# 最適化 Class-2 演習

## 21T2166D 渡辺大樹

#### 2023年10月4日

# 1 演習内容

Class-2 では探索における最適化を、関数の最大値を求めるアルゴリズムの設計を用いて理解していく。

今回用いるアルゴリズムは全探索と山登り探索になる。全探索は決められた定義域における関数 の値をすべて求め、そこから最大の値となる関数の値と引数を特定する方法になる。

山登り探索はある初期値から関数の値が大きくなる方へ山に登るように移動し、最大となった点の関数の値と引数を返す方法になる。

この二つの探索を 1 変数関数と 2 変数関数で行っていく。実装したコードはソースコード 1,2,3,4 に示す。コードがかなり長いためレポート末に示す。

## 1.1 1変数関数での探索

最大値を求める関数は (1)(2) の 2 種類を用いる。

$$f(x) = \sin(x) \tag{1}$$

$$g(x) = \frac{\sin(x^3 - 5(x+0.1)^2)}{x^3 + (x+0.1)^{-2}}$$
 (2)

ソースコード 1 exhaustive\_search.py

- 1 #!/usr/bin/env python3
- 2 # -\*- coding: utf-8 -\*-
- 3 """
- 4 Created on Mon Oct 5 17:36:56 2020
- 5 @author: hernan
- 6 """
- 7 import matplotlib.pyplot as plt
- $8 \; \text{import numpy as np}$
- 9
- 10 def sin(x):

```
return np.sin(x)
11
12
13
14 def p3d(x):
       return np.sin(x**3 - 5*(x+0.1)**2) / (x**3 + (x+0.1)**-2)
15
17
18 def exhaustive_search(f, x_min, x_max, delta):
       txtname = "./text/exsearch_p3d_" + str(x_min) + "_" + str(x_max) + "_" +
20
            str(delta) + ".txt"
       fi = open(txtname, 'w')
       points = []
22
       fvalues = []
23
      x = x_min
       fx = f(x)
25
       fbest = fx
26
       xbest = x
27
       while x < x_max:
28
          points.append(x)
          fvalues.append(fx)
30
31
          x = x + delta
           fx = f(x)
33
           if x \le x_max:
              if fx > fbest:
35
                  fbest = fx
36
                  xbest = x
           fi.write("f({}): {}\n".format(x, fx))
38
39
       fi.write("best f({}): {}".format(xbest, fbest))
       fi.close()
41
42
       return points, fvalues, xbest, fbest
43
44
45 # 関数を選ぶ
46 #f = \sin
47 f = p3d
48 # 変数の範囲を設定
49 x_{\min} = -2
50 x_max = -1.1
51 # 探索の間隔を設定
```

```
52 \text{ delta} = 0.001
53 # 全探索を呼び出す
54 x_search, fx_search, xbest, fbest = exhaustive_search(f, x_min, x_max, delta)
55 x_search = np.array(x_search)
56 fx_search = np.array(fx_search)
57 # 関数をプロットする
58 \text{ x\_sample} = \text{np.arange}(\text{x\_min}, \text{x\_max}, 0.001)
59 plt.plot(x_sample, f(x_sample))
60 # 探索点をプロットする
61 plt.plot(x_search, fx_search, 'ro')
62 plt.plot(x_search[0], fx_search[0], 'bo')
63 plt.plot(xbest, fbest, 'ko')
64 plt.xlabel("x")
65 plt.ylabel("f(x)")
66 #plt.legend(['関数','探索された x','探索の出発点','最高の探索点'])
67 plt.legend(['function', 'searched $x$', 'starting $x_0$', 'best $x$'])
68 dirname = "C://Program_Code/LaTeX/OPT/class2/"
69 filename = dirname + "exsearch_p3d_" + str(x_min) + "_" + str(x_max) + "_" +
        str(delta) + ".png"
70 plt.savefig(filename)
71 plt.show()
                          ソースコード 2 hill_climbing.py
 1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
4
5 \text{ def sin}(x):
      return np.sin(x)
7
9 def p3d(x):
       return np.sin(x**3 - 5*(x+0.1)**2) / (x**3 + (x+0.1)**-2)
10
11
```

evaluations = np.array([f(x0-delta), f(x0), f(x0+delta)])

txtname = "./text/hillclimb\_p3d\_" + str(x\_min) + "\_" + str(x\_max) + "\_"

13 def hill\_climbing(f, x0, delta, x\_min, x\_max):

fi = open(txtname, 'w')

fvalues = [evaluations[1]]

points = [x0]

+ str(delta) + "\_" + str(x0) + ".txt"

12

14

15

16

17

```
19
       index_max = np.argmax(evaluations)
20
21
       sign = 1.0
       climb = True
23
       if index_max == 0:
^{24}
           sign = -1.0
25
       elif index_max == 2:
26
           sign = 1.0
27
28
       else:
           climb = False
29
       x = x0 + (sign*delta)
31
       fx = evaluations[index_max]
       fbest = fx
33
       while climb == True:
34
           points.append(x)
           fvalues.append(fx)
36
37
           x = x + (sign*delta)
           fx = f(x)
39
           if fx > fbest and (x <= x_max and x >= x_min):
               fbest = fx
41
               fi.write("f({}): {}\n".format(x, fx))
42
           else:
               climb = False
44
45
       return points, fvalues
47
49 # 関数を選ぶ
50 # f = \sin
51 f = p3d
52 # 変数の範囲を設定
53 \text{ x_min} = -2
54 x_max = -1.1
55 # 探索の出発点
56 \times 0 = -1.3 \# x_min < x0 < x_max
57 # 探索方向を決定するための間隔
58 \text{ delta} = 0.001
59 # 山のりを呼び出す
60 points, fvalues = hill_climbing(f, x0, delta, x_min, x_max)
```

```
61 points = np.array(points)
62 fvalues = np.array(fvalues)
63 # 関数をプロットする
64 x = np.arange(x_min, x_max, 0.01)
65 plt.plot(x, f(x))
66 # 探索点をプロットする
67 plt.plot(points, fvalues, 'ro')
68 plt.plot(points[0], fvalues[0], 'bo')
69 plt.plot(points[len(points)-1], fvalues[len(fvalues)-1], 'ko')
70 plt.xlabel("x")
71 plt.ylabel("f(x)")
72 # plt.legend(['関数','探索された x','探索の出発点','最高の探索点'])
73 plt.legend(['function', 'searched $x$', 'starting $x_0$', 'best $x$'])
74 dirname = "C://Program_Code/LaTeX/OPT/class2/"
75 filename = dirname + "hillclimib_p3d_" + str(x_min) + "_" + str(x_max) + "_"
      + str(delta) + "_" + str(x0) + ".png"
76 plt.savefig(filename)
77 plt.show()
                     ソースコード 3 exhaustive_search_3d.py
```

```
1 #!/usr/bin/env python3
2 # -*- coding: utf-8 -*-
4 Created on Mon Oct 5 17:36:56 2020
5 @author: hernan
6 """
7 import matplotlib.pyplot as plt
8 import numpy as np
9 import copy as cp
10
11 def \sin_2 v(x1, x2):
      return (np.sin(x1) + np.sin(x2)) / 2
13
15 def p3d_2v(x1,x2):
      return (np.\sin(x1**3 - 5*(x1+0.1)**2) / (x1**3 + (x1+0.1)**-2) + np.sin
           (x2**3 - 5*(x2+0.1)**2) / (x2**3 + (x2+0.1)**-2)) / 2
17
19 def exhaustive_search(f, x_min, x_max, delta):
20
      txtname = "./text/exsearch3d_sin_" + str(x_min) + "_" + str(x_max) + "_"
```

```
+ str(delta) + ".txt"
       fi = open(txtname, 'w')
22
       points = []
23
       fvalues = []
^{24}
       x = cp.copy(x_min)
25
       fx = f(*x)
26
       fbest = fx
27
       xbest = x
28
       while x[0] < x_max[0]:
29
           x[1] = x_min[1]
30
           while x[1] < x_max[1]:
31
               points.append(x)
32
               fvalues.append(fx)
33
34
              x[1] += delta
35
               fx = f(*x)
36
               if x <= x_max:</pre>
37
                   if fx > fbest:
38
                       fbest = fx
39
                       xbest = cp.copy(x)
40
               fi.write("f({}): {}\n".format(x, fx))
41
           x[0] += delta
42
43
       fi.write("best f({}): {}".format(xbest, fbest))
44
       fi.close()
45
46
       return points, fvalues, xbest, fbest
47
49 # 関数を選ぶ
50 f = sin_2v
51 \# f = p3d_2v
52 # 変数の範囲を設定
53 \text{ x_min} = [0,0]
54 x_max = [np.pi,np.pi]
55 # 探索の間隔を設定
56 \text{ delta} = 0.01
57 # 全探索を呼び出す
58 x_search, fx_search, xbest, fbest = exhaustive_search(f, x_min, x_max, delta)
59 # x_search = np.array(x_search)
60 # fx_search = np.array(fx_search)
61 # # 関数をプロットする
62 # x_sample = np.arange(x_min, x_max, 0.001)
```

```
63 # plt.plot(x_sample, f(x_sample))
64 # # 探索点をプロットする
65 # plt.plot(x_search, fx_search, 'ro')
66 # plt.plot(x_search[0], fx_search[0], 'bo')
67 # plt.plot(xbest, fbest, 'ko')
68 # plt.xlabel("x")
69 # plt.ylabel("f(x)")
70 # #plt.legend(['関数','探索された x','探索の出発点','最高の探索点'])
71 # plt.legend(['function', 'searched $x$', 'starting $x_0$', 'best $x$'])
72 # dirname = "C://Program_Code/LaTeX/OPT/class2/"
73 # filename = dirname + "exsearch3d_p3d_" + str(x_min) + "_" + str(x_max) + "_
       " + str(delta) + ".png"
74 # plt.savefig(filename)
75 # plt.show()
                        ソースコード 4 hill_climbing_3d.py
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 import copy as cp
5 \text{ def sin}_2v(x1,x2):
      return (np.sin(x1) + np.sin(x2)) / 2
9 def p3d_2v(x1,x2):
      return (np.\sin(x1**3 - 5*(x1+0.1)**2) / (x1**3 + (x1+0.1)**-2) + np.sin
           (x2**3 - 5*(x2+0.1)**2) / (x2**3 + (x2+0.1)**-2)) / 2
11
12
13 def hill_climbing(f, x0, delta, x_min, x_max):
       txtname = "./text/hillclimb3d_sin_" + str(x_min) + "_" + str(x_max) + "_"
            + str(delta) + "_" + str(x0) + ".txt"
      fi = open(txtname, 'w')
15
       evaluations = np.array([
16
           [f(x0[0]-delta,x0[1]-delta), f(x0[0]-delta,x0[1]), f(x0[0]-delta,x0
17
               [1] +delta)],
18
          [f(x0[0],x0[1]-delta), f(*x0), f(x0[0],x0[1]+delta)],
          [f(x0[0]+delta,x0[1]-delta), f(x0[0]+delta,x0[1]), f(x0[0]+delta,x0
19
               [1] +delta)]
          ])
20
```

points = [x0]

fvalues = [evaluations[1]]

21

```
23
       index_max = np.unravel_index(np.argmax(evaluations), evaluations.shape)
24
25
       sign = np.array([1.0,1.0]) #登る方向
26
       climb = True
27
       if index_max[0] == 0:
28
           sign[0] = -1.0
29
       elif index_max[0] == 2:
30
           sign[0] = 1.0
32
       else:
           climb = False
33
34
       if index_max[1] == 0:
35
           sign[1] = -1.0
36
       elif index_max[1] == 2:
37
           sign[1] = 1.0
38
       else:
           climb = False
40
41
       x = x0 + np.array([sign[0]*delta, sign[1]*delta])
       fx = evaluations[index_max]
43
       fbest = fx
       while climb == True:
45
          points.append(x)
46
           fvalues.append(fx)
48
           x = x + np.array([sign[0]*delta, sign[1]*delta])
49
           fx = f(*x)
           if fx > fbest and (all(x <= x_max) and all(x >= x_min)):
51
               fbest = fx
52
               fi.write("f({}): {}\n".format(x, fx))
           else:
54
               climb = False
55
56
       return points, fvalues
57
58
60 # 関数を選ぶ
61 f = sin_2v
62 \# f = p3d_2v
63 # 変数の範囲を設定
64 x_min = np.array([0,0])
```

```
65 x_max = np.array([np.pi, np.pi])
66 # 探索の出発点
67 \times 0 = \text{np.array}([0.6,0.6]) \# x_min < x0 < x_max
68 # 探索方向を決定するための間隔
69 \text{ delta} = 0.01
70 # 山のりを呼び出す
71 points, fvalues = hill_climbing(f, x0, delta, x_min, x_max)
72 # points = np.array(points)
73 # fvalues = np.array(fvalues)
74 # # 関数をプロットする
75 # x = np.arange(x_min, x_max, 0.01)
76 # plt.plot(x, f(x))
77 # # 探索点をプロットする
78 # plt.plot(points, fvalues, 'ro')
79 # plt.plot(points[0], fvalues[0], 'bo')
80 # plt.plot(points[len(points)-1], fvalues[len(fvalues)-1], 'ko')
81 # plt.xlabel("x")
82 # plt.ylabel("f(x)")
83 # # plt.legend(['関数', '探索された x', '探索の出発点', '最高の探索点'])
84 # plt.legend(['function', 'searched $x$', 'starting $x_0$', 'best $x$'])
85 # dirname = "C://Program_Code/LaTeX/OPT/class2/"
86 # filename = dirname + "hillclimib_p3d_" + str(x_min) + "_" + str(x_max) + "_
      " + str(delta) + "_" + str(x0) + ".png"
87 # plt.savefig(filename)
88 # plt.show()
```