

# CENTRO PRE UNIVERSITARIO UNIVERSIDAD NACIONAL DEL ALTIPLANO

## MATEMÁTICA I





### Lógica proposicional

**Ejercicio 1** "La Tierra y Venus son planetas". Esta proposición es:

- I. Simple
- II. Compuesta
- III. Conjuntiva
  - A) Solo I
- B) Solo II
- C) Solo III

D) II y III

E) I y III

**Ejercicio 2** "El soldado no se rinde, vence o muere", es una proposición:

- A) Conjuntiva
- B) Condicional
- C) Disyuntiva
- D) Negativa
- E) Bicondicional

**Ejercicio 3** Dada la siguiente tabla:

p	q	$(p \to q)$	$\leftrightarrow$	(~
V	V		1	
V	F		(2)	
F	V		$\overline{3}$	
F	F		(4)	

Los valores de verdad que se deben escribir en los círculos en el orden indicado (1; 2; 3; 4) son

- A)VFVF
- B) FVFV
- C) FFFV

D)VVVF

E) VVVV

**Ejercicio 4** ¿Qué alternativa se obtendría al negar la siguiente proposición? "O es virus, o es bacteria"

- A) Es virus y es bacteria
- B) Es virus o es bacteria
- C) Si es virus, es bacteria
- D) Es virus si y solo si es bacteria
- E) Ni es virus ni es bacteria

**Ejercicio 5** Al evaluar el siguiente esquema molecular

$$(p \to q) \land \sim (q * \sim p),$$

el valor de verdad de su matriz principal resultó FFFF. ¿Cuál será el valor de verdad al evaluar  $(p*\sim p)$ ?

- A) VFVV
- B) VVFF
- C) FFFV

D) VVVV

E) FVFV

**Ejercicio 6** Si la proposición  $(p\Delta q) \rightarrow (q \rightarrow r)$  es falsa.

Luego

- I.  $p \leftrightarrow q$  no es falsa.
- II.  $q \vee s$  no es verdadera.
- III.  $q \rightarrow \sim p$  es verdadera.

Son ciertas:

- A) Solo I
- B) II y III
- C) Solo III

D) I y III

E) I, II y III

Ejercicio 7 Si las siguientes proposiciones no son falsas

$$\sim p \land \sim (r \to s)$$
$$\sim (p \to q) \leftrightarrow q$$

Determine el valor de

- I.  $(p \lor q) \land (r \leftrightarrow s)$
- II.  $(p \lor q) \lor (s \to \sim r)$
- III.  $(p \rightarrow q) \Delta q$ 
  - A) VFV
- B) FFV
- C) FVF

D) FVV

E) VVV

**Ejercicio 8** Expresar simbólicamente el siguiente teorema: "si un número es impar, entonces su cuadrado es impar". Luego indique su contrarreciproco.

- A) Si el cuadrado de un entero es par, entonces dicho entero es par.
- B) Si un entero es par, entonces su cuadrado es par.
- C) Si el cuadrado de un entero es impar, entonces dicho entero es impar
- D)Si el cuadrado de un entero es par, entonces dicho entero es impar
- E) Si un entero es impar, entonces su cuadrado es par.

**Ejercicio 9** Si la siguiente proposición es falsa: "Si él bebe, fuma, y si no bebe entonces no come; por lo tanto, si no fuma, come".

A) Bebe

Es correcto afirmar:

- B) Fuma
- C) Come
- D) Fuma y no come
- E) No bebe o come

#### **Ejercicio 10** Simplifique

$$q \land \{(\sim p \lor q) \lor [(p \to q) \land r]\}$$

A)q

 $B) \sim p$ 

 $C) \sim q$ 

 $D)q \rightarrow p$ 

 $E) p \rightarrow q$ 

#### Ejercicio 11 Se definen:

$$p \# q \equiv [(p \lor \sim q) \land (\sim q \to p)]$$
$$p \oplus q \equiv q \lor [(p \leftrightarrow q) \land (q \Delta p)]$$

Halle la proposición equivalente de

 $(q\#p)\oplus(q\oplus p)$ 

A) p

B) q

 $C) \sim p$ 

D)V

 $E) \sim q$ 

**Ejercicio 12** Utilizando leyes lógicas, simplificar la proposición compuesta:

$$\big[ \sim (p \to q) \to \sim (q \to p) \big] \wedge (p \vee q)$$

A)p

B) a

C) Tautología

D) Contradicción

E)  $p \vee q$ 

**Ejercicio 13** Dadas las proposiciones  $S \equiv p \land \sim p$  y  $R \equiv \sim [(p \land q) \rightarrow p]$ , entonces:

- A) Son tautológicos
- B) Son contingentes
- C) Son contradictorios
- D) Sólo una es contingente
- E) Sólo uno es contradictorio

**Ejercicio 14** "Aunque no estudie aprobaré matemática".

Esta proposición es equivalente a:

- A) No apruebo matemática
- B) Estudio y apruebo matemática
- C) No estudio y no apruebo
- D) Apruebo matemática
- E) Estudio y no apruebo

Ejercicio 15 Determine la conclusión del siguiente razonamiento:

"Si llueve, la pista está mojada. Ha llovido".

Por lo tanto

- A) No llueve.
- B) No llueve y <mark>la piesta no e</mark>stá mojada.
- C) La pista no esta mojada.
- D) La pista esta mojada.
- E) No llueve o la pista no esta mojada.

#### Ejercicio 16 Si:

- a) Hay contaminación o el clima es muy húmedo.
- b) Pero el clima no es muy húmedo.

#### Luego

- A) No hay contaminación.
- B) El clima es muy húmedo y no hay contaminación.
- C) Hay contaminación y el clima es muy húmedo.
- D) Hay contaminación.
- E) El clima es muy húmedo o no hay contaminación.

**Ejercicio 17** Si  $(p*q) \rightarrow F$  es equivalente a  $(p \land \sim q)$ , entonces  $(p * q) \leftrightarrow (p \rightarrow \sim q)$  es equivalente a:

- $A) \sim p \wedge q$  B) p \* q
- C)  $\sim p$

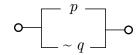
D)p

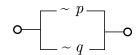
E)  $q \wedge p$ 

Ejercicio 18 Halle el circuito equivalente a la siguiente proposición

$$\sim q \leftrightarrow (p \rightarrow \sim q)$$

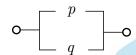
A)

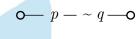




C)







E

**Ejercicio 19** Si p y q son proposiciones, definimos la operación p \* q mediante la tabla siguiente:

$$\begin{array}{c|cccc} p & q & p*q \\ \hline V & V & F \\ V & F & F \\ F & V & F \\ F & F & V \end{array}$$

Expresar  $(p \rightarrow q)$  sólo en términos del conectivo \*.

- A) [(p \* p) \* q] \* [(p \* p) \* q]
- B) (p \* p) \* q
- C) [(p\*q)\*p]\*[(p\*q)\*q]
- D) [(p \* p) \* p] \* [(q \* q) \* q]
- E) p \* (p \* q)

Ejercicio 20 Dada la siguiente tabla de verdad

p	q	$  (\sim p)$		q)	$\Diamond$	$(\sim q$	$\Diamond$	p)
V	V		1		F		F	
V	F		$\overset{\smile}{F}$		F		(2)	
F	V		V		F		(3)	
F	F		$\overline{(4)}$		(5)		$\overset{\smile}{F}$	

Donde  $\square$ ;  $\lozenge$  son operadores diferentes que pueden representar  $\vee$ ;  $\triangle$  o  $\wedge$ ; indique el valor de verdad de (1), (2), (3), (4), (5), respectivamente.

- A) VVFFV
- B) VVFFF
- C) FVVFF

D) VVVFF

E) VVFVF