

Algorytmy i struktury danych.

Autor: Patryk Waszkiewicz

Nr albumu: 179990

Grupa: 8

Opiekun przedmiotu: Dr inż. Mariusz Borkowski

Rzeszów 12.01.2025 r.

Spis treści

1. Wstęp.....	3
2. Teoretyczny opis zagadnienia	4
3. Implementacja rozwiązania	5
4. Schemat blokowy.....	8
5. Pseudokod	9
6. Testy obliczeniowe	10
7. Podsumowanie	12

1. Wstęp

W zadaniu analizujemy n -kąt, którego wierzchołki są połączone odległościami między kolejnymi punktami na obwodzie. Odległości między wierzchołkami są przechowywane w tablicy T , w której każdy element reprezentuje odległość między dwoma kolejnymi wierzchołkami. Naszym zadaniem jest znalezienie pary wierzchołków, które są od siebie najbardziej oddalone, przy czym można poruszać się tylko po obwodzie n -kąta, nie przechodząc przez jego wnętrze. Zadanie wymaga zaprojektowania algorytmu, który obliczy dystans między wszystkimi parami punktów na obwodzie i znajdzie te, które mają maksymalną odległość. Algorytm ten zostanie zaimplementowany w języku C++ z wykorzystaniem tablic oraz operacji na nich. Przykładowe dane wejściowe i wyjściowe.

Wejście:

[1 2 3 4 3]

Wyjście:

[1 4]

[3 5]

2. Teoretyczny opis zagadnienia

Wielokąt o n wierzchołkach jest opisany przez tablicę T $[1..n]$, gdzie $T[i]$ to odległość między wierzchołkiem i a wierzchołkiem $i+1$, a $T[n]$ to odległość między wierzchołkiem n a wierzchołkiem 1. Chcemy znaleźć pary punktów, które są od siebie najbardziej oddalone. Ponieważ możemy poruszać się tylko po obwodzie n -kąta, dystans między dowolnymi dwoma wierzchołkami j i k obliczamy dwoma możliwymi drogami:

1. Zgodnie z ruchem wskazówek zegara – od wierzchołka j do k , sumując odległości między kolejnymi punktami w obwodzie.
2. Przeciwnie do ruchu wskazówek zegara - obliczając dystans odwrotną drogą.

Obliczamy odległości w obu kierunkach i wybieramy najmniejszą z nich, aby uzyskać najbardziej optymalny wynik. Naszym celem jest znaleźć parę punktów, która posiada maksymalną odległość na obwodzie.

KROK	OPIS DZIAŁANIA	ZMIENNA/OPERACJA	WARTOŚĆ/WYNIK
1. Wczytanie danych	Program wczytuje liczbę testów i odpowiednie tablice z pliku tablice.txt.	liczbaTestow, tablice[t][i], rozmiary[t]	Dane wejściowe: (jak w przykładzie : [1, 2, 3, 4, 3])
2. Oblicz dystanse	Obliczanie całkowitego obwodu i sumy dystansów zgodnie z ruchem lub przeciwnie do ruchu.	calkowityDystans = sum(tablice), dystansZgodnyZRuchem, dystansPrzeciwny	Całkowity dystans: 13
3. Porównanie pomiarów	Porównanie dystansów dla każdej pary punktów i zapisanie maksymalnego dystansu.	maksymalnyDystans, wyniki	Maksymalny dystans: 7
4. Znajdź pary	Zapisanie par punktów o maksymalnym dystansie w tablicy wyników.	wyniki[liczbaPar][0], wyniki[liczbaPar][1]	Pary punktów: [1, 4], [3, 5]
5. Zapis wyników	Wyniki zostają zapisane do pliku wyniki.txt	plikWyjsciovyy	Plik wyniki.txt

3. Implementacja rozwiązania

1. Wczytywanie danych wejściowych.

Na początku programu dane wejściowe są wczytywane z pliku `tablice.txt`. Dane te zawierają liczbę testów oraz dla każdego testu liczbę wierzchołków i tablicę odległości między kolejnymi punktami.

```
ifstream plikWejscowy("tablice.txt");
if (!plikWejscowy) {
    cout << "Nie udało sie otworzyc pliku wejscowego 'tablice.txt'!" << endl;
    return 1;
}

int liczbaTestow;
plikWejscowy >> liczbaTestow;

int tablice[100][100];
int rozmiary[100];

for (int t = 0; t < liczbaTestow; t++) {
    plikWejscowy >> rozmiary[t];
    for (int i = 0; i < rozmiary[t]; i++) {
        plikWejscowy >> tablice[t][i];
    }
}
plikWejscowy.close();
```

2. Obliczanie dystansu między dwoma wierzchołkami

Funkcja `obliczDystans` oblicza dystans między dwoma punktami na obwodzie, uwzględniając dwie możliwe ścieżki: zgodną z ruchem i przeciwną.

```
int obliczDystans(const int tablice[], int n, int start, int koniec, int calkowityDystans) {
    int dystansZgodnyZRuchem = 0;

    for (int i = start; i != koniec; i = (i + 1) % n) {
        dystansZgodnyZRuchem += tablice[i];
    }

    int dystansPrzeciwny = calkowityDystans - dystansZgodnyZRuchem;

    return min(dystansZgodnyZRuchem, dystansPrzeciwny);
}
```

3. Znajdowanie najbardziej oddalonych par

Funkcja `znajdzNajdalszePary` iteruje przez wszystkie możliwe pary wierzchołków i zapisuje te, które są najbardziej oddalone.

```
void znajdzNajdalszePary(const int tablice[], int n, int wyniki[][2], int& liczbaPar) {
    int calkowityDystans = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        calkowityDystans += tablice[i];
    }

    int maksymalnyDystans = 0;
    liczbaPar = 0;

    for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = i + 1; j < n; j++) {
            int dystans = obliczDystans(tablice, n, i, j, calkowityDystans);

            if (dystans > maksymalnyDystans) {
                maksymalnyDystans = dystans;
                liczbaPar = 0;
                wyniki[liczbaPar][0] = i + 1;
                wyniki[liczbaPar][1] = j + 1;
                liczbaPar++;
            } else if (dystans == maksymalnyDystans) {
                wyniki[liczbaPar][0] = i + 1;
                wyniki[liczbaPar][1] = j + 1;
                liczbaPar++;
            }
        }
    }
}
```

4. Zapis wyników

Wyniki są zapisywane do pliku wyniki.txt

```
ofstream plikWyjsciowy("wyniki.txt");
if (!plikWyjsciowy) {
    cout << "Nie udało sie otworzyc pliku wyjsciowego 'wyniki.txt!'" << endl;
    return 1;
}

for (int t = 0; t < liczbaTestow; t++) {
    int n = rozmiary[t];
    plikWyjsciowy << "Przypadek Testowy " << t + 1 << ":\n";
    plikWyjsciowy << "Dystanse: [";

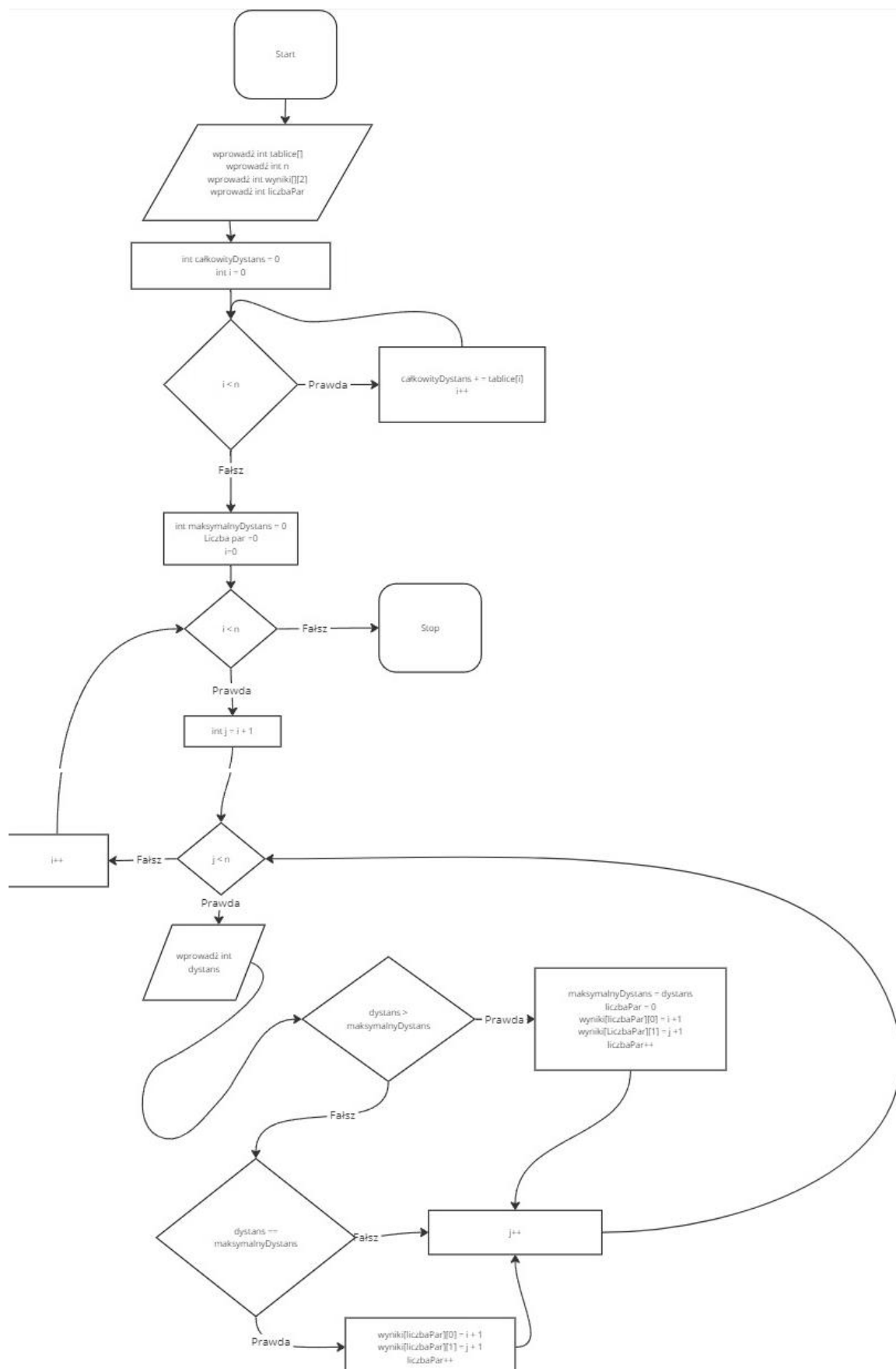
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        plikWyjsciowy << tablice[t][i] << (i < n - 1 ? ", " : "");
    }
    plikWyjsciowy << "]\n";

    znajdzNajdalszePary(tablice[t], n, wyniki, liczbaPar);

    plikWyjsciowy << "Najdalsze Pary: [";
    for (int i = 0; i < liczbaPar; i++) {
        plikWyjsciowy << "[" << wyniki[i][0] << ", " << wyniki[i][1] << "]";
        if (i < liczbaPar - 1) plikWyjsciowy << ", ";
    }
    plikWyjsciowy << "]\n";
    plikWyjsciowy << "-----\n";
}

plikWyjsciowy.close();
```

4. Schemat blokowy



5. Pseudokod

```
wczytaj(plikWejscowy)
wczytaj(tablica[n])
wczytaj(rozmiaryTestow)
wczytaj(wyniki)

inicjuj calkowityDystans  $\leftarrow$  0
inicjuj maksymalnyDystans  $\leftarrow$  0
inicjuj liczbaPar  $\leftarrow$  0
inicjuj wynikiTablica[100][2]

// Obliczanie dystansow miedzy parami punktow
for i  $\leftarrow$  0 do n - 1 powtarzaj
    for j  $\leftarrow$  i + 1 do n powtarzaj
        dystans  $\leftarrow$  obliczDystans(tablica, n, i, j, calkowityDystans)
        jeśli dystans > maksymalnyDystans to
            maksymalnyDystans  $\leftarrow$  dystans
            liczbaPar  $\leftarrow$  0
            wynikiTablica[liczbaPar][0]  $\leftarrow$  i + 1
            wynikiTablica[liczbaPar][1]  $\leftarrow$  j + 1
            liczbaPar  $\leftarrow$  liczbaPar + 1
        w przeciwnym razie jeśli dystans = maksymalnyDystans to
            wynikiTablica[liczbaPar][0]  $\leftarrow$  i + 1
            wynikiTablica[liczbaPar][1]  $\leftarrow$  j + 1
            liczbaPar  $\leftarrow$  liczbaPar + 1

// Zapis wynikow
for t  $\leftarrow$  0 do liczbaTestow - 1 powtarzaj
    wczytaj(rozmiarTablicy)
    wczytaj(dystanse[n])
    znajdzNajdalszePary(tablica, n, wynikiTablica, liczbaPar)
    zapisz(wynikiTablica, liczbaPar)
```

6. Testy obliczeniowe

Testy zostały wykonane na podstawie badanych przypadków.

Funkcja ObliczDystans

Funkcja oblicza dystans między dwoma punktami na podstawie tablicy dystanse. Jej złożoność wynika z iteracji między punktami start i koniec, co w najgorszym przypadku obejmuje wszystkie elementy tablicy.

ZnajdźNajdalszePary

Funkcja ta znajduje wszystkie pary punktów o maksymalnym dystansie, używając funkcji obliczDystans.

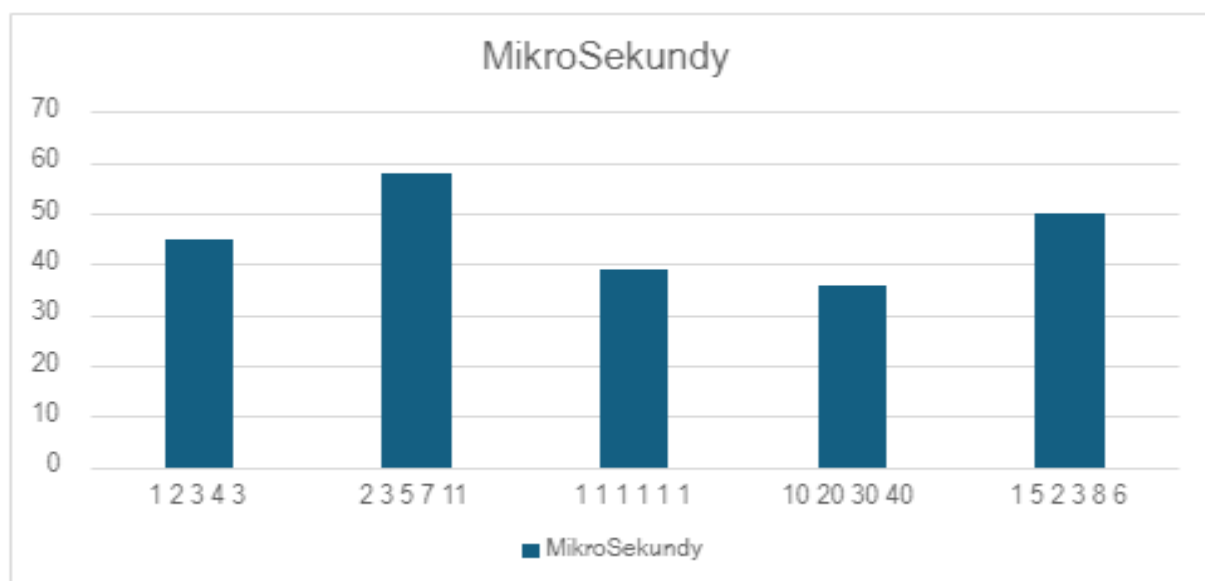
Main

W przypadku funkcji main:

- Odczytywana jest liczba punktów n oraz tablica dystansów dystanse.
- Wywoływana jest funkcja znajdźNajdalszePary
- Wyniki zapisywane są do pliku

Podsumowanie złożoności obliczeniowej

Kod charakteryzuje się złożonością czasową $O(T \cdot n^3)$, gdzie T to liczba przypadków testowych, a n to liczba punktów w jednym przypadku testowym. Wynika to z faktu, że dla każdego przypadku testowego funkcja znajdźNajdalszePary wykonuje zagnieżdżone pętle iterujące przez wszystkie pary punktów, a obliczenia dystansu między punktami w najgorszym przypadku wymagają $O(n)$. Złożoność pamięciowa wynosi $O(n)$, ponieważ program przechowuje tablicę dystansów oraz zmienne pomocnicze, a tablica najdalszePary ma stały rozmiar niezależny od danych wejściowych.



7. Podsumowanie

Program poprawnie rozwiązuje problem znajdowania najdalszych par na okręgu, zarówno pod względem logiki, jak i efektywności. Warto rozważyć optymalizację algorytmu dla większych danych wejściowych, ponieważ czas wykonania rośnie wraz z liczbą punktów. Oszacowane wyniki testów pokazują, że wielkość przypadku testowego jest zależna od ilości kątów badanego przypadku, a także długości między następnymi wierzchołkami.