel a kondenzátor töltése és kisütése azonos időállandójú ( $\tau = RC$ ), valamint feltételezve, hogy a billenési szintek abszolút értéke megegyezik, ezért állandósult állapotban a kimeneti feszültség a  $t = T_1 = \frac{T}{2}$  időpillanatban változik meg.

A feszültség időfüggvény pillanatértéke a  $t = \frac{T}{2}$  időpillanatban:

$$u_{C}\left(\frac{T}{2}\right) = -\left(U_{a} + U_{H}\right)e^{-\frac{T}{2RC}} + U_{H}.$$
(6.114)

Állandósult állapotban a  $t = \frac{T}{2}$  időpillanatban a kondenzátor feszültségének pillanatértéke az

$$u_C\left(\frac{T}{2}\right) = U_f \tag{6.115}$$

felső billenési szinttel egyezik meg, ezért a 6.114 összefüggés

$$U_f = -(U_a + U_H)e^{-\frac{T}{2RC}} + U_H. ag{6.116}$$

alakban írható fel, majd az  $U_f$  és az  $U_a$  billenési szintekre vonatkozó 6.111 és 6.112 összefüggéseket behelyettesítve:

$$U_{H} \frac{R_{1}}{R_{1} + R_{2}} = -\left(U_{L} \frac{R_{1}}{R_{1} + R_{2}} + U_{H}\right) e^{-\frac{T}{2RC}} + U_{H}.$$
 (6.117)

Feltételezve, hogy az alsó és a felső billenési szintben szereplő  $U_L$  és  $U_H$  értékek megegyeznek:

$$|U_H| = |U_f| = |U_{ki}|, (6.118)$$

ezt a 6.117 összefüggésbe behelyettesítve

$$U_{ki} \frac{R_1}{R_1 + R_2} = -\left(U_{ki} \frac{R_1}{R_1 + R_2} + U_{ki}\right) e^{-\frac{T}{2RC}} + U_{ki},$$
 (6.119)

a kapcsolás periódusideje a

$$T = 2RC \ln \frac{2R_1 + R_2}{R_2} \tag{6.120}$$

összefüggéssel határozható meg.

A kimeneti feszültség  $a = \frac{T_1}{T}$  kitöltési tényezője változik, ha a negatív vissza-

csatolást alkotó ellenállás és kondenzátor  $\tau = RC$  időállandója a két periódusrészben  $(T_1$  és  $T_2$ ) nem azonos, a kondenzátor töltése az  $R_a$ , míg a kisütése az  $R_b$  ellenálláson keresztül történik  $(6.53\ a)\ ábra)$ . A periódusidő két összetevője

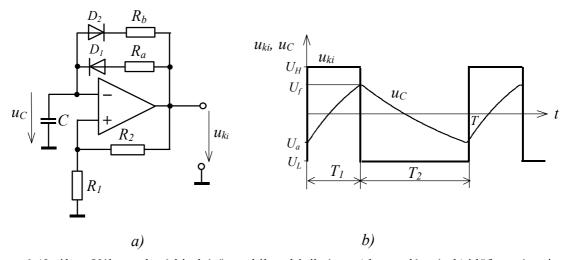
$$T_1 = R_a C \ln \frac{2R_1 + R_2}{R_2}$$
 és  $T_2 = R_b C \ln \frac{2R_1 + R_2}{R_2}$ , (6.121)

itt is feltételezve, hogy az  $U_L$  és  $U_H$  értékek megegyeznek.

A kapcsolás periódusideje állandósult állapotban:

$$T = T_1 + T_2 = (R_a + R_b)C \ln \frac{2R_1 + R_2}{R_2}.$$
 (6.122)

A kapcsolás időfüggvényei a 6.49 b) ábrán láthatók.



6.49. ábra. Változtatható kitöltésű astabil multivibrátor a) kapcsolása és b) időfüggvényei.