# 数值計算 Class-6 演習

### 21T2166D 渡辺大樹

### 2023/06/26

## 1 演習内容

Class-6 では伴って変化する二つの変数 x,y についてその変化の関係を調べるため、実験、観測などで得たいくつかの x,y の値を元にして x,y の関係を推定する補間法について C で実装する。 今回扱う補間法はラグランジュ法とニュートン法で、この 2 つについて以下に示していく。

#### 1.0.1 ラグランジュの補間法

ラグランジュの補完法はソースコード1で実装される。

#### ソースコード 1 laghkn.c

```
2 /* ラグランジュの補間多項式 laghkn.c */
4 #include <stdio.h>
5 #define N 11
    int
    main(void)
8 {
    int i, j, k, n, np;
    double seki, xx, s, x[N], y[N], dx;
    char z, zz;
11
    while (1)
    {
13
       printf("ラグランジュの補間多項式 \n");
       printf("補間点の個数を入力してください(1 < n < 10) n = ");</pre>
       scanf("%d%c", &n, &zz);
16
       if ((n \le 1) \mid | (10 \le n))
17
       printf("\n 補間点の座標を入力してください。\n");
       for (i = 1; i \le n; i++)
```

```
{
21
              printf(" x(%d) = ", i);
22
              scanf("%lf%c", &x[i], &zz);
23
              printf(" y(%d) = ", i);
^{24}
              scanf("%lf%c", &y[i], &zz);
25
              printf("\n");
26
          }
27
          printf("\n 正し入力しましたか? (y/n) ");
28
           scanf("%c%c", &z, &zz);
          if (z == 'y')
30
              break;
31
32
      printf("\n 指定する点数は ? np = ");
33
       scanf("%d%c", &np, &zz);
       dx = (x[n] - x[1]) / np;
35
      xx = x[1];
36
      for (i = 0; i \le np; i++)
       {
38
          s = 0.0;
39
           /*** ^^e2^^88^^91 Lk(x) の計算 ***/
          for (k = 1; k \le n; k++)
41
           {
42
              seki = 1.0;
43
              /*** Lk(x) の計算 ***/
44
              for (j = 1; j \le n; j++)
              {
46
                  if (j != k)
47
                      seki *= (xx - x[j]) / (x[k] - x[j]);
49
50
              }
              s += seki * y[k];
52
53
          printf("%10.61f, %10.61f \n", xx, s);
54
          xx += dx;
55
       }
56
      return 0;
57
58 }
```

このコードの動作をラグランジュの補間法とともに解説していく。

今  $x=x_1$  のとき  $y=y_1$ 、 $x=x_2$  のとき  $y=y_2$ 、 $x=x_3$  のとき  $y=y_3$  であるような定数  $x_1,x_2,x_3,y_1,y_2,y_3$  を考える。

まず定数を絞って考える。 $x=x_1$  のとき  $y=y_1$  でありたいので x についての一次式  $y=\frac{x-x_2}{x_1-x_2}y_1$  のような式を考えると  $x=x_1$  のとき  $y=y_1$ 、 $x=x_2$  のとき y=0 となる。同じように  $x=x_2$  のとき  $y=y_2$  になるような x の一次式を考えると  $y=\frac{x-x_1}{x_2-x_1}y_2$  となり、 $x=x_1$  のとき y=0、 $x=x_2$  のとき  $y=y_2$  となる。

この二式を足し合わせることで

$$y = \frac{x - x_2}{x_1 - x_2} y_1 + \frac{x - x_1}{x_2 - x_1} y_2$$

という式が求まる。この式は 2 点  $(x_1,y_1),(x_2,y_2)$  を通る一次の直線を表している。 ここから三点について